

بى_ایڈ_سال اول

(B.Ed. 1st Year)

رياضي کې تدريس

Pedagogy of School Subject - Mathematics (BEDD111DST) كورس كوڑ

نظامت فاصلاتی تعلیم مولانا آزادنیشنل اردویو نیورسٹی یچی باؤلی۔ حیدرآباد۔ 032 500

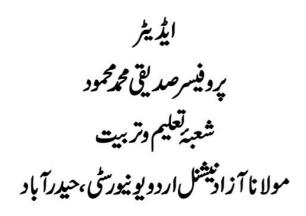
B.Ed. (Distance Mode)



Pedagogy of School Subject - Mathematics

كورس كود (BEDD111DST)

بلاك_ا



نظامتِ فاصلاتی تعلیم مولانا آ زادنیشنل اردویو نیورشی، حیدر آباد

مولفين اکائی۔ا ریاضی کا تعارف بروفيسرصد يقى محمدحمود یرو**فیسر**(شعبهٔ تعلیم وتربیت، حیدرآباد)

اکائی۔ا ریاضیکاتعارف (Introduction to Mathematics)

- تعارف: (Introduction)
 - مقاصد: (Objectives)
- (Meaning, Nature and Scope of Mathematics) دیاضی کامفہوم، نوعیت اوردسعت (Meaning, Nature and Scope of Mathematics
 - 1.2 رياضي کې تاريخ بحواله خصوصي رياضي کې تد ريسي توجه

(History of Mathematics with special emphasis on Teahing Mathematics)

1.3 بھارتی ریاضی دانوں کی خدمات: (Contribution of Indian Mathematician)

(آربیه بهه، بربها گپتا، ورام مهیرا، بها سکراچار بیه، سری نواس رامانجُن، شکنتلادیوی)

(Arya Bhatta, Brahmagupta, VarahaMihira, Bhaskaracharya, Srinivasan Ramanujan, Shakuntala Devi)

1.4 مغربی، یورپی ریاضی دانوں کی خدمات: (Contribution of Western Mathematician) (اقلیدس، فیثاغورث، ریخ دیکارت، جارج کینٹر)

(Euclid, Pythagoras, Renedescarte, George Cantor)

1.5 دىگر مضامين اورا پنى شاخول كے ساتھ رياضى كى ہم رشتگى :

(Correlatiion of Mathematics with other School subjects and with other Branches of Mathematics.)

فرہنگ(Glossary)

خلاصه (Let Us Sum Up/Points to Remember)

اکائی کے اختمام کی سر گرمیاں (Unit End Activities)

مزيدمطالع كيك كتب (Suggested Readings)

تعارف: (Introduction)

ہمارا ملک ہندوستان ایک ترقی پذیر ملک ہے۔ اسے دنیا کی سب سے بڑی جمہوریت ہونے کا شرف حاصل ہے۔ یہاں سان کے تمام طبقات اور گروہوں کی فطری خواہش ہے کہ ملک کوتر قی یافتہ ، طاقتو راور قائدانہ روپ میں دیکھیں۔ آزادی کے بعد سے اب تک ملک نے بہت سارے شعبوں میں غیر معمولی اور مثالی کا میابی حاصل کی ہے اور ترقی کا سفر تیز رفتاری کے ساتھ جاری ہے۔ تمام لوگوں کو اعتماد میں لیتے ہوئے ترقی کی نئی نئی منزلیں طے کرنے کے لیے منظم منصوبہ بندی اور محنات کے ساتھ سائنس اور تکنا لوجی کے معدان پر خصوصی توجہ کی ضرورت سے انکار نہیں کیا جا سکتا ہے۔ علم ریاضی کو تما میں میں میں میں دیکھیں۔ آزادی کے بعد سے اب تک سطح سے سائنس اور ریاضی جیسے مضامین کے فروغ کے لیے منظم منصوبہ بندی اور محنت کے ساتھ سائنس اور تکنا لوجی کے میدان پر

تدریسِ ریاضی (Teaching of Mathematics) کی تعلیم اساتذہ کے پروگراموں میں خصوصی اہمیت ہے۔اس اکائی میں ریاضی کے مفہوم،اُس کی نوعیت اوروسعت کا تعارف کرواتے ہوئے تدریسِ ریاضی پر خصوصی زور کے ساتھ ریاضی کی تاریخ کا اجمالی خاکہ پیش کیا گیا ہے۔اسی کے ساتھ ریاضی کے میدان میں ہندوستانی اور مغربی ریاضی دانوں کی خدمات اوراس مضمون کی خودا پنی دیگر شاخوں اور دیگر مضامین کے ساتھ ہم رشتگی پر بھی بحث کی گئی ہے۔

مقاصد: (Objectives)

- اس اکائی کے بعد آپ اس قابل ہوجا ^نیں گے کہ ۲۰۰۰ ریاضی کے مفہوم، اس کی نوعیت اور وسعت اپنے الفاظ میں بیان کر سکیں گے۔ ۲۰۰۰ ریاضی کی تاریخ پراس کی تدریس کے حوالے سے روشنی ڈال سکیں گے۔ ۲۰۰۰ ریاضی کے میدان میں مختلف ریاضی دانوں کی خدمات کا جائز ہیپش کر سکیں اور خاص طور پر ہندوستانی ریاضی دانوں کی خدمات کی مختصین کر سکیں۔
 - ار یاضی کے دیگر مضامین اورا پنی شاخوں کے ساتھ ہم رشتگی پر مدلِل بحث کر سکیں۔

1.1 ریاضی کامفہوم، نوعیت اوروسعت: (Meaning, Nature and Scope of Mathematics) ہمارے ملک ہندوستان کو صنمون ریاضی میں ایک خاص مقام حاصل ہے۔زمانۂ قدیم ہی سے یہاں لوگ اس صنمون میں دلچیں لیتے رہے ہیں ۔ویدوں کے دور میں بھی لوگ ریاضی سے متعلق مختلف چیزیں جانتے اور برتے تصے اور آج نہ صرف ہندوستان بلکہ بین الاقوامی سطح پرویدک ریاضی کی ایک خاص بیچان ہے ۔علم ریاضی کے لیے انگریزی میں لفظ (Mathematics) استعمال کیا جاتا ہے۔ جواصلاً یونانی لفظMathema سے بناہے جس کے معنی مقدار،اعداد،ساخت یا تبدیلی کاعلم ہے۔

ماہرین نے ریاضی کی مختلف تعریفات(Definitions) بیان کی ہیں یہاں چندا ہم تعریفات پیش کی جارہی ہیں۔ ۱۔ارسطو: ریاضی مقدار کاعلم ہے۔ (Mathematics is the Science of Quantity- Aristotle) ۲۔ بیکن: ریاضی تمام سائنسی علوم کی گزرگاہ اور کلید ہے۔

(Mathematics is the gateway & key to all Sciences) سرGauss: ریاضی تمام علوم کی ملکہ ہے۔ اور حساب تمام ریاضیات کی ملکہ ہے۔ (Sciences & Arithmatic is the queen of all Mathematics) (Sciences & Arithmatic is the queen of all Mathematics Mathematics is a way to settle): ریاضی وجو ہات کی عادت کو ذہن نشین کروانے کا طریقہ ہے۔ (In the mind a habit of reasoning Mathematics is : ریاضی حقیقت میں فن کے گہر ے مطالعہ اور اظہار حسن میں مشغول ہوتی ہے۔ (G.B. Shaw) (engagged, infact, in the profound study of art & the expression of Beuty Mathematics is the indispensable): ریاضی تحقیقات کا ناگز ریآلہ ہے۔ (Instrument of all physical researches)

اس طرح ہم نے دیکھا کہ مختلف ماہرین کی پیش کردہ تحریفات میں کوئی بھی تعریف اپنے آپ میں کمل اور جامع نہیں کہ اس کے صحیح اور کمل مفہوم کوداضح کر سکے۔ ہاں ہیہ بات ضرور ہے کہ ہر تعریف ریاضی کے کسی اہم پہلو پر دوشنی ڈالتی ہے۔ ان تعریفات (Definitions) کے مطالعہ سے پتہ چلتا ہے کہ ضمونِ ریاضی صرف اعداد کاعلم نہیں اور نہ ہی جمع (Addition)، تفریق (Definitions) کے مطالعہ سے پتہ چلتا ہے کہ ضمونِ ریاضی صرف اعداد کاعلم نہیں اور نہ ہی جمع (Definitions)، تفریق (Subtraction) کے مطالعہ سے پتہ چلتا ہے کہ ضمونِ ریاضی صرف اعداد کاعلم نہیں اور نہ ہی جمع تفریق (Generalisation) من رب (Subtraction) اور تقسیم (Division) جیسی اعمال کی حد تک محدود ہے۔ اس میں تعیم (Thinking کی روان چڑ ھانا اور توجیح (Reasoning) کرنا جیسی چیز وں کے علاوہ بھی بہت پتھ ہے۔ قومی تعلیمی پالیسی 1986 نے ریاضی کی اہمیت کوداضح کرتے ہوئے اس کے مقاصد ہڑے ہی جامع انداز میں پیش کئے ہیں۔

ریاضی کی نوعیت رماہیئیت : (Nature of Mathematics) اگر ریاضی کی اہم خصوصیات کا تجزیبہ کرے تو اس سے ریاضی کی نوعیت اُجا گر ہوتی ہے۔ریاضی کی چند ایسی منفر د خصوصیات ہیں جوہمیں دیگر مضامین میں بڑی مشکل سے ملتی ہیں۔ذیل میں ان خصوصیات کا تذکرہ کیا جارہا ہے۔ ۱) ریاضی دریافت (کھونج) کی سائنس ہے۔ (Mathematics is Science of Discovery)

۲) ریاضی ایک ذہنی کھیل ہے۔ (Mathematics is an intellectual game)

۳) ریاضی نتائج اخذ کرنے کافن ہے۔ (Mathematics deals with the art of drawing) ریاضی نتائج اخذ کرنے کافن ہے۔ (conclusion

- ۳) ریاضی ایک مددگار مضمون ہے۔ (Mathematics is a Tool subject)
- ۵) ریاضی ایک منظم انتخر اجی سائنس ہے۔(Mathematics is a systmatic deductive science)
- (Mathematics is an experimental inductive science) ریاضی ایک تجرباتی استقرائی سائنس ہے۔
- 2) ریاضی بدہی (الہامی) طریقے کا ستعال کرتی ہے۔(Mathematices involves an intuitive method)
- ۸) ریاضی صحت اوردر تگی کی سائنس ہے۔(Mathematics is a science of precision and Accuracy)
 - ۹) ریاضی منطقی تر تیب کا حامل مضمون ہے۔(Mathematics is a subject of logical sequence)

(Mathematics requires the application of rules and concepts to new situations) ریاضی میں تعییم اور درجہ بندی کی حاتی ہے۔

(Mathematics deals with generalisation and classification)

- ۱۲) ریاضی کی اپنی زبان اور علامات ہوتی ہے۔(Mathematics has its own language and symbols)
 - (Mathematics is an abstract science) -2
 - ۱۳) ریاضی ساخت کا مطالعہ ہے۔(Mathematics is a study of structure)
 - ۱۵) ریاضی منطق ہے۔(Mathematics is logic)

(11

ا۔ریاضی دریافت(کھوج) کی سائنس ہے۔ (Mathematics is a Science of Discovery) A.N. Whitehead کے مطابق''ہر بچے نے دریافت(کھوج) کے مل سے محظوظ ہونا چا ہیے۔'' بچوں کوایسے مواقع فراہم کرنے کی ضرورت ہے کہ جن کی مدد سے وہ از خودریاضی سے متعلق مختلف چیزیں دریافت کر سکیں اور اُنھیں اپنے حسابی اعمال میں درستگی (Accuracy) حاصل کرنے کی مشق نہم پہنچائی جائے۔

۲۔ریاضی ڈبنی کھیل ہے۔ (Mathematics is an Intellectual Game)

ریاضی کےاپنے اُصول ہیں اوراس لحاظ سے وہ کسی ہیرونی کسوٹی کی قحتاج نہیں ہے۔اسطرح اس کا ایک تعارف ایک ذ^ہنی کھیل کی حیثیت سے بھی بنتا ہے جس کی روسے وہ معمے، پہلی اور مسئلہ کوحل کرنے کی دلچیپ ذہنی مثق ہے۔

سر بیاضی نتائج اخذ کرنے کافن ہے۔(Mathematics deals with the art of drawing conclusions) اسکول کی ایک ذمہ داری بچوں کوایسے طرزِ فکر سے روشناس کرانا ہے جو نتائج اخذ کرنے میں اُن کی معاونت کرے۔ J.W.A. Young کے مطابق اس طرزِ فکر سے روشناس کرانے کے مقصد سے کسی مناسب مضمون میں درج ذیل تین خصوصیات کا ہونا ضروری

ا) یہ کہ اُس مضمون کے اخذ کردہ نتائج یقینی ہوں۔طالبعلم کو یہ معلوم ہو کہ اس مضمون کے ذریعے جونتائج اخذ کئے گئے ہیں وہ بالکل درست اوریقینی ہیں۔

۲) بیر که ده مضمون طالبعلم کواولین مراحل میں آسان ترین تنائح اخذ کرانے سے مواقع فراہم کرےاور جیسے جیسےان بنیادی نتائح پراُسے عبور حاصل ہوآ گے کے نتائج اخذ کرنے کے لئے اس کی رہنمائی کی جائے۔ ۳) بیر بھی کہاس مضمون کے اخذ کردہ نتائج دیگر مضامین اور عام طور پرانسانی تعاملات کے لیے بھی مثالی ہوں۔

۲ - ریاضی ایک مددگار مضمون ہے۔ (Mathematics is a Tool subject)، خوبصورتی (Beauty)، ساخت یا تنظیم ریاضی کی اپنی چند نمایاں خصوصیات ہیں جن میں کلیت (Integrity)، خوبصورتی (Beauty)، ساخت یا تنظیم (Structure) شامل ہیں۔ پیچ صوصیات مضمون کے ساتھ مخصوص ہیں۔ اسی کے ساتھ سیجھی ایک حقیقت ہے کہا پنے آپ مکمل ہونے کے ساتھ ساتھ دیگر مضامین کے اکتساب میں بھی پیچ میں معاون اور مددگار ثابت ہوتا ہے۔ اپنے اطلاق کے لحاظ سے بیا کی مضبوط آلہ ہے۔

Mathematics & Teaching of نے ایپ ایک مضمون بہ عنوان Mathematics & Teaching of" Sciences میں لکھا ہے" ریاضی کے داخلی استحکام(Internal Consistency) کے سحر میں تمام طلبہ گرفتا زمبیں ہوتے اور ہر کوئی اسے اپنا پیشہ بھی نہیں بنا سکتا کیکن در جنوں طلبہ ایسے ہیں جن کے لئے میضمون نفیس آلہ ہے۔" یعنی اس کے ذریعے سے وہ دیگر مضامین بے مختلف تصورات سیکھتے ہیں۔

۵۔ ریاضی ایک منظم انتخراجی سائنس ہے۔(Mathematics is a Systmatic Deductive Science) ریاضی ایک منظم انتخراجی سائنس ہے۔ ریاضی ایک ایسے منطقی عمل کا نظام ہے جس میں چند مخصوص بنیا دی نوعیت کے حامل مفر وضات (Assumptions) اور تعريفات (Definitions) کوجنہیں حقیقت کے طور پر تسلیم کرلیا گیا ہے۔طالب علم انہیں کے حوالے سے نتائج اخذ کرتا ہے۔اس لئے بی شرط بہت انہم ہے کہ جس چیز کو بطور حوالہ استعال کررہا ہو وہ صحیح ہوں۔ مثال کے طور پر۔ جب دوخطوط قطع کرتے ہوں تو متقابلہ زاویے (Opposite Angles)، مساوی ہوتے ہیں۔ بیا یک بنیاد (Premise) ہے۔ اس لئے اگر A>اور D> متقابل زاویے ہوں تو طالب علم فوری طور پر کہ سکتا ہے کہ D> = A> یہ نیچہ اس بنیاد (Premise) پر اخذ کیا گیا کہ "متقابلہ زاویے مساوی ہوتے ہیں۔ "اس طرح انتخر اجی استدلال رتو جیر ہہ

(Deductive Reasoning) کی بنیاد پرہم ثابت کرتے ہیں کہا گرکوئی چیز صحیح ہے تو اس کی بنیاد پرکوئی دوسری چیز صحیح رغلط ہوگی۔

۲۔ریاضی ایک تجرباتی استقرائی سائنس ہے۔(Mathematics is an Experimental Inductive) Science)

ریاضی میں، ریاضیاتی مظاہر (Generalisation) اور رشتوں (Relationships) کی روشن میں تعجیم (Generalisation) کی جاتی ہے۔اسکی بنیاد ہی اس اصول پر ہوتی ہے کہ اگر کوئی تعلق (رشتگی) بعض معاملوں (Cases) میں کھر ااتر تا ہے تو اس طرح کے تمام معاملات (Cases) میں بھی کھر ااتر تا ہے۔اس لئے اس تعلق (رشتگی) کی تعیم کی جاسکتی ہے۔ یعنی اے ایک عام اصول (General Rule) کی شکل میں دی جاسکتی ہے۔ مثلاً۔ مثلاً ۔ مثلث کے مینوں زاویوں کا مجموعہ 180 ہوتا ہے۔اس خصوصیت کا بہت سارے مثلاث میں مشاہدہ کرنے کہ بعد طلبہ ایک عمومی بیان کے طور پر اس کا اظہار کرتے ہیں۔ ایک عمومی بیان کے طور پر اس کا اظہار کرتے ہیں۔ اس چیز کو علامتی طور پر یوں بھی کہا جا سکتا ہے کہ اس چیز کو علامتی طور پر یوں بھی کہا جا سکتا ہے کہ اس چیز کو علامتی طور پر یوں بھی کہا جا سکتا ہے کہ

2۔ ریاضی بد میں (الہامی) طریقے کا استعال کرتی ہے۔(Mathematices involves an Intutive Method) الہام روجدان (Intuition) سے مراد، وہ ممل ہے جس کے ذریعے ہم کسی مسئلے کے مفہوم، اہمیت یا ساخت کو اپنی تخلیلی رتجزیاتی (Analytic) مہارت پر انحصار کئے بغیر ازخود پالیتے ہیں۔ (Analytic) مہارت پر انحصار کئے بغیر ازخود پالیتے ہیں۔ وجدانی انداز برق رفتاری کے ساتھ مفروضہ تک پہنچنے میں ہماری رہنمائی کرتا ہے۔ یہ اصل ثبوت سے پہلے کا مرحلہ ہے۔ بعد میں سرگرمی ہے جواپنے اطلاق کے اعتماد پر نہ کہ ہمیشہ صحیح جواب کی اہمیت پر زیادہ انحصار کرتی ہے۔ الہا م روجدان کا جب ریاضی میں اطلاق کیا جاتا ہے تو وہ ایک خیال رتصور (Idea) جو کہا پنی مجر دشکل میں ہوتا ہے اسے مقرون (Concrete) شکل میں پیش کرتا ہے۔حالانکہ ابھی وہ چیز کسی ممل یا مثال کی شکل میں بیان نہیں کی گئی ہوتی ہے۔

۸- ریاضی با قاعدگی اوردر تگی کی سائنس ہے۔(Mathematics is a Science of Precision and Accuracy) ریاضی کوایک درست رنقائص سے پاک سائنس مانا جاتا ہے اور اس کی اصل وجہ اس میں موجود 'با قاعدگی' ہے۔ ریاضی میں نتائح رحل یا تو 'صحیح' ہوں گے یاغلط یا تو انہیں تسلیم کیا جائیگا یا مستر د_ یہاں صحیح اور غلط کے درمیان کوئی بچ کا راستہ (Mid Way) نہیں ہوتا۔ حد تو یہ ہے کہ جن مسائل یا معاملات میں تقریباً رانداز اً قیمتوں پرز وردیا جاتا ہے ایج اں انداز ے اور تحقیق سے کام چل سکتا ہے۔ ریاضی میں نتائے کے نتائے ایسے وقت میں در تگی (Exactness) کے سی بھی در جنگ جاسکتے ہیں۔

۱۰ ریاضی کو نے حالات میں اُصولوں اور تصورات کے اطلاق کی ضرورت ہوتی ہے۔

(Mathematics requires the application of rules and concepts to new situations) ریاضی کا مطالعہ، اپنے طالب علم سے اس بات کا متقاضی ہوتا ہے کہ وہ سیکھے گئے اصولوں اور تصورات کو نئے حالات میں استعال کرے۔ ریاضی کے اصولوں اور تصوروں کا نئے حالات میں اطلاق کرتے وقت طالبعلم ہمیشہ ان کی محقولیت (Validity) کی تصدیق کریگا۔ ویسے بھی ریاضیاتی تصورات اور اصولوں کاعملی صورتحال میں اطلاق کرنے پران کی معنوبیت کاصحیح اندازہ ہوتا ہے۔ اس طرح کی مشق سے ریاضی کا اکتساب زیادہ با معنی اور اہم بن جاتا ہے۔

اا۔ ریاضی میں تعمیم اور درجہ بندی کی جاتی ہے۔

(Mathematics deals with Generalisation and Classification) خیالات رتصورات (Conceptions) کی توسیع اور تعیم ، مختلف نتائج کو یکجا کرنے اور مختلف چیز وں کی تنظیم وتر تیب کے لئے ریاضی مثق بہم یہو نچاتی ہے۔ ریاضی میں تر تیب وار تعیم (Conceptions) کی مثالیں ریاضی میں بڑی آسانی کے ساتھ ملتی ہیں۔ مثال کے طور پر۔ اعداد کا تصور ، کامل اعداد (Whole Numbers) کے تصور سے وسیع ہوکر ہمیں کیثری اعداد (Fractionals مثال کے طور پر۔ اعداد کا تصور ، کامل اعداد (Whole Numbers) کے تصور سے وسیع ہوکر ہمیں کیثری اعداد (Results در مثال کے طور پر۔ اعداد کا تصور ، کامل اعداد (Whole Numbers) کے تصور سے وسیع ہوکر ہمیں کیثری اعداد (Numbers مثال کے طور پر۔ اعداد کا تصور ، کامل اعداد (Resulter) منفی اعداد (Whole Numbers) اور فرضی اعداد (Numbers) ، غیر ناطق اعداد (Results) میں کیثری اعداد (Results) ، منفی اعداد (Results) کی مثالی کے ماتھ میں کیثری کے ماتھ کی اعداد (Results) کے معام کرتا ہے کہ کہ کی میں کیثری کے ماتھ کی اعداد (Results) کے معام کرتا ہے۔ میں میں میں میں کی کی کی کی کی کہ ہوتی ہے معام کر ہوتا ہے۔ علم ہند سہ (Geometry) میں بھی متائج (Results) کی گردہ میں تعیم اور درجہ بندی کے مل ہوت ای اعمال کی تعیم سے نظا ہر ہوتا ہے۔ علم ہند سہ (Results) میں بھی متائج (Results) کی گردہ میں تعیم اور درجہ بندی کے مل ہوت سے میں کہ تو تی تیں کے معام کی ذمہ داری ہے کہ تو تی کے اخری کی بھی میں میں کی کی کہو تھی میں کہوں کے میں کہوتا ہے۔ کا مظا ہرہ وزر نے میں کی تو کے معام کی ذمہ داری ہے کہوتی تی کجھی میں کہوں کے میں کہوں کے میں کہوتی ہوتا ہے۔ معام کی ذمہ داری ہے کہو تی کی تو کی کہو تی کی بھی میں کہوں کے معام کی ذمہ داری ہے کہوتی تی کہو کہوتی کی بھی میں کہوں کے معام کی ذمہ داری ہے کہوتی تی کے ایک کو کہوتی کی جس کی تو کی کو دیس

الریاضی کی اپنی زبان اور علامات ہوتی ہے۔(Mathematics has its own language and symbols) ریاضی میں مواد کی پیش کشی کے لئے ایک مخصوص زبان کا استعال کیا جاتا ہے جو بالعموم سبھی مما لک اور علاقوں میں استعال ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر۔ دومختلف نقات سے ایک اور صرف ایک ہی خط گز رتا ہے(One and only one line passes)۔

ہوسکتا ہے کہ کوئی شخص اسی بیان کو کسی اورا نداز میں لکھنا چاہے۔جیسے۔دوالگ الگ نقطوں سے ایک ہی خط گز رسکتا ہے۔حالانکہ دوسرے جملے کامفہوم پہلے جملے کے مفہوم سے قریب تر ہے پھر بھی پہلے جملے کی زبان کی وجہ سے اسے جو معنوبیت حاصل ہوئی وہ بات دوسرے جملے میں نہیں ہے۔اس لئے ہر ملک میں پہلا جملہ ہی مستعمل ہے۔

اسی طرح سے ریاضی اپنی اظہار کے لئے مختلف علامتوں کا استعال کرتی ہے اور بیعلامتیں اس کی ایک مخصوص شناخت (Identity) ہیں۔مثال کے طور پر۔ اگر سی مثلث ABC کے دواضلاع جناع AB اور ضلع BC ایک دوسرے کے ساتھ زاد بیت قائمہ بناتے ہوں تو علامتی طور پراسے درج ذیل کے مطابق لکھا جاتا ہے۔ ضلع BC....... ضلع AB

علامتوں کے استعال سے نہ صرف جامعیت (Comprehensiveness) آجاتی ہے بلکہ ایک حسن (Beauty) بھی پیدا ہوتی ہے۔

^مار ریاضی ساخت کا مطالعہ ہے۔(Ring یا ایک یا زائد واضح طور پر شناخت کردہ (Recognised) ریاضیاتی ریاضیاتی ساخت وہ ریاضیاتی نظام ہے جس میں ایک یا زائد واضح طور پر شناخت کردہ (Recognised) ریاضیاتی خصوصیات ہوتی ہیں۔ایک ریاضیاتی نظام سے ، استدالی (Commutative)، تلازمی (Associative) اورانتشاری (Distributive) خصوصیات میں سے ایک یا زائد جو کہ اس نظام میں موجود ہوں اسے خصوصی طور پر شناخت کرتے ہوئے ہم ایک ساخت کی تخلیق کر سکتے ہیں۔ایک یا زائد بنیاد می ساختوں سے ہم دیگر ساختیں تیار کر سکتے ہیں۔ عددی نظام (System)

1۵۔ ریاضی منطق ہے۔(Mathematics is a Logic) ریاضی کوایک منظم طرز وفکر کے طور پر تلاش کیا جاتا ہے۔ اسما تذہ، طلبہ کی معاونت کریں کہ وہ Structures & Patterns کا استحسان کرسکیں جو کہ میکانگی اور سیبی عمل میں پوشیدہ ہوتے ہیں۔وہ اس بات کو جان لیس کہ جہاں کہیں ساخت، رشتگی ، با قاعدگی اور منظم متغیر وغیرہ ہو وہاں لازمی طور پر ریاضی موجود ہے۔

ر**یاضی کی دسعت: (Scope of Mathematics)** ریاضی کی دسعت اس کے موادادراس کی شاخوں میں مضمر ہے۔اس کی دسعت کا اثر نہ صرف دیگر مضامین پر ہے بلکہ افراد کی زندگی بھی اس کے زیرا تڑ ہے۔اس سے بیا خذ کر نابڑا آسان ہوگا کہ ریاضی کی دسعت ساری کا مُنات پر چھائی ہوئی ہے۔

1.2 رياضى كى تاريخ بحوالەخصوصى رياضى كى تدرىسى توجە

(History of Mathematics with special emphasis on Teahing of Mathematics) دورحاضر کی ریاضی دراصل تمام ریاضی دانوں کی صدیوں کی جہد مسلسل کی عکاسی کرتی ہے۔جوانسانی تہذیب وتدن کی آئینہ دار ہے۔اسی لئے کہاجا تا ہے کہانسانی تہذیب کی تاریخ دراصل ریاضی کی تاریخ ہے۔جس سے بیہ بات داضح ہوجاتی ہے کہانسانی تہذیب وتدن کے ارتقاء کے تمام سرگوشیوں پر ریاضی کا اثر محیط ہے۔

رقبہ: (Area)

رقبہ کا تصوراس وقت وجود میں آیا جب دواجسام کا تقابل ان کے ابعاد کے اعتبار سے ہونے لگا، اس طریقہ کار میں اجسام ک تقابل کے لئے ان کو باز وباز و رکھدیا جاتا تھا۔لیکن جب میطریقہ بڑی مقداروں کی اجسام کے لئے موثر نہ رہا تب دوابعادی پیائش کا تصور لایا گیا اور دوابعادی اکا ئیوں کے طریقے کوفر وغ حاصل ہوا۔

جم: (Volume)

حجم کا تصور غالباً اس حقیقت کی وجہ سے وجود میں آیا جب کہ دوبر تنوں کی گنجائش کا مواز نہ لاحق ہوااور جب ضروریات بہت پیچیدہ ہوئی تب سائنسی استدلالی طریقے کے ذریع خطی پیائش اور مربعی پیائش کے رجحانات کوتقویت حاصل ہوئی اوراسی طرح سہ ابعادی پیائش وجود میں آئی اور مکی نہ طور پر بتدریخ ترقی پائی۔

ریاضی کے ارتقاء کا محر کہ دراصل تجارتی تقاضوں میں مضمر ہے ۔علم حسابیات(Arithmatic) کی ترقی فر دواحد کی دولت کے تخمینہ کی ضرورت کا نتیجہ ہے اورعلم ہندسہ(Geometry)ارضیات(Land) کی پیاکش کے تقاضوں کا نتیجہ ہے۔اس طرح علم مثلث علم فلکیات کی معاونت کانتیجہ ہے۔ ریاضی سے ارتفاء کی تاریخ مختلف تہذیبوں کی خدمات کی مرہونِ منت ہے۔جن میں بالخصوص یونانی (Greek) تہذیب کا تعاون علم ہند سہ (Geometry) میں اور ہندوستانیوں کا تعاون حسابیات (Arithmetic) میں قابل ذکر ہے۔ تحقیق سے پیۃ چاتا ہے کہ دورِ حاضر کی اکثر دریافتیں جومغر بی ریاضی دانوں سے موسوم کی جاتی ہیں وہ دراصل دورقد یم میں ہندوستانی ریاضی دانوں کے اجنبی نہیں تحقیں ۔ مثال سے طور پرصفر''0'' کا تصور جوعشری نظام کی بنیا دافرا ہم کرتا ہے۔ علاوہ ازیں ریاضی کی ترقی میں دنیا کی تمام قومیں جیسے سا مورین (موجودہ عراقی)، یونانی ،مصری ، ہندوستانی ،عربی چینی دغیرہ کا تعاون قابل ذکر ہے۔ موجودہ دور کے درسیات میں شامل مواد دراصل ان ہی کی کا وشوں کا نتیجہ ہے۔

1.3 بھارتی ریاضی دانوں کی خدمات: (Contribution of Indian Mathematician) (آر بیہ بھٹ، برہما گپتا، وراہامہیرا، بھاسکراچار بیہ سری نِواس راما^{نجُ}ن، شکنترلاد یوی)

(Arya Bhatta, Brahmagupta, VarehaMihira, Bhaskaracharya, Srinivasan Ramanujan, Shakuntala Devi)

آریہ بھٹ: (Ariyabhatta) آریہ بھٹ ، ہندوستان کے عظیم ریاضی داں اور ماہرِ فلکیات تھے۔ جن کی پیدائش ق۔م476 پاٹلی پترا (Patliputra) قریب پٹنہ جو بہارکی راجد ھانی ہے میں ہوئی۔ آریہ بھٹ کی کتاب Ariya Bhattium جوفلکیات اور ریاضیات میں پڑشتمل ہے میں دودر جی مساوات کی علامتوں کا جدول اور الجبرا کے علم منلت کے قوانین شامل ہیں۔

آریہ بھٹ کاخدمات: (Contribution of Ariyabhatta) آریہ بھٹ نے نامعلوم مقداروں کو حروف سے ظاہر کرنے کے تصور کو پیش کیا اور اعداد اتا ۲۵ کو ہندی حروف تہجی کے ذریعہ ظاہر کیا۔ 1. آریہ بھٹ نے اعشاریہ کے استعال کا مسند طریقہ کا رمتعارف کروایا۔

- 2. آربیہ بھٹ سے پہلے جذالمربع کے استعال کا طریقہ بنانے والے جین ریاضی داں تھ کیکن آربیہ بھٹ نے اس کو مخضرا ورواضح انداز میں پیش کیا۔
- 3. آرىيە بىھٹ نے علم ہندسە(Geometry) مىڭ عظيم خدمات انجام دى۔مشہوركليە فىي انخورث ، ہميں آريە بىھٹ كے كام مہں ذيل كى شكل ميں دكھائى ديتا ہے۔ 2(ضلع) + 2(عمود ضلع) = 2(وتر)

- 4. آربیہ بھٹ نےSinesاور I-Cosine کومتعارف کرایا جو Ptolemy کے نصف وتر (Half-Chord) کی بہتری کی عمدہ شکل تھی۔
 - 5. آربیہ بھٹ نے حسابی تعدد (Arithmatic Progression) میں 'P'رکن کے بعد کے ارکان کے مجموعہ کا اصول دیا۔

- آربیہ بھٹ نے نہ صرف علم حساب بلکہ الجبرا میں بھی کافی خرمت انجام دیں۔اس نے سادہ اور مرکب الجبرائی مقداروں کے دونوں شکلیں یعنی(i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ،تفریق ،تقسیم اور ضرب کو بیان کیا جیسے:
 دونوں شکلیں یعنی(i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ،تفریق ،تقسیم اور ضرب کو بیان کیا جیسے:
 دونوں شکلیں یعنی(i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ،تفریق ،تقسیم اور ضرب کو بیان کیا جیسے:
 دونوں شکلیں یعنی(i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ،تفریق ،تقسیم اور ضرب کو بیان کیا جیسے:
 دونوں شکلیں یعنی(i) صحیح اعداد (ii) کسری اعداد کے حوالے سے جمع ،تفریق ،تقسیم اور ضرب کو بیان کیا جیسے:
 - 2- $ab = [(a+b)^2 (a^2+b^2)]/2$
 - 3- $(a+b)^2$ $(a^2+b^2) = 2ab$
- 8. آر میہ بھٹ ہی وہ سب سے پہلاریاضی داں ہے جس نے (π) پائی کی قدر کوتقریباً چار صحیح اعشار میہ تک کا تخیینہ کیا۔ جس کا طریقہ کار میدتھا100 میں 4 جمع سیجئے اوراس کو 8 سے ضرب سیجئے اوراس میں 62,000 کو جمع سیجئے۔ میہ تقریباً یسے دائرے کا محیط ہوگا جس کا فطر 20,000 ہے یعنی:

 π = Circumference/Diameter = 62832/20000 = 3.1416 (Approx)

9. آر بید بھٹ نے تقریباً تمام ترا شکال کے رقبوں کا ضابطہ دریافت کیا جیسے مربع ، ستطیل ، مثلث ، معین ، دائر ہ ، کر ہ اور نخر وط کا حجم وغیر ہ۔اس کے علاوہ اس نے ہندسی دیگرا شکال کے بنانے کے لئے ہندسی عمل کی رہنمائی کی کوشش کی جیسے مثلث ، چارضلعی ، دائر ہو غیر ہ۔ اِس بات سے بیدواضح ہوتا ہے کہ وہ عملی علم ہند سہ سے س قدر دلچ چی رکھتا تھا۔ 10. آرمیہ بھٹ نے'n مسلسل مربع اعداداور n مسلسل ملعب اعداد کے جنع کا ضا لیطے پیش کیا۔ 10. ارمیہ بھٹ نے'n مسلسل مربع اعداداور n مسلسل ملعب اعداد کے جنع کا ضا لیطے پیش کیا۔ 13. آرمیہ بھٹ ایک ریاضی دال ہونے کے علاوہ ایک ماہر فلکیات بھی تھے۔انھوں نے بڑی جراءت کے ساتھ سے اس بات کا اعلان 12. آرمیہ بھٹ ایک ریاضی دال ہونے کے علاوہ ایک ماہر فلکیات بھی تھے۔انھوں نے بڑی جراءت کے ساتھ سے اس بات کا اعلان 13. تاہم ہم اس بات کی تقدیق کر سکتے ہیں کے آرمیہ ہھٹ نے اپنی گراں قد رخصیق کے ذریعہ ریاضی اور فلکیات کی ترقی میں ایک نے باب کا 13 زیار کے از ماہوں کے بغیر ریاضی تاریخ ادھوری ہے۔

برہمہ گپتا: (Bharma Gupta)

برہمہ گپتا (598-628 عیسوی سن) کا تعلق ریاست گجرات سے ہے۔وہ Bhrama Sputa Siddhantha نامی کتاب کے مصنف ہیں۔انھوں نے علم حساب اور الجبراء کی دومختلف شاخوں کی حیثیت سے شناخت کی۔وہ پہلے ہندوستانی ریاضی داں تھے جنھوں نے صفر کا ستعال کرتے ہوئے جمع ،تفریق ،ضرب کے مل کو متعارف کرایا۔

انھوں نے الجبراء میں منفی اعداد کے اصول بیان کئے اور مربعی مساوات کے لکا طریقہ بتایا۔ کسر لکھتے وقت شارکنندہ کونسب نما کے او پر لکھنے کی اسلیم کو متعارف کر وایا۔انھوں نے 9 = = x2 - 10x مساوات کو مربعی ضابطے کا استعمال کرتے ہوئے حل کیا اس سے اس موضوع پر ان کے علم کا اندازہ ہوتا ہے۔انھوں نے پائی (π) کی قیمت (22/7) معلوم کی اور عملی قیمت '3' بتائی۔انھوں نے صفر (0) کے تصور کو سمجھانے میں کافی تعاون کیا۔انھوں نے صفر کی 9 ھے - ھے متعارف کر وایا۔

صرف31 سال کی عمر میں انھوں نے فلکیات پرایک تصنیف (Brahma Siddhanta) کی جس میں 21 بواب شامل ہیں۔اس تنصیف کا آغاز کیلکو لیٹر کی تعریف سے ہوتا ہے جو فلکیات کا مطالعہ کرنے کے قابل ہے۔"جو صاف صاف اور فر داً فر منطقی کی باقی اور مقررہ بشمول سائے کے ذریعے پیائش کرنا جانتا اور فلکیات کا مطالعہ کر سکتا ہے۔"

برہمہ گپتانے علم الحساب میں صحیح اعداد (Integers)، کثیر (Fraction)، سلسلہ (Progression)، مبادلہ (Barter)، سود مفرد (Simple Interest)، مستوی اشکال کی مساحت (Mensuration of Plane Figure)، جم سے متعلق مسائل اور سائے کے ذریعے سے حساب کتاب (Shadow recknoning)، شامل ہیں۔

برہمہ گپتانے c،b،a،اور لااضلاع والے ذوار بعنة الاصلاع (Quadrilateral) کارقبہ (Area)

Sq. Root of (s-a)(s-b)(s-c)(s-d) بتایا جس میں (s-b+c+d) S= 1/2 (a+b+c+d) د-s-a)(s-b)(s-c)(s-d) بیضابط صرف منتقم الحیط ذوار بعیة الاصلاع (Cyclic Quadrilateral) کے لیے مخصوص ہے۔اس کے ساتھا س نے مثلث کے

رقبے کے لئے ایک قطعی ضائطہ پیش کیا جو (s-c)(s-c)(s-b) ہے۔انھوں نے منفی اعداد کے عمومی اصول بھی دیئے جیسے منفی اعداد سے منفی کا ضرب یا منفی عدد کو منفی عدد سے تقشیم کرنے پر حاصل ہونے والا عدد مثبت ہوتا ہے۔ برہمہ گپتا وہ پہلا ریاضی دان ہے جس نے فلکیات کے مطالعے کے لئے بڑے پیانے پر الجبراء کا استعال کیا۔ برہمہ گپتا کی انھیں ہندوستانی ساج میں میں اور جدو جہد نے انھیں ہندوستان کی خیر معمولی دلچہیں ہگن اور جدو جہدنے انھیں ہندوستان ہے۔ انھیں ہندوستانی ساج میں میں اور بنادیا۔

ورايامهيرا: (VarahaMihira) (که 505-587) (VarahaMihira)

وراہام ہیرا کی دلچیپی علم فلکیات اور ریاضی میں تقلی ۔ انہوں نے اپنی تصنیف Panchsiddhanta میں تحریر کیا کہ سیار (Planets) ایپ نور سے نہیں بلکہ سورج کی روشن سے منور ہیں ۔ اپنی تصانیف Brihat Samhita اور Brihat Jataka راہ ہیرا میں وراہا مہیرانے جغرافیہ، سائنس، نبا تیات اور علم حیوان (Animal Science) سے متعلق اپنی دریافتوں کا انکشاف کیا۔ وراہا مہیرا کی عظمت کا اس سے بڑھ کر کیا ثبوت ہو سکتا ہے کہ اسحاق نیوٹن سے تقریباً 11 سوبرس پہلے انہوں نے شکلی قوت (Gravitational)

اس طرح سے ہم بید کیھتے ہیں کہ ہمارے ریاضی دانوں نے اپنی خدمات سے اس زمانے میں ریاضی کومالا مال کیا جس وقت باقی دنیا کے لوگوں نے اس میدان میں کوئی خاص توجہ ہیں کی تھی۔

بھاسکرا**چاریہ: (Bhaskaracharya)** بھاسکراچار بیا پنے وقت کے ایک ماہر نجوم اور مصنف کی حیثیت سے معروف ہیں۔ان کی کتاب کا نام Shiddhanta Shiromani ہے۔ان کی پیدائش A.D. 1114 میں Bijjada Bida میسور میں ہوئی۔ان کی تصنیف Shiddhanta Shiromani کے چارابواب لیلاوتی (Lilavati)، وجاگدیت (الجبراء-Vijaganit)، گول ادھایا یہ (Gemetry-Goladhyaya)اور گرھگذیت (Grahganit- Astrology) ہیں لیکن باب لیلاوتی کی تصنیف کی ہدولت بھاسکراچار بیزیادہ مشہور ہوئے۔Grahganit میں بھاسکراچار بیہ نے Rolle's Theorem کا تصور پیش کیا۔ جبکہ گول ادھایا یہ(Goladhyaya) میں زمین کی گولائی کا تصور واضح کیا۔

> بھاسکراچار یہ کی خدمات:(Contributions of Bhaskaracharya) ا۔ زمین کی گولائی (Roundness of Earth):

ز مین کی گولائی کے بارے میں بھاسکراچارید نے لکھاہے کہ ایک دائرے کے محیط (Circumference of a ایک دائرے کے محیط (circle) کا سوال حصہ (100th part) ایک سید سے خط کی مانند ہے ہم circle) کا سوال حصہ (100th part) ایک سید سے خط کی مانند نظر آتا ہے۔ ہماری زمین ایک بہت بڑے کرے کی مانند ہے ہم صرف اسکاایک بہت ہی چھوٹا حصہ دیکھ سکتے ہیں اس لئے یہ ہمیں سپاٹ رہموارنظر آتی ہے۔

۲۔ روکس کلیہ (Rolle's Theorem): اس کلیہ کابنیادی اصول بھا سکرا چاریہ نے بیش کیا۔باب گر ھرگذیت (Grahganit) میں انھوں نے جوالفاظ تحریر کئے انھیں ذیل سے مطابق بیان کیا جا سکتا ہے۔ سیار سے کی حرکت جہاں اقل راعظم ترین (لیعنی سب سے کم یا سب سے زیادہ) ہوتی ہے وہاں حرکت کا نتیجہ (The Fruit of سیار سے کی حرکت جہاں اقل راعظم ترین (لیعنی سب سے کم یا سب سے زیادہ) ہوتی ہے وہاں حرکت کا نتیجہ (the Motion روال پذیر حرکت (the Motion) کے آغاز وانجام میں سیار نے (Planets) کی ظاہر می حرکت خائب رختم ہوتی ہے۔

۲۔ علم مثلث (Trigonometry): بھاسکراچارید نے علم مثلث میں بھی بڑی خدمات انجام دی ہیں۔باب گول ادھایایہ(Goladhyaya) میں موجودانگی تحریر کو اس طرح بیان کیاجا سکتا ہے۔ sin (A±B) = sinA cosB ± cosA sinB) انھوں نے درج بالاضا بطح کی مزید تشریح کی اوراسکا استعال درج ذیل مساوات تک پہو نچنے کے لئے کیا۔ sin (A+B)/2 = 1/2 [(sinA + sinB)² + (cosA-cosB)²]

۳- Determinant اور Indeterminant کاحل:

بھا سکراچارید نے Determinant اور Indeterminant کے مسائل رسوالات کے طل کے لئے ہندوستانی طریقے کی مکمل اور منظم وضاحت پیش کی۔ بھا سکراچارید نے جو سوالات حل کئے وہ ان سے پہلے کے ریاضی دانوں کے مقابلے میں زیادہ ، متنوع (Varied) قسم کے تھے اور ان میں خرید وفر وخت ، سود، قیمتی جو اہرات اور زیرمبادلہ ، کسی نظم کے بند میں الفاظ کے حصے (Syllable)، ملٹری مارچ، کھدائی اور اناج کے تو لئے سے متعلق مختلف سوالات شامل تھے۔

Calcutta Mathematical Society کے 1946 میں شائع شدہ رسالے میں شامل ایک مضمون میں بھا سکر اچار بیکا تجویز کردہ ایک کلیہ سے بحث کی گئی تھی۔اعداد کے نظریے کی تاریخ میں اس بات کے شواہدموجود ہیں کہ بھا سکراچار بیہ کے کلیہ میں لوگوں کی دلچ پسی کس طرح بڑھتی رہی۔

۵۔ شاعرانہ زبان کااستعال: (Use of Phoetic Language)

بھاسکراچار بیکوریاضی کے پیچیدہ اور تجریدی مسائل کے شاعرانہ اظہارِ بیان کے لئے جانا جاتا ہے۔ اسی شاعرانہ اندازِ بیان ک ساتھ بھاسکراچار بیہ نے ریاضی کی تدریس کے لئے سب سے پہلے ایک طریقہ خوبصورتی کے ساتھ پیش کیا ہے اس کا انداز آپ کودرج ذیل عبارت سے ہوجائے گا۔

"ایک ستون کے قاعدے کے قریب سانپ کا ایک بل ہے۔ایک مور چوٹی پر کھڑا ہے۔ستون کی لمبائی کے تین گنا فاصلے سے بل میں جاتے ہوئے سانپ پر وہ سید ہاو ہیں سے جھپٹ پڑتا ہے۔جلد ی سے بتا ؤوہ سانپ کے بل سے کتنی دوری پرملینگے ۔جبکہ دونوں مساوی فاصلہ برقرارر کھتے ہوتے آگے بڑھ رہے ہوں۔"

۲۔ تفریقی حساب**ان(Differential Calculus):** تفریقی حساباتن کے میدان میں وہ پہلاریاضی دان تھے جس نے تفریقی ضریب(Differential Coefficient) سے متعلق مثالیں پیش کیں۔

2۔ متحقلی طاقت (Gravitational Force): بیربڑ _ فخر کی بات ہے کہ بھا سکراچار بیہ، نیوٹن سے بھی پہلے شش ثقل کے قانون (Law of Gravitational Force) سے داقفیت رکھتے تھے۔انھوں نے اسے ثقلی طاقت کا قانون کہا تھا۔ اپنی تحریروں کے ذریعے بھا سکراچار بیہ نے علم ریاضی ادرعلم نجوم میں گراں قدر خدمات انجام دی۔ ۸_ دورجديديس Indeterminant Equation:

بھاسکراچار ہینے جن مسائل پر کام کیاان کی بدولت بالآخر Inderterminant Equation کا طن نظل گیااور بھاسکر اچار ہیرکی یہی سب سے بڑی قوت ہے۔ بھاسکراچار ہینے اس صفحن میں محتلف مسائل کواس ترتیب میں منظم کرنی کی کوشش کی جیسے کہ دویر جدید میں کی جاتی ہے۔ جدید میں کی جاتی ہے۔ مد + by + cz =d مد + by + d = xy درج بالا مساوات کی قیمتیں بھاسکراچار ہیت پہلے کے ریاضی دانوں کے یہاں بھی پائی جاتی تھیں لیکن بھاسکراچار ہےنے اس صفحن میں ایک قدم آگے بڑھاتے ہوئے دوسرے درجہ کی Pell's Equation تی پہو نچنے کی کوشش کی۔

۹ـ ملعنی اور چوکنی قوت والی مساوات (Cubic & Biquadratic Equations): بهاسکراچارید نے اپنی تصانیف میں ملعنی (تیسرے درجہ والی) اور چو تصورجہ والی) مساوات پر بھی کام کیا۔ سیدھانت شرونی کے دوسرے باب میں درج ذیل قشم کے مسائل رسوالات شامل ہیں۔ ا۔ 0 = 1 + 2x + 2x + 3x (ملعنی مساوات)) ۲۔ 0= 3 + 2x + 5x + 2(x)) (چوکنی درجہ والی مساوات)) اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ وہ اس میدان میں کافی آگے تھے۔

•ا۔ مختفی اعداد (Surds): بھاسکراچار یہ کی تحریر میں درج ذیل اقسام کے مسائل سے معلوم ہوتا ہے کہ انھیں مختفی اعداد (Surds) کے بارے میں کافی معلومات تھی۔ مثال _ایک مثلث کے دواصلاع کی لمبائی 13 اکائی اور 5اکائی میں _اگراسکار قبہ 4 مربع اکائی ہوتو اس کے قاعد سے کی لمبائی کیا ہوگی۔

:Permutation & Combination __ II

بھاسکراچار بیرنے اس موضوع پر بہت ہی جسن وخو بی کے ساتھ بحث کی ہے۔ان کے دیئے گئے ضابطوں میں سے ایک ضابطہ

No. of permutation for r thing = r factorial/ (k factorial x l factorial)

۲۱۔ مساحت (Mensuration): بھاسکراچاریہ نے مساحت کے میدان میں بھی کافی خدمات انجام دی ہیں۔انھوں نے مختلف اشکال کے رقبے اور جم کے ضابطے دیئے ہیں۔جیسے۔ Area of Sphere= 4 x Area of a circle ہیں۔جیسے۔ دائر کارقبہ x 4 = کرہ کی سطح کارقبہ جہاں d کرہ کا قطرہے۔

اس طرح سے ہم دیکھتے ہیں کہ بھاسکراچار بیرکی ریاضی کے ٹیئس خدمات نا قابلِ فراموش ہیں۔وہ ہرلحاظ سے،ایک نامور ماہرِ فلکیات اور ریاضی دان بتھے۔وہ اپنے نام بھاسکر(سورج) کی طرح ریاضی کی دنیا کا درخشاں ستارہ بتھے۔

سرى نواس رامانجن: (Srinivasan Ramanujan)

رامانجن ررامانوجن کی پیدائش ایک بر ہمن خاندان میں 12 دسمبر <u>1887</u> کو اِروڈ نامی مقام مدراس میں ہوئی تھی۔ان کے اسا تذہ، ان کی ذہانت اور ریاضی کے تیکن ان کی خداداد صلاحیت سے بہت متاثر تھے۔وہ صرف 13 سال کی عمر میں Loney's Trigonometry کے تمام سوالات بغیر کسی خارجی مدد کے حل کر سکتے تھے۔14 سال کی عمر میں ایل میلر (L.Eular) کے ادر cos سے متعلق کلیات (Theorems) بہ آسانی حل کر لیتے تھے۔ اس کے علاوہ 1903 میں اُنھوں نے George School Bridge کی کتاب George School Bridge

Elementary Results related to Pure & Applied Mathematics کا مطالعہ کیا۔ اس کتاب نے انہیں ایک مکمل نگ دنیا سے متعارف کر دایا۔ انھوں نے کتاب کے سوالات کاحل ایپنے طریقے سے کیا۔

رامانوجن کی خدمات: (Contributions of Ramanujam)

- ا۔ انھوں نے Definite Integers میں عمومی ضابطوں کی شکل میں بہتر معیاری نتائج اخذ کئے۔ سیبھی مدراس یو نیور سٹی میں داخل کردہ تین سہ ماہی رپورٹوں میں شامل ہیں۔
- ۲۔ وہبلاشبہ Hypo Geometry Series of Continued Fraction کے عظیم ترین ماہرین میں شامل تھے۔ اس بات پر تبصرہ کرتے Prof. Hardy رقم طراز ہیں "بیان کی الجبری ضابطوں اور، Transformation کو تکی مد مقابل نہیں ملا اور میں ان کا Infinite Series وغیرہ میں بصیرت تھی جو بہت حیرت انگیزتھی۔اس ضمن میں غالباً مجھے ان کا کو نکی مد مقابل نہیں ملا اور میں ان کا صرف Eular اور Jacobi سے موازنہ کر سکتا ہوں۔"
- س Divergent Series ان کی پہلی تحقیق تھی جو Prof. Hardy کو 120 theorems کی شکل میں <u>1915</u> میں سمیجی گئی تھی۔
 - ہ۔ رامانجن نے Unresolved Fermat Theorem پرقابل غور پر مضمون لکھا۔
 - ۵۔ 1729، رامانجن کا خاص عدد کہلاتا ہے جسے 12³ + 1³ = 1729 اور 10³ + 9³ = 1729 کی شکل میں یعنی ان 2 اعداد کے ملعب کے مجموعے کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔
 - ۲۔ انھوں نے مفرداعداد(Prime Numbers)سے متعلق Reimann's Series کی دریافت کی کوشش کی تھی۔
 - 2۔ انھوں نے Eulerian Second Integral کو تنفی، مثبت اور کسری قیمتوں کے لئے ایک مفہوم عطا کیے۔
 - ۸۔ وہ Elliptic Function کے سوالات کو بخوبی جانتے تھے۔
 - ۹۔ رامانوجن نے انتہائی مرکب(Highly composite numbers) کی ساخت (Structure) تقسیم

(Distribution)اورخصوصی اشکال(Special Forms) کا مطالعہ کیا۔

اس طرح سے ہم کہہ سکتے ہیں کہا پنی میرٹ اوراستعداد (Competencies) کے لحاظ سے رامانوجن ایک عظیم ترین ریاضی دان تھے۔ان کی خدمات نے ریاضیاتی سوچ پر گہر نے فوش چھوڑے ہیں۔

شکنتلادیوی: (Shakuntala Devi)

1- "Numbers have life. They are not just symbols on paper."

"اعداد میں جان ہوتی ہےاور وہ محض کا غذ پر علامات نہیں ہوتے ہیں۔"

2- "Nobody challenge me. I challenge myself."

" کوئی بھی مجھے چینج نہیں کرتا، میں خودکو چینج کرتی ہوں۔" شکنتلادیوی کے درج بالااقوال سے طاہر ہوتا ہے کہ انھیں اعداداورعلم ریاضی سے س قدر عشق تھا۔ شکنتلادیوی کی پیدائش 4 نومبر 1939 کو بنگلور میں ہوئی تھی۔ اس حیرت انگیز خانون نے اپنی دلچیسی کے میدان میں جو کا میابی حاصل کی وہ بہت کم لوگوں کے نصیب میں آتی ہے۔

میدان ریاضی میں ایک محیر العقول شخصیت کی حامل ، شکنتلادیوی کوانسانی کمپیوٹر کہاجا تا ہے۔ انہیں کسی مشین رآلہ (جیسے کمپیوٹریا کیلکو لیٹر) کی مدد کے بغیرعکم الحساب کے مشکل اور پیچیدہ سوالات کوانتہائی کم وقت میں حل کرنے کی صلاحیت کی وجہ سے مقبولیت حاصل ہوئی۔ حساب اور ریاضی سے عشق کی شکنتلا کی داستان کا آغازان نے بچین سے ہی ہو گیا تھا۔ صرف 6 سال کی عمر میں شکنتلادیوی نے یو نیور سٹی آف میسور میں اپنی بے پناہ جراءت کا پہلا عوامی مظاہرہ کیا تھا۔ انہوں نے انتہائی مشکل مرکب اعداد کے جذالمربع اور جیسے کمبیوٹر یا صرف چند سیکٹٹر میں معلوم کر کے وہاں موجود لوگوں کو حیرت زدہ کر دیا تھا۔ اس طرح سے مزید چند مظاہرات کے بعد ، شکنتلا دیوی نے 8 سال کی عمر میں انا ملائی یو نیور ٹی میں اپنی غیر معمولی مہارت دکھائی اور ایک کم میں داخل میں شکنتلا دیوی نے 8 سال کی عمر میں انا ملائی یو نیور ٹی میں اپنی غیر معمولی مہارت دکھائی اور ایک کم میں جری (کہ مال

شکنتلاد یوی کی حصولیا بی (Acheivement of Shakuntala Devi): 1977 میں ایک مظاہرے کے دوران شکنتلاد یوی کو، دوسوا یک ہندی عدد کا 23 واں جذر معلوم کرنے کے لئے کہا گیا اورانہوں صرف 50 سینڈ میں اس سوال کا بالکل درست جواب حاصل کرلیا تھا۔اسی طرح 1980 میں Imperial College London میں شکنتلاد یوی نے دو، تیرہ ہندی اعداد کا حاصل ضرب 28 سینڈ میں معلوم کیا تھا۔وہ اعداد اس طرح ہیں۔

- 1- 7686 369 774 870
- 2- 2465 099 745 779

ان دونوں اعداد کا حاصلِ ضرب 18,947,668,177,995,426,462,773,730 ہوتا ہے۔ جسے انہوں نے بہت ہی کم وقت میں معلوم کیا تھا۔ یہ واقعہ <u>1982</u> کی گنیز بک آف ورلڈر یکا رڈ میں درج ہے۔ امریکہ کی Standford University میں 1988 میں شکنتلادیوی نے 95443993 کا جذر المکعب 457 صرف 2 سیکنڈ میں حساب کر کے بتایا تھا۔ اسی طرح انہوں نے 1988 میں تک تلادیو کا جذر المکعب 1334 صرف 10 سیکنڈ میں معلوم کیا اور شکار 10221036 کا آٹھواں جذر 46 بھی صرف 10 سیکنڈ میں معلوم کیا۔

- 1. Puzzles to puzzle you
- 2. In the wonderland of numbers

3. Mathability: Awaken the Math Genius in your child

4. More Puzzles to puzzle you

شکنتلاد یوی کی پہلیاں: یوں تو شکنتلاد یوی نے ہمیں بے ثمار پہلیوں سے متعارف کروایا لیکن آپ کی دلچیپی کے لئے درج ذیل دو پہلیوں کو منتخب کیا گیا ہے۔ ۱۔ ہمارے پاس دو پانسے مہرے(Dice) ہیں۔ بتائے وہ کتنے مختلف طریقوں سے چھینکے جاسکتے ہیں؟ ۲۔ حسابی سلسلے(Prime Number) میں وہ تین صحیح اعداد(Integers) کون سے ہیں جن کا حاصل ضرب ایک مفردعدد(Prime Number) ہے۔

شکنتلادیوی کے اعزازات: (Awards Received by Shakuntaladevi)

ا۔ یو نیور سٹی آف فلپائن نے 1969 میں شکنتلادیوی کوسال کی متازخاتون(Distinguish Woman of the year) کے اعزاز سے نوازااورا یک طلائی تمغہ(Gold Medal) بھی عطا کیا۔

۲۔ <u>Ramanujam Mathematical Genius Award سے نوازا</u> گیا۔

۳۔ 1995 میں دو، تیرہ ہندتی اعداد کا حاصلِ ضرب کمپیوٹر سے زیادہ تیز معلوم کرنے کے کارنامے پر،ان کا نام گنیز بک آف ورلڈ ریکارڈ میں شامل کیا گیا۔ ۲۰۔ انہیں ان کے انقال سے ایک مہینہ کر 2013 میں Eife Time Achievement Award سے بھی نوازا گیا تھا۔ حالانکہ ریاضی سے بے پناہ محبت کرنے والی اس حرکیاتی (Dynamic) شخصیت کا 2013 میں انتقال ہو گیالیکن وہ اپنی سوچ اور کارنا موں کے ذریعے مستقبل میں بھی یاد کی جاتی رہینگی ۔واقعہ یہ ہے کہ شکنتلا دیوی جیسی ذہین وفطین شخصیات روز روز نہیں پیدا ہو تیں۔ ریاضی سے تیکن ان کے والہا نہ شق اور جدو جہد نے ان کوایک مثالی شخصیت کے طور پر ابھارا اور وہ ہمارے لئے باعث فخر بن گئی۔

1.4 مغربی ریاضی دانوں کی خدمات: (Contributions of Western Mathematicians) (قلیدس، فی انور کی خدمات: (Euclid, Pythagoras, Renedescarte, George Cantor)

اقليرس: (Euclid) اقليدس (325BC)اپنے وقت كے متازر ماضى دال تھے جنھوں نے اپنے وقت كے تمام رياضياتى علم كاخلاصة تياركيا تھا۔انھوں نے رياضياتى علم كومنظم كيااورعلم ہندسة كے موادِ صفحون كومنطقى بنياد پرايك يكجا كيا۔وہ مختلف كتابوں كے مصنف تصاورانكى تحرير كردہ كتابيں خاص طور پرعلم ہندسة كے مطالع كے لئے بہت اہم معنى جاتى ہيں۔

- يوكلد اليمند: (Evelid Elements) Book-1: مثلث ، عمودى اور متوازى خطوط ، چار صلعى اشكال كارقبر (Areas of rectilinear Figures) اوركليه نويت غورث . Book -2: رقبه کی تفکيل (Formation of Areas)، الجبرى اودر ہندى طريقوں سے بتائى گئى ہے۔ Book-3: دائر ه (Circle) ، وتر (Chords) اور مثلثات (Triangles) ۔ Book-4: کثير الاصلاع (Polygon) اور منظم کثير الاصلاع کا دائر ہ بنانا ۔ Book-5: تناسب کے تصور کا متشابہ شکلوں پر اطلاق ۔ Book-6: اعداد کا نظر سیہ اعداد کی درجہ بندى ، جفت اعداد ، طاق اعداد ، حاق Numbers ، Solid Numbers میں اور Numerical Theory of Proportion ۔
 - -Study of continued Proportion :Book-8

Book-9: عددی نظریہ جس میں اس بات کا ثبوت بھی شامل ہے کہ مفرداعداد (Prime Numbers) کی تعدادلامحدود ہے۔ Book-10: غیر ناطق اعداد کا مطالعہ (Boo Irrationals)۔ Book-11: سہ ابعادی علم ہند سہ جو 1-Boo کے مستوی محددی علم ہند سہ سے مطابقت میں ہے Book-12: نتیلی طریقۂ کارکا استعال کر کے بیہ بات دکھائی گئی کہ دائر ہے اپنے قطر کے تناسب میں ہوتے ہیں۔ Book-13: فتنظم ٹھوس اشکال (Regular Solids)۔

اقلیدس نے مندرجہ ذیل پانچ ہندسی بیانات کا انتخاب کیا ہے جوانہوں نے ہندس ساخت (Geometrical Structures) کے فروغ کے لئے فرض کیا تھا۔

اقليرس كے پانچ موضوع: (Euclid's 5 Postulates) 1. كى بھى نقطہ ہے كى بھى دوسرے نقطة تك ايك خطِ متقىم كھينچا جا سكتا ہے۔ 2. ايك خطِ محدود،ايك مسلسل خطِ متقىم پر كھينچا جا سكتا ہے۔ 3. ستبھى قائمہ زاديدا يك دوسرے كے مسادى ہوتا ہے۔ 4. كى مركز سے ايك متعين فاصلے پرايك دائرہ كھينچا جا سكتا ہے۔ 5. دود بے گے خطوط كوكوئى تيسرا خطِ متقىم اس طرح سے قطع كرے كہ ايك ہى طرف كے دونوں اندرونى زاديوں كا مجموعہ دوقائم زاديوں سے كم ہو، تب وہ دوخطوط كوكوئى تيسرا خط متقى ماں طرح سے قطع كرے كہ ايك ہى طرف كے دونوں اندرونى زاديوں كا مجموعہ دوقائم ناديوں سے كم ہو، تب وہ دوخطوط كوكوئى تيسرا خط متقى ماں طرح سے قطع كرے كہ ايك ہى طرف كے دونوں اندرونى زاديوں كا مجموعہ دوقائم ناديوں سے كم ہو، تب وہ دوخطوط ايك دوسر كواتى طرف قطع كريں گے ۔اقليدس كے بيموضوعے، وہ انہم ستون ہيں جن پر اقليدى علم ہندر سہ كى ممارت تقمير ہوئى ہے ۔اقليدس كے پانچو ميں موضوع كوت بي لائے گھر

اقلیرس کے خدمات: (Contributions of Euclid)

المحدودہوتے ہیں۔اسے عام طور پراقلیدس کا دوسرا کلیہ بھی (Prime Numbers) کا محدودہوتے ہیں۔اسے عام طور پراقلیدس کا دوسرا کلیہ بھی کیا جا تا ہے۔ کیا جا تا ہے۔ (میں انھوں نے اپنے دفت کے تین مسائل پرغور دفکر کیا جواس طرح ہیں۔ (میں زاد پہکو تین مسادی حصوں میں تقسیم کرنا۔)

۲ سسکسی مکعب کا دوگنا کرنا۔

- ۳ کسی عدد کے ملعب سے اس عدد کا مربع معلوم کرنا۔
- انھوں نے غیر ناطق اعداد سے متعلق ایسے مسائل حل کئے جواس وقت تک حل نہیں کئے جاسکے تھے۔
- Reduction Absurdum اقليدس نے اپني کتاب The Euclid Elements ميں Exhaustion اور Exhaustion ک
 - اقلیدس نے دواعداد کا مشترک عاداعظم (Greatest common divisior) معلوم کرنے کے لئے اپناایک 🛧 ساقلید منترک عاداعظم (Greatest common divisior) معلوم کرنے کے لئے اپناایک طریقہ متعارف کروایا جسے
- کسیہ فیمانورٹ کاایک طرز کا ثبوت پیش کرنے کا سہرا بھی اقلیدس سے سرجا تاہے۔ اقلیدس کو یونان کے عظیم ریاضی دانوں میں شار کیا جاتا ہے۔ان کی کتاب The Euclid Elements کو دنیا میں جلم ہندسہ کی ایک متندترین کتاب سمجھا جاتا ہے۔جس نے اضمیں علم ہندسہ سے بانی اور ریاضی سے رہنما استاد کا مقام عطا کیا۔

فی اُغورت: (Pythagorus) فی اُغورت(Pythagorus) ایک یونانی ریاضی دان تھے جھوں نے ریاضی کی ترقی میں بیش بہا کارنا مے انجام دیئے۔ فی اُ غور نہ اور الحکے مکتبہ ُفکر نے ریاضی کی ترقی اور ترویح میں نمایاں خدمات انجام دیں۔ فیڈا غور نہ اور الحکے معاونین، ریاضی کے سوالات حل کرنے میں کوئی دلچپی نہیں رکھتے تھے۔ اس کے برخلاف فیڈا غورت کی خصوصی دلچپی ریاضیاتی اصول ، اعدا داور مثلث دیگر ہند سی اشکال کے تصورات اور کسی مسئلہ کے ثبوت کے تجریدی خیالات میں تھی۔

فی اغورت کی خدمات: (Contributions of Pythagorus) ← فی اغورت کاماننا تھا کہ روز مرہ زندگی کے تمام تعلقات کو اعداد کے تعلقات سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ ← اس زمانے میں فیٹا غور ث نے اعداد کی ان خصوصیات کا مطالعہ کیا جن سے دورِ حاضر کے ریاض دان واقف ہوئے ہیں۔ جیسے ک جفت اور طاق اعداد، مثلثی اعداد (Triangular Numbers)، Perfect Nimbers و غیرہ۔ فیٹا غور ث کی نظر میں ہر عدد کی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے جیسے۔ ہم بہ مشکل شناخت کر پاتے ہیں۔ how مرعد دکی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے جیسے۔ ہم بہ مشکل شناخت کر پاتے ہیں۔ how میں ہر عدد کی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے جیسے۔ ہم بہ مشکل شناخت کر پاتے ہیں۔ how میں مرعد دکی اپنی ایک شخصیت ہوتی ہے جیسے۔ ہم بہ مشکل شناخت کر پاتے ہیں۔ ہماں میں ایک کامل عدد ہے۔ جہاں n ایک کامل عدد ہے۔

اگرچہ کہا یک ہزارسال قبل اہلِ بابل (Babylonians) کواس کلیہ کاعلم تھا پھر بھی کلیہ فی اغور ٹ کوفیا غور ن سے منسوب $\overset{\frown}{a}$ کیاجاتا ہے اور شایداس کی سب سے بڑی وجہ بیرے کہ اس کلیدکوثابت کرنے والے وہ پہلے تخص تھے۔ درجہذیل میں ان کلیات (Theorams) کی فہرست درج کی جارہی ہے جو یا تو راست فیثا غور ش کے منسوب ہیں یاعمومی ☆ طوریران کے معاونین نے دریافت کئے۔ ا۔ سسسی مثلث کے تینوں زاویوں کا مجموعہ دوقائمہ زاویے ہوتا ہے۔ فی اُغور ش کے معاونین اس تعیم کوجانتے تھے کہ کس n ضلعی شکل کے داخلی زاویوں کی پیائش کا مجموعہ (2n-4) قائمہ زاویہ ہوتا ہے۔ اسی طرح سے n ضلع کے خارجی زاویوں کی پائش کامجموعہ 4 قائمہزاویے ہوتاہے۔ ۲_ کلیہ فی اُغور ث دیئے گئے رقبہاور ہندی الجبرا کے لحاظ سے اشکال بنانا۔ مثال کے طور پر انہوں نے a(a-x) = x² کو ہندی طریقہ سے حل کیا۔ ☆ بإنج فتنظم لطوس اشكال $\overset{\frown}{a}$ انھوں نے ایک دی گئی کثیر الاصلاع (Polygon) کے مساوی ایک کثیر الاصلاع (Polygon) بنائی جود گیرکسی کثیر ☆ الاصلاع (Polygon) کے متشابیتھی اوریا نچی منظم کثیر السطوح (Regular Poly hedrons) بنانے میں کا میابی حاصل کی۔ فيتأغورث نے رقبہاور جم کی خصوصیات کا مطالعہ کیا اور وہ پہلے ریاضی دان تھے جنہوں نے ثابت کیا کہ مساوی محیط راحاطوں کی ☆ شکل میں دائرہ وہ شکل ہے جوسب سے زیادہ رقبہ گھیرتی ہے۔اسی طرح مساوی رقبوں کی مجسم اشکال میں کرہ وہ شکل ہے جس کا حجم سب سےزیادہ ہوتا ہے۔ في أفورث في سه ابعادى علم مندسه (Solid Geometry) مي كره كوسب سے زياده Perfect شكل كها _ وہ جانتے ☆ تھے کہ کرے میں پانچ منتظم کثیر السطوح (Regular Poly hedrons) ٹھیک ٹھیک طریقے سے پائی جاتی ہیں۔ ان کے نام اس طرح سے ہیں۔ چوطی مجسم (Tetrahedron) چھ طحی مجسم (Hexahedron) آٹھ طح مجسم(Octahedron) باره طحی مجسم (Dodecahedron) بیں سطح مجسم (Icosahedron) بہت ساری ریاضیاتی اصطلاحات جیسے۔ترخیم (Ellipse) شلجم (Parabola) وغیرہ کو متعارف کروانے کا سہرا بھی فیثا \overleftrightarrow

غورث کے سرجا تاہے۔

- ن غیر ناطق اعداد کی دریافت کا اعز از بھی فیٹا غورث کے مکتبہ فکر کو حاصل ہے حالا نکہ شاید راست طور پرخود فیٹا غورث نے بیر کا م نہیں کیا۔
- فلکیات میں فی انحورث نے بیربات سمجھائی کہ زمین ایک ایسا کرہ ہے جو کا ئنات کے مرکز میں واقع ہے۔انھوں نے اس بات ک بھی شناخت کی کہ چاند کامدار (Orbit of the Moon) زمین کے خطِ استواء کی طرف جھکا ہواتھا۔وہ ان اولین ماہرین میں شامل تھے جنھوں نے اس بات کا احساس کیا کہ شام اور ضبح میں نظر آنے والا چیکدار ستارہ ایک ہی ہے جسے ہم زہرہ (Venus) کہتے ہیں۔
- فی افراث نے موسیقی میں بھی بڑی مفید تحقیقات کیں اور موسیقی کے آلے سرود (Lyre) کے تاروں (Strings) کی لمبائی معلوم کر کے موسیقی کا ایک نظریہ پیش کیا۔
 - ریاضی کی قدیم تاریخ میں غالباًفی اُغور ث سب سے زیادہ ممتاز شخصیت تھاورانگی تحقیقات نے نہ صرف علم ریاضی کو متاثر کیا بلکہ قدیم یونانی مفکرین بھی ان سے متاثر ہوئے بغیر نہیں رہ سکے۔

رینے دیکارت: (Renedescarte) رینے دیکارت کوفلسفۂ جدیدکابانی سمجھا جاتا ہے۔ دراصل وہ 17 ویں صدی کے سائنسی انقلاب کے اہم کر داروں میں سے ایک تھے۔ اس کے ساتھ انھیں تجزیاتی علم ہندسہ (Analytical Geometry) کابانی بھی مانا جاتا ہے۔حالانکہ دیکارت نے مستوی محدد کی علم ہندسہ (Plane Coordinate Geometry) پر بھی اہم اور بنیا دی کام کیا ہے۔ رینے دیکارت کی پیدائش 311 مارچ 1596 کوفرانس میں ہوئی۔ سن 1607 میں انھوں نے Royal College

رینے دیکارت کی خدمات :(Contributions of Renedescarte) رینے دیکارت نے 17 ویں صدی میں جس کارتیسی محد دی علم ہند سہ کی ایجا دکی اس نے ریاضی کی دنیا میں ایک انقلاب بر پاکر دیا۔ اس نظام نے اقلید سی مہند سہ (Eucliden Geometry) اور الجبرا، کے در میان ایک منظم کڑی فراہم کی ۔ بیکارتیسی محد دی (Cartesian Coordinates) تجزیاتی علم ہند سہ (Analytical Geometry) کی بنیا دینے اورعلم ہند سہ کی بھیرت آمیز تشریحات (Insightful Interpretation) کا ذریعہ بھی جن سے ریاضی کی دیگر شاخوں نے بھر پورا ستفادہ کیا۔

دىكارت كىمشهورتصنيفات:

- Discourse on the method (1637) 1-
- 2-Lageometric (1637)
- The passions of the soul (1649) 3-
- 4-Musicae Compendium ()
 - Treatise of Men (1633) 5-
 - Principles of Philosophy (1644) 6-

"Each problem that I solved became a rule which served afterwards to solve the other problems."

میراحل کردہ، ہرمسّلہا یک اصول بن گیااورآ کے چل کر دوسر ےمسائل کے لکاذ ربعہ بھی۔

"I think therefore I am." 2-

1-

میں سوچتا ہوں اس لئے میں ہوں۔

" With me everything turns into mathematics." 3-

میرے پاس آکر ہر چز ریاضی میں بدل جاتی ہے۔

د ریارت کے درج ذیل اقوال بھی قابل توجہ ہیں۔

" Divide each difficulty into many parts as is feasible and necessary to 4resolve it."

ہر دشواری کومکمنہ جدتک بہت سارے چھوٹے چھوٹے ایسے اجزاء میں نفسیم بیچئے کہ جن سے اس کاحل نکل آئے۔

" Perfect numbers like perfect men are rare." 5-

قطعی اعداد (Perfect Numbers)، کامل انسانوں (Perfect Men) کی طرح کمیاب ہوتے ہیں۔

ان اقوال سے بھی دیکارت کی عظمت کا احساس ہوتا ہے خاص طور پر اس صورت میں جب ہم دیکارت کے دور کے حوالے سے ان کے مفہوم اور معنوبت پرغور کرتے ہیں کہ واقعی ایک ریاضی دان اورفلسفی کی حیثیت سے دیکارت اس ز مانے میں بھی کتنا ترقی یا فتہ تھے۔

جارج كيير : (George Canter) (1845-1918)

جارج کیئڑ جرمنی کے ایک مشہور ریاضی دان گزے ہیں۔ انہیں سیٹ تھیوری کے موجد (Inventor of set theory) کی حیثیت سے زیادہ جانا جاتا ہے۔ یہی وہ Set Theory ہے جو بعد کے دور میں علم ریاضی میں ایک بنیا دی حیثیت حاصل کر گئی۔ جارج کیئڑ نے اعداد کے دوسیٹ کے ارکان (Elements) کے در میان ایک سے ایک مطابقت قائم کی۔ ا۔ دوضحیح منظم سیٹ (Well Ordered Sets) کے در میان ایک سے ایک مطابقت قائم کی۔ ۲۔ بیان کر دہلا محدود سیٹ (Berne Infinite Sets) ۲۔ بیان کر دہلا محدود سیٹ (Rumerous) طبعی اعداد (Invertor Sets) ہے ہوں اس سے ثابت ہوا کہ قیقی اعداد (real numbers) طبعی اعداد (Set numbers) سے رہت زیادہ وسیٹے کر شیر (Numerous) ہیں۔ در حقیقت جارج کیئڑ کا کلیہ (Theorem)، لامحدود اعداد کی لا محدود یت کے وجود کے حیاب (Arithmatic) کی تعریف کاتیں کیا۔

تدر لیسی (تحقیق) پیشہ دارانہ زندگی (Teaching & Research Career): جارج کیٹر نے 1867 میں یو نیور ٹی آف برلن سے عددی نظریہ پر اپنا تحقیقی مضمون (Dissertation) کلمل کیا۔ Extraordinary میں اپنی تدریسی خدمات انجام دیں۔1872 میں انہیں ایک غیر معمولی پر وفیسر (Extraordinary کلما کیا۔ Professor) کی حیثیت سے ترقی دی گئی اور 1879 میں ایک کلمل پر وفیسر (Full Professor) بنایا گیا۔ صرف 34 سال کی عمر میں بید درجہ جارج کلیئے ایک بڑی حصولیا بی تھی ۔ تا ہم وہ چاہتے تھے کہ انہیں ایک زیادہ ، باوقار ادارے 1000 میں کا

جارج کینڑ کی خدمات (Societies) اور سوسائٹیوں (Guilds) اور سوسائٹیوں (Societies) میں فعال شمولیت ایپ Career کے ابتدائی دور میں جارج کی ریاضیاتی المجمنوں (Guilds) اور سوسائٹیوں (Societies) میں فعال شمولیت تقلی - 1865 میں دو Shelbach Seminar for Mathematics میں شمولیت اختیار کی ۔ انہوں نے عدد کی کلیہ (Number Theory) اور تجزیہ (Analysis) پرکام کیا - Shelbach Seminar for Mathematics میں شمولیت اختیار کی ۔ انہوں نے عدد کی کلیہ (Trigonometry) میں فد میڈ تحقیق اور تجزیہ (Analysis) پرکام کیا - University of Halle میں شمولیت اختیار کی ۔ انہوں نے عام مثلث (Trigonometry) میں فد میڈ تحقیق کرنے کا فیصلہ کیا اور مثلیثیاتی سلسلہ (Functions) کے تفاعل (Functions) کی نمائند گی مطابقت میں رکھے جاسکتے ہیں۔ جلد ہی انہوں نے اپنی تحقیقات کو Acta Mathematica نامی (Uncountable Set)، دی کیئر میں شائع کرنا شروع کیا۔ جارج کیئر کے دوسرے بڑے کا موں میں نا قابلِ شارسیٹ (Uncountable Set)، دی کیئر سیٹ (The Cantor Set)، لامحدود سیٹ (Infinite Set)، Series، (Infinite Set)، دی کیئر سیٹ (The Cantor Set)، لامحدود سیٹ (Infinite Set)، دوسیٹ (The Cantor Series، Series)، دی کیئر سیٹ (Sulvester Medal)، دوسیٹ (یوان کی تھا اور خود دان کی حیات اور خدمات پر بہت ساری کتابیں تحریر کی کئیں اور جارج کیئر کو Sulvester Medal سے نواز اگیا تھا اور خود دان کی حیات اور خدمات پر بہت ساری کتابیں تحریر کی کئیں اور بطور خاص Sulvester Medal اور Sulvester Medal کا میں جارج کیئر پر خصوصی ابواب شامل

دیگر مضامین اوراینی شاخوں کے ساتھ ریاضی کی ہم رشتگی: 1.5

(Correlation of Mathematics with other School subjects and with other Branches of Mathematics.)

ا پنی ظاہری اور باطنی خوبیوں کے ساتھ ریاضی کا،روز مرہ زندگی اور دیگر مضامین کے ساتھ گہرار شتہ ہے۔ریاضی کی ہم رشنگی سے کممل طور پر واقفیت رکھنے والا استادا پنی تد ریس کو دیگر مضامین اور روز مرہ زندگی کے ساتھ مربوط کرتے ہوئے موثر (Effective) بنا

> سکتا ہے۔ ہم رشتگی کے اقسام: (Types of Correlation) ۱۔ روزمرہ زندگی اورریاضی میں ہم رشتگی ۲۔ ریاضی اوراس کی دیگر شاخوں میں ہم رشتگی ۲۔ ریاضی کی ایک ہی شاخ کے مختلف عنوا نات میں ہم رشتگی ۲۔ ریاضی اور دیگر مضامین میں ہم رشتگی

ر پاضی اور دیگر مضامین میں ہم رشتگی : رياضى اورطبعى علوم (Physical Sciences) ميں ہم رشتگى Α رياضى اور حياتيات (Biological Sciences) ميں ہم رشتگى В ریاضی اورساجی علوم (Social Sciences) میں ہم رشتگی С

طبعیات میں ساری قوانین رکلیات اوراصول،مساوات اورضا بطوں کی شکل میں بیان کئے جاتے ہیں جن میں ریاضی کی زبان اور علامتوں کا استعال ہوتا ہے۔ذیل میں چند مثالیں درج کی جارہی ہیں۔

V

جہاں۔ v = انتہائی رفتار (Final Velocity) u = ابتدائی رفتار (Initial Velocity) = ابترائی (Accelaration) =t وقت (Time) v²= u² + 2as

_1

_٢

۳۔ S = ut + ½ at² او پر کی تینوں مساوا تیں، نیوٹن کے قواندینِ حرکت سے متعلق ہیں۔ ہم۔ نیوٹن کا دوسرا قانونِ حرکت

F= ma جہاں F سے مرادقوت (Force)، m سے مرادکیت (mass) اور a سے مراد اسراع (accelaration) ہے۔ ۵۔ D m + v D کثافت (density)، m کمیت(mass) اور v فجم (volume) ۲۔ PV= RT (یوائل کا قانون)

(جبکہ پیش (t)مستقل ہے۔)

یہاں p دباؤ (Pressure)اور V جم (Volume) ہے۔ علم طبعیات کے درج بالاقوانین واصول کو سمجھنے کے لئے طالب علم کو مساوات (Equation) ہن خیر بالمستقیم (Direct Variation)اور تغیر معکوس (Inverse Variation) کا مکمل علم ہونا ضروری ہے۔ ریاضی کا ایک استاد مساوات (Equation)اور تغیر جیسے عنوانات کی تد ریس کرتے وقت طبعیات (Physics) کی مثالیں استعال کر سکتا ہے۔

اس طرح کی طرز رسائی (Approach) اختیار کرنے سے ریاضی کی تدریس زیادہ بامعنی بن جاتی ہے۔ریاضی علم کیمیاء (Chemistry) کے مطالعے کے لئے ایک نا گزیرآ کہ ہے۔اعلیٰ ریاضی (Higher Mathematics) کے ضروری فہم کے بغیر علم کیمیاء کی جدید بخفیقات بالخصوص طبعی کیمیاء(Physical Chemistry)اور عمومی کیمیاء (General Chemistry) کو مجھنا تقریباً نامکن ہوجا تا ہے۔

ریاضی مادے کی خصوصیات کوالیک متعین شکل وصورت عطا کرتی ہے۔ علم کیمیاء میں تمام کیمیاوی تر اکیب (Constituent) Constituent) ریاضی کے کسی نہ کسی اصول رضا بطے کے تحت ہوتے ہیں۔ کیمیاوی مرکبات کے ترکیبی عناصر (Constituent) Chemical) میں کیمیاوی مساواتوں (Definite Ratio) میں ترکیب پاتے ہیں۔ کیمیاوی تعاملات (Elements) Chemical) میں کیمیاوی مساواتوں (Definite Ratio) کا تو ازن (Balance) جوا ہرات (Atoms) کی راد محتلی ان ک تعداد (reaction) میں کیمیاوی مساواتوں (Chemical Equations) کا تو ازن (Balance) جوا ہرات (Atoms) کی تعدین تعداد (Number) میں کیمیاوی مساواتوں (Number) کی تو بر ، برابر ہو پا تا ہے۔ مختلف کیمیا کی تعاملات میں درکارر خارج شرہ حرارت (Heat) بھی تج بی سے زیادہ ریا ضایتی وجود رکھتی ہے۔ کسی عنصر (Elements) کی جو ہری ساخت (Atomic Structure) بھی تج بی سے زیادہ ریا ضایتی وجود رکھتی ہے۔ کسی عنصر خلاف کیمیا کی تعاملات میں درکار رخارج شرہ حرارت (Atomic Veight) اور جو ہر کی گرفت مختلف کیمیا کی تعاملات میں درکار رخارج شرہ حرارت (Physical Science) اور جو ہر کی گرفت خلاصة کلام میہ ہے کہ ریاضی کی بنیاد پر ہوتی ہے۔ خلاصة کلام میں ہے کہ ریاضی کی بنیاد پر ہوتی ہے۔ کی حکمی کی دیندی نہیں

B ریاضی اور حیاتیات (Biological Sciences) میں ہم رشتگی: کوٹھاری ایجویشن کمیشن کے مطابق " طبعی علوم کی ترقی میں اپنا کر دار نبھانے کے ساتھ ساتھ، آجکل ریاضی، حیاتیات کی ترقی و ترویخ میں بھی نمایاں رول ادا کر رہی ہے۔" پچچلی صدی کے آغاز تک، عام طور پر ریاضی کا حیاتیات اور علم طب (Medicine) سے کوئی تعلق محسوس نہیں ہوتا تھا۔لیکن پچچلی چندد ہائیوں میں ان میدانوں میں،ریاضیاتی اصولوں پرمنی کٹی ایک عمدہ آلات تیار کئے گئے ہیں۔مشاہدے کے ذریعے جمع شدہ معطیات (data) سے عمومی نتائج اخذ کرنے کے لئے جو Biometric آلہ استعال کیا جاتا ہے اس کی تخلیق بھی ریاضیاتی اصولوں پر ہوئی ہے۔

شارياتي طريقے اورتكنيكيں :

فعلیات (Physiology)، جنیات (Genetics)، توارث (Heredity) اوراستحاله (Metabolism) جیسے علوم کے پیچیدہ مسائل کے تجزیبے میں ثماریاتی طریقوں اورتکنکوں کا بڑے بیانے پراستعال کیا جاتا ہے۔عضلاتی فعلیات (Neuro (Physiology) کے ماہرین نے سوچنے کے مل کی نمائندگ کے لئے الجبراء کی ایک نٹی شاخ کا آغاز کیا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ ریاضی اور حیاتیات کے باہمی رشتے کو ظاہر کرنے والے ایسے بیٹماروا قعات مستقبل میں وقوع پذیر ہوتے رہیں گے۔

C ریاضی اور ساجی علوم (Social Sciences) میں ہم رشتگی :

معاشیات میں، سابقی مظاہر (Social Phenomenon)، معاشی پالیسی پر اثر انداز ہونے والے عمومی قوانین Prediction of) اور معاشی نشونما کی پیشن گوئی (Generalised Laws governing economic policy) اور معاشی نشونما کی پیشن گوئی (Economic growth (Economic growth) کے لئے ریاضیاتی زبان اور ریاضیاتی طریقوں کا بڑے پیانے پر استعال ہوتا ہے۔ بہت سارے معاشی موضوعات سے متعلق نتائج اخذ کرنے اور پیشن گوئی کرنے کے لئے نظر بیا مکان (Theory of Probability) کا اطلاق کیا جات ہے۔ تاریخ اور جغرافیہ جیسے مضامین بھی، ریاضی سے ہم رشتگی رکھتے ہیں۔ ریاضی دانوں کی تاریخ اور ان کی خدمات سے بھی ریاضی اور تاریخ کی تد رئیس کے لئے کارآ مدیسِ منظر حاصل ہوتا ہے۔

ریاضی کاعلم ، مختلف تاریخی واقعات کی تاریخ اور دن کا حساب لگانے اور سابقہ واقعات کی روشنی میں مستقبل کے بارے میں پیشن گوئی کرنے کے لئے ، مددگار ثابت ، وتا ہے علم جغرافیہ میں بھی ریاضی کا ، ہت زیادہ ، استعال ، وتا ہے۔ پیانے کے مطابق نقشے تیار کرنے اور کسی مقام کامحل وقوع معلوم کرنے اور دوختلف مقامات کا درمیانی فاصلہ معلوم کرنے کے لئے علم ریاضی کا استعال کیا جاتا ہے۔ اسی طرح سے عرض البلد (Latitude) اور طول البلد (Longitude) معلوم کرنے ، موسی تبدیلی سے متعاق پیشن گوئی کرنے (Transportation) کی منصوبہ بندی (Porecasting about change in whether) کی منطق میں تکاریخ اور جغرافیہ سے متعلق پیشن گوئی کرنے (System) کی منصوبہ بندی (planning) کرنے کے لئے جسی ہمیں ریاضی کے علم کی ضرورت پڑتی ہے۔تاریخ اور جغرافیہ سے متعلق

مسائل،ریاضی کے طالب علم کے لئے کارآ مدشق کا ذریعہ ثابت ہو سکتے ہیں۔

D ریاضی اورزبان دادب (Language and Literature) میں ہم رشتگی:

زبان، اظہار کا بہترین وسیلہ ہے اور زبان کے استعال کے بغیر ریاضی نہیں سیکھی جاسکتی ۔ حالانکہ ریاضی کی زبان، اس کی اپنی علامتوں (Symbols/ Signs) پرینی زبان ہوتی ہے تا ہم سیطانتیں اسی وقت زیادہ بامعنی، واضح اور عملی ثابت ہوتی ہیں جب وہ بہت ہی واضح طور پر سید ھی سادھی زبان میں بیان کی جا نہیں ۔ ریاضی کے بعض مخصوص تصورات بالخصوص، مجر دتصورات (Abstract بہت ہی واضح طور پر سید ھی ساد ھی زبان میں بیان کی جا نہیں ۔ ریاضی کے بعض مخصوص تصورات بالخصوص، مجر دتصورات (Concepts بہت ہی واضح طور پر سید ھی ساد ھی زبان میں بیان کی جا نہیں ۔ ریاضی کے بعض مخصوص تصورات بالخصوص، مجر دتصورات (Concepts بہت ہی یان کئے جا نہیں یہ تعریف اسلام میں جب آخصیں لفظی بیان (Verbal Statement) کے بطور جنھیں اصطلاح میں تعریف کہتے ہیں بیان کئے جا نہیں یہ تعریف تحصوص اور جامع بن جاتی ہیں جب آخصیں سادہ اور داختی زبان میں بیان کیا جا تا ہے۔ ریاضی کاعلم ، سی طالبعلم کو، وضاحت (Clarity) اور قطعیت (exactness) کے ساتھ کی زبان کے سیکھنے میں مدد کر تا ہے۔ ریاضی کے مطالعہ سے طالبعلم کی منطق سونچ اور قوت استدلال پر دان چڑھتی ہیں اور بیزہ ہیں اسلیہ کے سی خان کے سیکھنے کے مل

ری**اضی اوراسکی دیگر شاخوں میں ہم رشتگی :(Correlation between mathematics & its other branches)**، الجبراء بعلم ہندسہ (Geometry)، علم مثلث ریاضی کی مختلف شاخوں جیسے علم حساب (Arithmetic)، الجبراء بعلم ہندسہ (Geometry)، علم مثلث (Trigonometry)، محددی علم ہندسہ (Coordinate Geometry) وغیرہ کوبالکلیہ علمہ ہند ہواور غیر متعاق خانوں کے

طور پرہیں پڑھایا جانا جا ہے۔ انڈین ایجو کیشن کمیشن (66-1964) نے ریاضی کی ان تمام شاخوں کی تد ریس کے لئے انضامی طرزِ رسائی (Integrated Approach) استعال کرنے کی سفارش کی ہے۔علم الحساب (Arithmatic) کے مشکل مسائل یا عبارتی سوالات کوالجبری مساوات (Algebric Equations) کے ذریعے با آسانی حل کیا جاسکتا ہے۔کلیہُ فی اُنحورت اور متشابہ شکتوں سے متعلق کلیات (Theorems related with similar Triangles) محددی علم ہند سہ کی بنیاد کا کام کرتے ہیں۔ کل (Locus) کا تصور مستوی علم ہند سہ اور سہ ابعادی علم ہند سہ (Uink) 3D Geometry) کے درمیان ہم رشتگی کی ایک کڑی (Link) فراہم کرتا ہے۔ خودعلم ہندسہ حساب کی مساحت (Mensuration) کے سوالات کے لئے ایک بنیاد کا کام کرتا ہے۔ مثال يحطور - قائمة الزاوية تساوى الساقين مثلث (Right Angled Isosceles Triangle) كاوتر 2 جزراكم بع اكائي ہوتا ہے۔جبکہاس کے مساوی ضلعوں میں سے ہرایک کی لمبائی ایک اکائی ہو۔مشابہ مثلث نسبت اور تناسب کے تصور کو معنی عطا کرتا ہے۔ اسی طرح علم الحساب (Arithmetic) الجبری اعمال کی بنیا د کے طور پر استعمال ہوتا ہے۔ مثال کے طور۔ 32 میں کونساعد دجمع کریں کے 25 ہوجائے؟ بیسوال ایک الجبری مساوات x = 25 کی تشکیل کرکے آسانی سے کر کیاجا سکتا ہے۔ کسی بھی خطی مساوات (Linear Equation) کوایک خطِ منتقیم رعددی خط کے ذریعے ظاہر کیاجا سکتا -~ الجبرى ركن (Algebraic Term) كوہم بطورعلم ہندسہ کے بعض تصورات کے بطورد بکھ سکتے ہیں۔ مثال کے طور۔ X2 اس مربع کار قبہ ہوتا ہے جس کے ضلع کی لمبائی X ہو۔اسی طرح X3 اس ملعب کا حجم ہوتا ہے جس کے ضلع کی لمائی X ہو۔ الجبراء بملم ہندسہاور علم الحساب میں ہم رشتگی کااظہار درج ذیل میں کیاجار ہاہے۔ الجبراءبه (a+b)² كىتوسىغ

> یہ توسیع (a+b) کو (a+b) سے ضرب کر کے اورا یک جیسے ارکان کوا یک جگہ تر تدیب دیگر کی جاسکتی ہے۔ جیسے۔

علمِ ہندسہ۔ 2(a+b)اس مربع کارقبہ ہوتاہے جس کے ضلع کی لمبائی (a+b) اکائی ہواور جسے مزیددومر بعوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ جن کے ضلعوں کی لمبائی بالتر تیب a اور b ہو۔ علم الحساب -يهى كامل مطابقت 1012 اور 1003 وغيره معلوم كرنے کے لئے استعال كى جاسمتى ہے۔ (101) = (100+1)² = 100+ 100 + 200 + 1 = 10201

	فرہنگ: (Glossary)
Meaning	مفهوم
Nature	نوغيت/مانهيت
Contribution	خدمات رتعاون
Correlation	ېم رشتگې ريا ټهي تعلق
Generalisation	نغميم
Discovery	دریافت رکھوج

خلاصہ: (Let Us Sum Up/Points to Remember)

اسکولی نصاب میں ریاضی مضمون کوایک خاص اہمیت حاصل ہے۔اس کی ضرورت وافادیت کے پیش نظر دسویں جماعت تک اسے ایک لازمی مضمون کے بطور پڑ ھایا جاتا ہے۔ مختلف ماہرین نے ریاضی کی تعریف اپنے اپنے انداز میں بیان کی ہیں۔اوران میں سے ہرایک ریاضی کی کسی ناکسی اہم خصوصیت کا احاطہ کرتی ہے۔ریاضی کی مختلف خصوصیات کے مطالعے سے ہمیں اس مضمون کی ماہنت رنوعیت (Nature) کو شیخصنے میں مددملتی ہے۔ ریاضی کی تاریخ تقریباً اتنی ہی پرانی ہے جتنی کہ خودانسانی تاریخ۔وفت کے ساتھ ریاضیاتی علم کے ذخیرہ میں اضافہ ہوتا گیا اور اس کی مخذف شاخیس وجود میں آتی گئیں ۔علم الحساب (Arithmatic)، علم ہندر۔ (Geometry)، کیلولس (Calculus)، سر تجزیاتی علم ہندر۔ (Analytical Geometry)، مستوی محددی علم ہندر۔ (Plane Cordinate Geometry)، سر ابعادی علم ہندر۔ (Pythagoras) میں اورعلم مثلث (Trigonometry) ریاضی کی چندا ہم شاخوں میں شامل ہیں۔ ریاضیاتی علم کی ترقی کا سہرہ مختلف ریاضی دانوں کی کا وشوں کے سرجا تا ہے۔ اقلید س (Euclid)، فیڈ غورث (Pythagoras)، ریے دریکارت (Pythagoras) اورجاری کی کا وشوں کے سرجا تا ہے۔ اقلید س (George Cantor)، فیڈ غورث (Pythagoras)، ریے دریکارت (Rene Descrate) اورجاری کینئر (George Cantor)) میں خوں دیگر مغربی ریاضی دانوں نے ریاضی کی ترقی میں غیر معمولی خدمات انجام دیں۔ اسی کے ساتھ میہ بات بھی صحیح ہے کہ زمانہ قدیم ہی سے مشرقی ریاضی دانوں اور بالحضوص ہندوستانی ریاض دانوں کی خدمات انجام دیں۔ اسی کے ساتھ میہ بات بھی صحیح ہے کہ زمانہ قد یم ہی سے مشرقی ریاضی دانوں نے ریاضی کی ریاض دانوں کی خدمات انجام دیں۔ اسی کے ساتھ میہ بات بھی صحیح ہے کہ زمانہ قد یم ہی سے مشرقی ریاضی دانوں اور بالحضوص ہندوستانی ریاض دانوں کی خدمات انجام دیں۔ اسی کے ساتھ میہ بات بھی صحیح ہے کہ زمانہ قد یم ہی سے مشرقی ریاضی دانوں اور بالحضوص ہندوستانی ریاض دانوں کی خدمات انجام دیں۔ اسی کے ساتھ میہ بات بھی تعلیم کر خدم ہی سے مشرقی ریاضی دانوں اور بالحضوص ہندوستان اور رامانچن وغیرہ شامل ہیں۔ مذہبی کنابوں میں بھی اس بات کے حوالے طنہ ہیں کہ جن اصولوں (Principles) ، کی مشروں سے اور رالحضوں ہیں۔ میں معرفی میں میں میں میں میں میں سے اور رالحضی میں میں میں میں میں میں میں معرفی دیں معرفی دانوں کے حوالے ہے ہیں کہ جن اصولوں (Theories) ، کی میں میں میں میں میں میں میں میں میں معربی معربی مغربی ریاضی دانوں کے حوالے سے پڑ ھایا جا تا ہا ہے ہیں۔ اکٹر چیز دوں کے ابتدائی نقوش ہمیں ہیں ہیں میں معربی معرفر کی ریاضی دانوں کے حوالے سے پڑ ھایا جا تا ہم میں سے اس

> اکانی کے اخترام کی سرگر میاں (Unit End Activities) طویل سوالات: ۱۔ ریاضی کے مفہوم، اسکی نوعیت اورو سعت پر تفصیلی روشنی ڈالئے۔ ۲۔ دلاک کے ساتھ بحث سیجئے کہ ریاضی کوایک لازمی صفمون کی حیثیت سے اسکولوں میں کیوں پڑھایا جانا چاہئے؟ ۲۔ میدان ریاضی میں ہندوستانی ریاضی دانوں کی خدمات کا تفصیلی جائزہ پیش سیجئے۔ ۴۷۔ ریاضی کی ترقی میں مغربی ریاضی دانوں کے کردار سے بحث سیجئے۔

> > مختصر سوالات: ۱۔ مضمونِ ریاضی کی کوئی پانچ خصوصیات بیان سیجئے۔ ۲۔ ریاضی کامفہوم دومختلف تعریفات کا حوالہ دیتے ہوئے سمجھا ہے۔ ۲۔ ریاضی کی دسعت پر مختصراً روشنی ڈالئے۔ ۲۔ دسویں جماعت تک ریاضی کولا زمی مضمون کی حیثیت سے پڑھانے کی وجو ہات بیان سیجئے۔ ۵۔ ریاضی کے تیئی مندر جہ ذیل ریاضی دانوں کی خدمات بیان سیجئے۔

ا۔آربیہ بھٹ ۲۔وراہامہیرا ۳۔فیثاغورث ۴؍ریخ دیکارت

مزيدمطالع كيائ كتب:

(Suggested Readings)

- Mangal, S.K. (1993), Teaching of Mathematics, New Delhi, Agra Book Depot.
- NCERT (2012), Pedagogy of Mathematics, New Delhi: NCERT
- Siddhu, K.S. (1990), Teaching of Mathematics. New Delhi: Sterling Publisher.
- Aggarwal, S.M. : Teaching of Modern Mathematics
- http/www.ams.org
- www.google.com

اکائی۔۲ تدریس ریاضی کے اغراض ومقاصد

(Aims & Objectives of Teaching Mathematics)

تعارف: (Introduction)

مقاصد: (Objectives)

2.1 تدریس ریاضی کے عمومی مقاصد کانعین کرنے کی ضرورت

(Need for establishing general objectives for teaching Mathematics)

2.2 تدريس رياضى كاغراض، مقاصدادراقدار

(Aim, values and general objectives of teaching Mathematics)

2.3 ثانوی اسکولوں میں پڑھائی جانے والی ریاضی کی مختلف شاخوں کے موادِ صفمون کے لحاظ سے تدریسی نکات اور خصوصی مقاصد

(Specific Objectives & Teaching point of various content area in different branches of secondary school mathematics)

2.4 تدریس ریاضی کے اغراض ومقاصد سے متعلق مختلف تعلیمی کمیٹیوں اور کمیشنوں کی سفارشات

(Recommendations of Various Educational Committees & Commission as regard to Aims

& Objectives of Teaching Mathematics)

2.5 استعداد کامفہوم وتصوراور CCE کے حوالے سے تعلیمی معیارات

(Maening & Concept of Competencies & Academic Standards of CCE)

2.6 بلوم کے تدریسی مقاصد کی درجہ بندی، تنقید، انڈر سن کے ذریع بلوم کی درجہ بندی میں ترمیم

(Bloom's Taxonomy of Educational Objectives-Critique, Revised Bloom's Taxonomy by Anderson-2001)

2.7 بلوم کی درجہ بندی کانعلیمی معیار سے تعلق

(Linking Bloom's Taxonomy with Acdemic Standards)

فرہنگ(Glossary)

خلاصہ (Let Us Sum Up/Points to Remember) اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں (Unit End Activities) مزید مطالعے کیلئے کتب (Suggested Readings)

تعارف: (Introduction)

مقاصد: (Objectives)

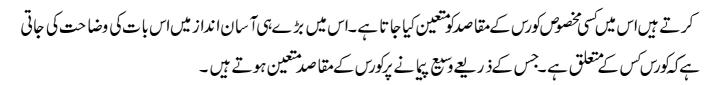
اس اکائی کے مطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجا نیں گے کہ

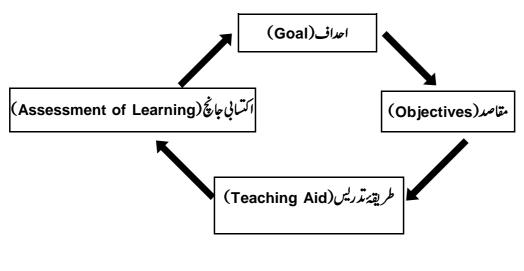
- 🛠 👘 تدریسِ ریاضی کے اغراض و مقاصد (Aims & Objectives)اورا قدار (Values) بیان کرسکیں گے۔
 - 🖈 👘 ریاضی کی مختلف اکائیوں کے حوالے سے ہدایتی مقاصد لکھ سکیں گے۔
 - 🛠 👘 تعلیمی مقاصد کی بلوم کی درجہ بندی،اس پرتنقیداور تبدیل شدہ درجہ بندی پرروشنی ڈال سکیس گے۔
- مسلسل اورجامع جائیچ (Continous & Comprehensive Evaluation) کے تصور کو، تدریسِ ریاضی کے تناظر میں عملی طور پر برت سکیں گے۔

2.1 تدریس ریاضی کے عمومی مقاصد کاتعین کرنے کی ضرورت:

(Need for establishing general objectives for teaching Mathematics)

ہدایتی مقاصد کی اہمیت: (Importance of Instructional Objevtives) متعلم کے اندر متوقع نتائج کے مدنظر جو مقاصد متعین کیے جاتے ہیں ہدایتی مقاصد کہلاتے ہیں۔ہدایتی مقاصد متوقع نتائج کی وضاحت

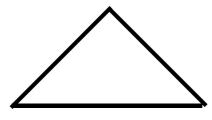




ہدایتی مقاصد کواس چکر (Cycle) کی بنیاد پر متعین کیا جاتا ہے۔

تدریسی مقاصد کوظاہر کرنے کی اہمیت: (Importance of stating Instructional Objectives) جب معلم تدریسی تبق کا منصوبہ تدریسی مقاصد کی بنیاد پر بنا تا ہے تب تمام تدریسی عمل معلم سے طلبا کی جانب منتقل ہوجا تا ہے۔ تدریسی مفروضات نہ صرف معلم کو اپناسبق مرتب کرنے میں مدداور رہنمائی کرتے ہیں بلکہ ایک منتخن کو جائج کے موزوں آلے کو امتخاب کرنے میں بھی مددد سے ہیں۔ تدریسی مقاصد ایک معلم کی اس طرح مدد کرتے ہیں۔ سر دریس کے اعتدا م پر طلبا کے برتا و میں جو متوقع تبدیلی آنے والی ہے اس کو واضح طور پر معلم لکھ لیتا ہے۔ موزوں اکتسابی تجربات کا منصوبہ تیار کر لیتا ہے۔ مقاصد کے حصول کے لیے درست سمت کی جانب آگے بط حتا ہے۔ شر دریسی مواد کو انتخاب کرنے اور منظم کرنے کی بنیا د فراہم کرتا ہے اور خصون کو چیش کرنے کا طریقہ اور جائج کی ترکیبیں فراہم کرتا ہے۔

معلم مناسب جائج کی ترکیبیں انتخاب کر کے طلبا کے برتاؤ کی جائج کرتا ہے کہ آیا طلبا میں معروضات کے لحاظ سے تبدیلی آئی ہے یانہیں۔اگر معلم، جائج کے بعد مطمئن نہ ہوتو دوبارہ ان تین امورکود ہرا تارہے۔(۱) اکتسابی تجربات(Learning (۲) معروضات (۳)جائج کی تکنک ۔ان کو وہ مسلسل عمل کی طرح جاری رکھیں۔ مقاصد(Objectives)



اكتسابي جانچ (Learning Experience)

جائچ کی تکنک (Evaluation Technique)

2.2 تدريس رياضي كے اغراض، مقاصداوراقدار:

(Aim, values and general objectives of teaching Mathematics)

اغراض : (Aims) اغراض طویل مدتی ہوتے ہیں۔ان کوحاصل کرنے کے لئے بہت زیادہ وقت درکار ہوتا ہے۔اس کے لئے پہلے مقاصد کوحاصل کرنا ہوتا ہے جو کم مدت میں حاصل ہوتے ہیں۔ مثال ۔ "طلبہ میں مسالقتی امتحان کی مہارتوں کوفر وغ دینا" بیا کی غرض ہے جو بہت ہی وسیع اور عام جملہ ہے۔اس غرض کو پورا کرنے کے لئے طالب علم کوئی سال لگ جائیں گے۔

> ریاضی کے تدریسی اغراض: (Aims of Teaching Mathematics) طلباء کوروز مرہ زندگی کے حسابی سوالات کوحل کرنے میں مدد کرنا۔ طلباء کود ماغی یا ذبخی تربیت دینا۔ طلباء کو کفایت شعاری اور تعمیر می زندگی کے لئے تیار کرنا۔

الطباء میں قوت خیل اور تصورات کی قوت کوا بھارنا۔

مقاصد : (Objectives) مقاصدکوہم اغراض کی نسبت سے دیکھتے ہیں تو بیہ بہت ہی مختصر مدت میں حاصل کر سکتے ہیں۔ان کو حاصل کرنے کے بعد ہی اغراض کی حصولیا بی ہوتی ہے۔ مثال۔"طلباء میں دویادوسے زیادہ ہندی اعداد کوجع کرنے کی مہارت کوفروغ دینا" یہ مقصد محاصل (Acheivement) ہے جو طلباء میں مخصر مدت میں حاصل کیا جاسکتا ہے۔

ریاضی کے تدریسی مقاصد: (Objectives of Teaching Mathematics) ریاضی کے بنیادی اعمال (+،-،×،÷) جیسے بنیادی تصورات اور تعریفات کوصاف اور داضح طور پر بیان کرنے کے قابل بنانا۔ ☆ رياضي کے کھيل وغير ہ کونصاب ميں شامل کر کے طلباءکورياضي سکھنے کی طرف راغب کرنا۔ $\overset{\frown}{a}$ ریاضی سے تعلق رکھنے والے دوسرے مضامین کو سکھنے کے لئے آمادہ کرنا۔ جیسے: فزکس، کیمیسٹر می گیمس ، دست کاری وغیر ہ۔ ☆ رباضی کے ضوابط زبان اور اصطلاحات سے واقف کروانا۔ $\overset{\frown}{a}$ اعلی جماعتوں کی ریاضی کو سکھنے کے لیے طلباء کو تیار کرنا۔ ☆

اغراض ومقاصد مين فرق: (Difference between Aims & Objectives)

مقاصد	اغراض
ا۔اغراض کی جانب ہدایت دیتے ہیں۔	التعلیمی نظام کوہدایت دیتے ہیں۔
۲ مخصرمدتی ہوتے ہیں۔	
سا مخصوص نصابی دائرے کے اندر ہوتے ہیں۔	۳۔اغراض نصاب کے باہر بھی ہو سکتے ہیں۔
^{مہ} ۔ ہرکورس کے لئے الگ لگ ہوتے ہیں۔	^{یہ} ۔ کئی شعبوں میں مشترک ہوتے ہیں ۔
۵۔اغراض پر مرکوز ہوتے ہیں۔	۵ حکومت کی پالیسیوں پرمرکوز ہوتے ہیں۔

تدريس رياضی کے اقدار: (Values of Teaching Mathematics) رياضی نے معلم کو اپنے مضمون کو پڑھانے کی وجوہات کاعلم ہونے پر ہی اسکی تدريس مؤثر اور بہتر ہو کتی ہے۔ تعليم نے مقصد کے بموجب طلباء کی ہمہ جہتی ترقی نے لئے تدريس واکتساب کی مؤثر عمل آوری نے لئے ہم رياضی کی تدريس نے ذريعہ طلباء ميں صبر وخل ، تعاون ، ديانت داری جيسے اقدار کو پروان چڑھا سکتے ہيں۔ رياضی نے ذريع طلباء کی قوتِ استدلال پروان چڑھتی ہے اوروہ يہ سکھتے ہيں کہ کس طرح تعليم عمل ، مقاصد کی تحميل کا متيجہ اقدار ہے۔ مقاصد کی مختلف وجوہات کی بناء پر جماعت بندی کی گئی ہے۔ اس طرح اقد ارکی بھی درجہ بندی کی جاسکتی ہے ہو حسب ذيل ہيں۔

ا-افادی یاعملی اقدار: (Utilitarian or Practical Values) روزمرہ زندگی میں مادری زبان سے زیادہ استعال ہونے والا کوئی مضمون نہیں ہے۔اسی طرح معاملات کو کامیابی سے چلانے کے لئے مضمونِ ریاضی بھی زیادہ سے زیادہ استعال ہوتا ہے۔ روزمرہ زندگی میں ریاضی کا استعال ہوتا ہے۔ $\overset{\frown}{a}$ ریاضی کی بنیادی صلاحیتوں کے ذریعہ ذرائع ابلاغ میں شائع ہونے والی اطلاعات کو تشریح کرکے مجھا جاسکتا ہے۔ $\overset{\frown}{a}$ ا چھے پیشہ کے انتخاب میں ریاضی کا استعال ہوتا ہے۔ ☆ ریاضی اس کی اطلاعاتی اعتبار سے بہت اہم مضمون ہے۔ ☆ ریاضی کی خدمات دوسرے نصابی مضامین جیسے کیمیااورطبیعیات میں بھی ہیں اورانہیں فراموش نہیں کیا جاسکتا۔ $\overset{\frown}{a}$ کائنات کا مطالعہ ریاضی کی اصطلاحات میں وزن کرنا، ناپنا،اورر شتے قائم کرنا کی طرف رہبری کرتا ہے۔ ☆ سائنس اورٹکنالوجی کے فروغ میں ریاضی بنیادی مضمون ہے۔ ☆

۲۔ تہذیبی اقدار: **(Cultural Values)** "علم ریاضی تہذیب کا آئینہ ہے" (Mathematics is the mirror of civilisation-Hogeben) ریاضی ہماری زندگی اور تہذیب کا ایک اہم جز ہے اور مدر سے کے نصاب میں اسے ایک نمایاں مقام حاصل ہے۔ ریاضی کی بدولت ہم اپنی تہذیب وتدن کو محفوظ کر سکتے ہیں کی قوم کی تہذیب کتابوں کے مطالعہ کے ذریعہ معلوم کی جاسکتی ہے۔ ریاضی کی کتابیں بھی تہذیبی معلومات کو فراہم کر سکتی ہیں اور ریاضی کے معلم ان تہذیبی معلومات کوریاضی پڑھنے والی نٹی کُسل تک پہو نچا سکتے ہیں۔

س یظم و ضبط کے اقدار: (Disciplinary Values) Schutle کے مطابق _– ریاضی کوابنداء میں ذہنی تر بیت کے لئے پڑھایا جا تا ہے اور بعد میں ریاضی کے حقائق ، تصورات اور معلومات کو فراہم کیا جا تا ہے – ریاضی کے اکتساب سے کسی فر دمیں حالات کا جائزہ لینا، حالات کو تحلیل کرنا اور معاملات کو تحق خوبیاں پروان چڑھتی ہیں ۔ ریاضی کے مطالعہ سے طلبا اپنی زندگی کوایک منظم طریقے سے گز ارسکتے ہیں اوران کی زندگی میں مثبت عاد تیں جیسے ایمانداری،

د پائی کا صفحاللہ صفح کا تبہ صارت کا دماری دست کا صلاحیت ، توجہ کی عادت ، پا کیزگی ،محنت ،خود داری ، پابندی وغیر ہ فروغ سچائی ، کھلی ذہنیت ، مقصدیت ،خوداعتمادی ،صبر وخل، بر داشت کی صلاحیت ، توجہ کی عادت ، پا کیزگی ،محنت ،خود داری ، پابندی وغیر ہ فروغ پاتی ہیں ۔ ۳- ساجی اقدار: (Social Values) ساجی ساخت کو برقر ارر کھنے اور منظم کرنے میں ریاضی مدد گارہوتی ہے۔ ریاضی کے مختلف طریقے جیسے سائنسی طریقہ، استفر ائی طریقہ، استخراجی طریقہ، ایجادی طریقہ د غیرہ مختلف ساجی اقد اردقوانین کو مرتب کرنے میں استعال کیے جاتے ہیں۔

۵_ جمالیاتی اقدار: (Recreational Values) ریاضی کی اپنی ایک خوبصورتی ہے اس کے نتائج میں تناسب اور تشاکل ہیں۔ سادگی جمل پابنداور منظّم ان تمام خصوصیات کوریاضی ک خوبصورت کا موں میں محسوس کیا جاسکتا ہے۔ طلباءریاضی کے سی بھی نت نئے ایجادی کا موں سے راحت حاصل کرتے ہیں۔ مثلاً موسیقی ، شاعری ، فنِ نتمیر ، رقص وغیرہ۔

2.3 ثانوی اسکولوں میں پڑھائی جانے والی ریاضی کی مختلف شاخوں کے موادِ صفرون کے لحاظ سے يدريسي زكات اورخصوصي مقاصير:

(Specific Objectives & Teaching points of various content areas in different branches of secondary school mathematics)

ریاضی کی مختلف شاخوں میں حساب(Arithmetic)، تجارتی ریاضی (Commercial Mathematics)، الجبراء، کمپیوٹنگ (Computing)، جیومیٹری (Geometry)، علم مثلث (Trigonometry)، حقیقی اعداد کے مختلف خصوصیات سے متعارف کرانا جس میں اعداد کا سٹ (Sets of Number)، صحیح اعداد (Real Number)، ناطق وغیر ناطق را را میں متعارف کرانا جس میں اعداد کا سٹ (Sets of Number)، حصوصیات سے متعارف کرانا جس میں اعداد کا سٹ

قوت (Powers)، جذر (Roots)، لوگارتقم (Logarithms) سے متعلق اصول سے واقفیت حاصل کرنا۔ تجارتی حساب، فی صد، نفع، نقصان، سود، شاریات، اوسط، اعداد د شارکا ترسیمی اظہار وغیر ہ شامل ہیں۔

مقاصد:(Objectives)

- - ۔ تحسیب میں استعال ہونے والی الگورتقم اور مقرر ہ طریقوں کو پچھنا۔
- ۔ جپار بنیادی اعمال کے متعلق مختلف مقررہ قاعدہ تکدیکیوں اورروا جوں کی وجہ فراہم کرنا۔

- ۔ طلبہ تغیرے بنیادی تصرات ،ستفل الجبرا کی مساوات ،عددی اقد ار،صفری کثیر رکنی کے بارے میں جا نکاری دیے سکیں گے۔
- ۔ تشریکنی، دورکنی، ایک رکنی کے درمیان تفریق، ایک اور دومتغیر کے قوت نما، عددی سر، ستفل رکنی کے درمیان فرق، کشرر کنی ک بنیا دی اعمال کی مہارت پیدا کرنا۔
 - ۔ کثیرر کنی کی اجزائے ضربی ودرمیان رکنی کو تحلیل کرنی کی قابلیت پیدا کرنا۔
 - - وینیا شکال سے داتفیت د شناس بیدا کرنا۔

مقاصد

- ۔ سیٹ کے بنیادی اعمال کی تربیت ومہارت حاصل کرنا۔
- ۔ حسابی سوالات حل کرنے میں کم پیوٹر کا استعال کس طرح کیا جائے اسکو سمجھنا۔
- ۔ سوالات کے طل کرنے میں مرحلہ دار، تو اتر کومدِ نظر رکھنا،اسکا مظاہر ہ کر سکیں گے۔
 - ۔ الگورتقم ہی مرحلہ دارسوالات کے ط میں مدد گار ہوتا ہے سمجھاسکیں گے۔
 - ۔ الگورتھم سےفلوجارٹ نیارکرسکیں گے۔

. مخصوص سوالات کے جل میں الگور تقم کا ستعال کر سکیں گے۔

جیومیٹری سے متعلق متوازی خطوط ،متوازی الاضلاع ،مماثلت ،مثلث کی بناوٹ ،مشابہت ،رقبہ،حجم ، بناوٹ ،مثلث ، چار ضلعی وغیرہ ،علم مثلث ،علمِ مثلث کے معنی اوراسکی دسعت ،مثلثی نسبتوں کی تعریف ،معیاری قدر ،نشیب وفراز کی تفریق ۔

- ۔ جیومیٹری کے بنیادی تصورات کو سمجھا سکیں۔
- ۔ ایسے طریقوں کوفر وغ دیے سکیس گے جوملی بھی ہواور مسائل کوحل کرنے والا ہوتا کہ تصورات کو سمجھ سکیس اوراسکی تد ریس موثر طریقہ سے کر سکے۔
 - ۔ متوازی خطوط ،متوازی الاصلاع کے مطالعہ میں دلچیہی پیدا کر سکیں گے۔
 - ۔ جیومیٹری کی تشریحات کوداضح کرسکیں۔
 - ۔ بنیادی تصورات کوسا منے رکھتے ہوئے دیگر تصورات کے بتدریج ارتفاء کو مجھاسکیں۔
 - ۔ طلبہ رقبہ، حجم کے تصورات سے واقفیت کراسکیں۔
 - ۔ طلبہ چند ضابطوں میں مشتر کہ چیزوں کی نشاند ہی کے قابل بنائیں
 - طلبهم مثلث کی اہمیت شمجھاسکیں۔
 - ۔ طلبا مظاہرہ کے ذریعے مماثلت (Similarity) کا تصور کس طرح مثلثی نسبتوں کے تصور کا قائم کرتا ہے۔ مثابی میں مذہب کے سرجہ ایک سرجہ بتدادی تہ کہ میں سرجہ ایک میں کا میں کہ میں کہ میں کہ میں کہ میں کہ میں کہ میں
 - . مثلثی نسبتوں کااستعال سیکھنا،انکے باہمی تعلق کی قدرکو پہچاننے کے لئے درکارمہارت پیدا کر سکیں گے۔ پیشان یہ سر کہ استعال سیکھنا، اینکے باہمی تعلق کی قدرکو پہچاننے کے لئے درکارمہارت پیدا کر سکیں گے۔
 - ۔ طلبہ میں Identities، Trigonometry مثلثی کیسانیت کو ثابت کرنے کی مہارت پیدا کر شکیں۔
 - ۔ طلبہ میں بلندی اور فاصلے سے متعلق سوالات کوحل کرنے کی مہارت پیدا کرنا۔

2.4 تدريس رياضي ك_اغراض ومقاصد _ متعلق مختلف تعليمي كميثيون اوركميشنون كي سفارشات:

(Recommendations of Various Educational Committees & Commissions as regard to Aims & Objectives of Teaching Mathematics)

سكنڈرى ايجوكيش كميشن (52-1950):

- اسکنڈری ایجو کیشن کمیشن کے مطابق ریاضی کواسکول کی ہر سطح پر نصاب میں شامل کیا جائے۔
 - ایر ائمری، سکنڈری، ہائر سکنڈری تینوں سطح پر دیاضی کوشامل کیا جائے۔
- ار یاضی کونصاب میں شامل کرنے کا مقصد بچوں میں مسک کاحل اور تنقیدی سوچ کی صلاحیت کی نشونما کرنا ہے۔
 - 🛠 👘 رياضی ڪ معلم کواعل تعليم يافتہ ہونا چاہیئے۔

كوهارى ايجويش كميش (66-1964):

- 🗠 🛛 رياضى ڪ طريقة تدريس ميں مزيد سدھار ہونا چاہيئے
- س اس کمیشن نے ریاضی کی تدریس کے تعلق خامیوں کی شناخت کی اوراس نتیجہ پر پہنچا کہ طریقۂ تدریس کی بہتری میں تحقیق کی کمی ہے مزید تحقیق سے اس میں مزید بہتری آسکتی ہے۔
 - 🛠 👘 ریاضی صفمون کی بہتر تد ریس کے لیےا نتظامیہ کومزید متحرک ہونا جا ہیئے ۔
 - انظام تعلیم کواس طرح بنایا جائے جس سے تعلیمی اداروں اوراسا تذہ کی خاطرخواہ نشونما ہو سکے۔
 - انغلیمی انتظامیہ کے ذریعہ جد بدطریقہ تد ریس کومتعارف کروایا جائے۔
 - Refresher Course ، اساتذہ کی قابلیت میں اضافہ کرنے کے لیے مختلف پر وگراموں جیسے درک شاپ ، سیمینار ، Refresher Course ،
 Demonstration وغیرہ Demonstration رخیرہ In-Service رخیرہ کے ایک مہیا کہ جائے اوران کو Material مہیا کہ دادیا جائے۔
 - المريقة تدريس رياضي كے مطابق ،مناسب تدريسي آلات مہيا کئے جائیں۔
 - الارك شاپ كە درىيچاساتذەكواس قابل بناناجائ كەدەمناسب طور پرتدرىيى آلات كاستىعال كريں۔
 - ایم سی پہتر تدریس کی رسائی کے لئے کمیشن نے کلاس کی ساخت کی وضاحت کی کہ علم اورطلبہ کی تعداد کی نسبت میں ہونا چاہئے۔
 - Lower Primary- 1:50
 - Higher Primary- 1:45

Lower Secondary- 1:40

قومى تعليم پالىسى (NPE-1968):

- مضمون ریاضی کی تشکیل اس طرح ہوجس سے طلبا کواکتساب میں ایک گاڑی سے تیز رفتارٹرین کی تر تیب میں دکھائی دے تا کہ بچوں میں وجو ہات کو جانبے ، تجزبیہ کرنے اور منطقی سوچ کی نشونما ہو۔
 - 🛠 👘 ریاضی کی تد ریس میں دوسرے مضامین کوشامل کرتے ہوئے تد ریسی سرگرمیاں انجام دینا چاہیئے۔
 - استعال ہونا چاہیئے۔ 🛠 مضمون ریاضی کے بہتر فہم کے لیے ICT کا استعال ہونا چاہیئے۔
 - ۲۰ سر باضی کے تعلیمی پر وگراموں کواس طرح تیار کیا جائے جس سے بچوں میں مسّلہ کوحل کرنے ، فیصلہ سازی ، دریافت کرنا جیسی مہارتوں کا فروغ ہواورریاضی کی دوسرے مضامین سے ہم رشتگی کی وضاحت ہو۔
 - قوم تعليم پاليسى (NPE-1986):

- 🛠 👘 رياضي کې تد ريس کا مقصد بچوں ميں مختلف مہارتوں جيسے سوچ، وجو ہات، تجزيدا ورمنطقي سوچ کوفر دغ دينا ہے۔
 - 🖈 👘 ریاضی میں دوسرے مضامین کوشامل کرتے ہوئے تد ریس ہونی چاہیئے۔
- Innovative ریاضی کی تدریس کومزید مؤثر بنانے کے لیے اس میں ICT کے ذریعہ تدریس کی جانی چاہیئے ۔جس سے Innovative 🛠 methods

2.5 استعداد کامفہوم وتصوراور CCE کے حوالے سے کمیں معیارات

است**عداد پرینی اکتساب**: کسی عنوان کے ذریعہ طلبا میں فروغ دی جانے والی صلاحیتوں کو معلم اپنے طور پر قائم کرلے۔ان کوفر وغ دینے کے لئے طلبا کواکتسا بی مشاغل فراہم کئے جائیں یے طلباان مشاغل میں حصہ لینے کے بعد حاصل ہونے والے تجربات یا اکتساب کواستعداد پرمینی اکتساب کہتے ہیں۔

مسلسل اور جامع جائيخ: (Continous and Comprehensive Evaluation) کومفت اورلازمی تعلیم قرار دیتا ہے۔قانون دق تعلیم -2009 کے قانون دق تعلیم بنیا دی تعلیم(Elementary Education) کو مفت اورلازمی تعلیم قرار دیتا ہے۔قانون دق تعلیم -2009 کے مطابق بچوں کی ہمہ جہت ترقی ہونا چاہئے۔اس لئے مدرسوں یا اسکولوں کو ذمہ داری قبول کرنا ہوگا۔ ہمہ جہتی ترقی سے مراد بچوں کی جسمانی، ذ^ہنی،اخلاقی اورجذباتی ترقی ہونا چاہئے۔اس کے لئے نصابی موضوعات کی تد ریس کے وقت طلبہ کی دلچسپیاں،اقدار،رویوں،کھیل کود وغیرہ کوبھی دھیان میں رکھنا چاہئے جس سےان کی ترقی ہو۔

مسلسل (Continous) سے کیا مراد ہے؟ مسلسل سے مراد بچوں کی ترقی کوسی ایک داقعہ یا موقع تک محد دد نہ کرتے ہوئے مسلسل طلبہ کا مشاہدہ کرنا ہے۔ یعنی کمرۂ جماعت میں ہی نہیں بلکہ کمرہ جماعت کے باہر بھی بچوں کی جسمانی، ذہنی ترقی کا ہر وقت ترتیب سے بچوں کی اطلاع کے بغیر مسلسل مشاہدہ کرنا۔طلبہ کو اکتسابی خامیوں کونشا ند ہی کرتے ہوئے ان کواصلاحی اقدامات کو اختیار کرتے ہوئے معلم اور طلبہ تد ریس واکتساب پرخودا پنا حساب (Assessment) کرتے ہیں۔

جامع(Comprehensive) سے کیامراد ہے؟ بچوں کی ہمہ جہتی ترقی کا مطلب صرف بچوں کی جسمانی، ذہنی، سما جی، جذباتی ، شعوری اورعلمی میدانوں میں ترقی ہی نہیں بلکہ بچوں کی غیر نصابی نکات علحد ہ دیکھنے کے بجائے ان کو مساوی اہمیت دینا ہے۔ یعنی زبان ، ریاضی ، سائنس ، سما جی علوم جیسے مضامین کے ساتھ فنون ، کام، اقد ار بھحت ، معاون حیات مہارتوں (Life Skills) کو بھی اہمیت دی جانی چاہئے۔

جائی (Evaluation) سے کیا مراد ہے؟ جائی کالفظ آتے ہی بچوں کا امتحان لینے کا تصور ہمارے ذہن میں ابھر تا ہے۔ اسا تذہ، اولیا نے طلبہ ، سماج سبھی کی جائی کو صرف امتحانی نقطہ نظر سے دیکھنے کے عادی ہو چکے ہیں۔ موجودہ طریقہ جائی معلم مرکوز طریقہ پر مینی ہے۔ بچوں کی تعلیمی ترقی کی رپورٹ میں دی جانے والی معلومات صرف مضامین ک جائی تک ہی محد ود ہے۔ کٹی موقعوں پر ہم یہ کہہ سکتے ہیں کی مسلسل جائے جائی کی جارہ ہی ہے۔ باوجود اس کے صرف اسباق کو بی اہمین ک جارہی ہے۔ ہم نصابی سرگر میاں جیسے۔ جسمانی تعلیم ، کا مکا تجزیر، اخلاقی تعلیم ، معاون حیان کی جائی کو ہی اہمیت ہیں دی جارہی ہے۔ مزید میگر کیا جاتا ہے کہ مسلسل اور جائی کی مطلب صرف زیادہ امتحان کا انعقاد ہے۔ طریقہ یوں کہ میں دی

معیارات (Academic Standards) کوماہر تعلیم اور تجربہ کاراسا تذہ نے بتایا۔

ر**یاضی میں CCE کے لخلا سے تعلیمی رند رئیں معیارات**: (Academic Standards) ریاضی میں ماہرین نے CCE کے لخلط سے حسب ذیل تعلیمی معیارات کو پیش کئے ہیں۔ ریاضی کے تعلیمی معیارات پانچ (5) ہیں۔ ا۔ مسئلہ کاحل (Problem Solving) ۲۔ استدلالی ثبوت (reasoning Proof)

- ۳- ربطکرنا (Connection)
- ۵۔ نمائندگی واستبصار (Representation, Visualisation)

ا۔ مسئلہ کاحل (Problem Solving) ریاضی کے تصورات اور مختلف طریقہ کا استعال کرتے ہوئے مسائل کوحل کرنا۔ مسئلہ کے اقسام: مسائل کے مختلف اقسام ہوتے ہیں۔ جیسے ۔معمہ

مستله کے طل کے مراحل: ۱۔مستله کا مطالعہ کرنا ۲۔ دیئے گئے موادیا معلومات کے تمام اجزاء کے شناخت کرنا ۲۔مستلہ معلومات رمواد کے حصوں کوعلحد ہ کرلینا۔ ۲۔مستلہ میں پائے جانے والے ریاضی کے تصورات کافہم ۵۔مناسب طریقہ کاریاضا بطوں کا اعادہ کرنا

۲۔ استدلالی ثبوت (Reasoning Proof) یختلف اقدامات کے درمیان استدلال دریاضی کی عمومیت اور مفر وضات کی تفہیم اور تشکیل دریاضی کی عمومیت اور تصدیق کرنا منطق بحث کا جائزہ مسئلہ کے ثبوت کی تربیت کو سمجھنا دریاضیاتی مفر وضات کی جائج

سر اظہار کرنا (Communication) ۔ ریاضیاتی تصورات کو پڑھنا اور لکھنا۔ (عبارتی وعلامتی) ۔ ریاضیاتی عبارتوں کو بنانا ۔ ریاضیاتی تصورات کواپنے الفاظ میں واضح کرنا۔ جیسے مربع ایک ہندی شکل ہے جس کے چارشلع مساوی ہوتے ہیں اور چارز اویے مساوی ہوتے ہیں۔ ۔ ریاضیاتی طرزعمل کی وضاحت کرنا

۔۔ریاضیاتی منطق کی وضاحت کرنا

۲۰۔ ربط کرنا (Connection) ۔ ریاضی کے متعلق عنوانات اور تصورات کے مابین رابطہ پیدا کرنا۔ جیسے جع اور ضرب میں تعلق ، کل میں حصہ کا تعلق نسبت ، تقشیم میں ، تر تیب اور تشاکل میں تعلق وغیر ہ ۔ روز مرہ زندگی میں ریاضی سے تعلق پیدا کرنا ۔ دوسرے مضامین سے ریاضی کا تعلق پیدا کرنا ۔ ریاضی کے مختلف عنوانات کے تصورات میں تعلق پیدا کرنا ۔ تصورات کو مختلف طریقوں سے جوڑنا۔

۵ نمائندگی واستبصار (Representation, Visualisation) - جدول میں دیئے گئے معطیات، عددی خط ، تصویری ترسیم ، بارگراف ، دوابعاوی اشکال ، سه ابعادی اشکال اور تصاویر کا مطالعہ کرنا اور تشریح کرنا - جدول بنانا، عددی خط پرا ظہار کرنا، تصویری گراف ، بارگراف اور تصاویر بنانا ۔

نمائندگ: مستلع اورزاویوں کی مدد سے مختلف اقسام کے مثلثات کی بناوٹ اوران کی تقسیم

بلوم کے تدریسی مقاصد کی درجہ بندی ، تنقید ، انڈرس کے ذریعے بلوم کی درجہ بندی میں ترمیم 2.6

(Bloom's Taxonomy of Educational Objectives-Critique, Revised Bloom's Taxonomy by Anderson-2001)

بلوم کے علیمی مقاصد کی درجہ بندی: (Bloom's Taxonomy of Educational Objectives) ایک سر صحتک تدریسی مقاصد کا تعلق صرف مواداور موضوع تک محد ددتھا۔ان کا اطلاق مختلف مراحل کے مقاصد پرنہیں تھا۔ 1948 میں تدریسی مقاصداوران کی درجہ بندی یہ مذاکرات شروع کیے گئے۔

1956 میں ڈاکٹر بنجامن۔ایس. بلوم اوراس کے ساتھیوں نے تد ریسی مقاصد پرایک جامع کتاب کومرتب کیا تھا یہ کتاب تد ریسی مقاصد کی درجہ بندی پرایک مرکب اسکیم ہے اس درجہ بندی میں کسی شخص کے انفرادی برتا ؤکے لحاظ سے بلوم نے ان تد ریسی مقاصد کوتین بڑے حصوں میں تقسیم کیا ہے۔

- (I) وتوفى علاقه (Cognitive Domain)
- (۲) جذباتی رتاثراتی علاقه (Affective Domain)
- (۳) نفسیاتی حرکی علاقہ (Psychomotor Domain)

ہرعلاقے میں جوند رکیسی مقاصد شامل کیے گئے ہیں ان کے زمرہ اور ذیلی زمرہ ہیں ان تین علاقوں کے معروضات ہرعلاقہ میں جو معروضات شامل کیے گئے ہیں ان کی تصریحات کو بلوم اور اس کے ساتھیوں نے شناخت کیے ہیں۔Elizabeth Simpson اور R.H.Dave نے حرکیاتی علاقہ کے مقاصد اور اس کے تصریحات کو مرتب کیے ہیں۔

ا۔ وتوفی علاقہ: (Cognitive Domain)

وقوفی علاقہ میں وہ مقاصد شامل ہیں جو ذہن سے متعلق ہیں ۔ معلومات کو دہرانے اور شناخت کرنے سے متعلق ہیں اور ذہانتی اور مہارتوں کی قابلیت کو فروغ دیتی ہے۔ اس علاقے کے چھ(6) تدر کی مقاصد ہیں۔ (۱) معلومات (Knowledge) (۲) تفہیم (Understanding) (۳) اطلاق (Application) (۳) تحلیل رتجز بیہ (۵) ترکیب (Synthesis) (۲) جانچ را نداز قدر (Evaluation) وقوفی علاقہ کے مقاصد کی تصریحات: (۱) _ معلومات ۔ شناخت کرنا

تاثراتی علاقہ کے مقاصد کی تصریحات: (۱)۔وصول کرنا ۔ استقبال کے لئے آمادہ کرنا ۔ضبط کرنا یا منتخب توجہ (۲)۔جواب دینا ۔ جواب دینے میں پیش قدمی کرنا

(۳) نفسیاتی حرکی علاقہ: (Psychomotor Domain) حرکیاتی علاقہ میں حرکیاتی مہارتوں نے فروغ پرزیادہ توجہ دی گئی ہے۔حرکیاتی علاقہ میں وہ تمام مقاصد کو شامل کیا گیا ہے جوشخصی اور حرکیاتی مہارتوں نے فروغ سے تعلق رکھتے ہیں۔اس کے تعلیمی مقاصد حسب ذیل ہیں۔ یفل کرنا ۔ خوش اسلوبی ۔ صحت ۔ وضاحت کرنا ۔ قدرتی

انڈر سن کے مطابق ترمیم شدہ بلوم کی ٹیکزانومی (2001)

(Revised Bloom's Taxonomy by Anderson - 2001) انڈرین، لارن ڈیلو، Ricksathowl ان سب نے ل کر بلوم کے تعلیمی مقاصد کی درجہ بندی میں تر میم (Revised) کیا ہے ۔ انڈرین (Anderson) دقوقی علاقہ کے مقاصد کو ترمیم کر کے حسب ذیل نے Term بتا ہے ۔ (Revised) کیا ہے ۔ انڈرین (Anderson) دقوقی علاقہ کے مقاصد کو ترمیم کر کے حسب ذیل نے Term بتا ہے ۔) Remembering-(تسم)) Understanding-(تحلیق)) Analysis-(تحلیق)) Creating-(تحلیق)) Creation - ناز کرین کے مطابق بلوم کے ٹیکر انومی میں Nour Forms نے ان کو تبدیل کر کے یا Sevice کر کے ان کو انڈرین کے مطابق بلوم کے ٹیکر انومی میں Nour Forms نے ان کو تبدیل کر کے یا Creating کر کے ان کو) Understanding، Remembering کی کو Sevice کی کو Sevice کر کے ان کو تبدیل کر کے یا Sevice کر کے ان کو) Sevice کی تعلیم کی بتلایا گیا ہے ۔ تر میم شدہ فیکر انومی کے Sevice کی کو Sevice کی کو Sevice کر کے Sevice کے Sevice کے Sevice کر کے Sevice کر کے Sevice کر کے Sevice کے Sevice کر کے Sevice کر کے Sevice کر کے Sevice کے Sevice کے Sevice کے Sevice کر کے Sevice کر کے Sevice کے Se

ترميم شده بلوم كانمونه: (Bloom's Revised Taxonomy Model)

:The Knowledge Dimension -1

بي چارفتم کے ہوتے ہیں۔

- حقائفتی معلومات (Factual Knowledge) - تصوراتی معلومات (Conceptual Knowledge) - طریقهٔ کار معلومات (Procedural Knowledge) - میٹا کوئنیشن معلومات (Metacognition Knowledge)

طالب علم کے لئے ضروری ہے کہ وہ بنیادی پہلور بنیادی الفاظ سے واقف ہو نظم وضبط کے ساتھ اسکو حقائقی معلومات کہتے ہیں۔

ی تصوراتی معلومات (Conceptual Knowledge): بنیادی پہلور بنیادی الفاظ کو کسی بڑے ساخت کے درمیان رشتہ کو موڑ نا۔

طریقة کار معلومات (Procedural Knowledge): سی چیزیااشیاء سے متعلق نتیجہ اخذ کرنے کے لئے ایک طریقہ یا ایک Criteria مہارتوں کو استعال کرنا۔

میٹا کو کنیشن معلومات (Metacognition Knowledge): Metacognition کسی شخص کی اپنی سوچ کے کمل کے بارے میں شعوراور تفہیم ، ذاتی صلاحیت کی آگا ہی شخصی شعور کی جا نکاری ، دہ علم اور تجربات کو ہم اپنی شخصیت کے کمل کے بارے میں رکھتے ہوں۔ **بلوم کی درجہ بندی اور ترمیم شدہ بلوم کی درجہ بندی کے درمیان فرق**:

(Difference betwen Bloom's & Revised Bloom's Taxonomy)

بلوم کی درجہ بندی کوروایتی درجہ بندی مانا جاتا ہے جبکہ انڈر سن کے ذریعے بلوم کی ترمیم شدہ درجہ بندی کوجد ید شکل میں قبول کیا گیا۔ دونوں کے درمیان فرق حسب ذیل ہے۔

Revised Bloom's TaxonomyBloom's Taxonomyا۔ اس کی Verb Form میں درجہ بندی کی گئی ہے۔۱۔ اس کی Noun Form میں درجہ بندی کی گئی ہے۔۲۔ یہ 1956 کی روایتی درجہ بندی ہے۔۲۔ یہ 1956 کی روایتی درجہ بندی ہے۔وقوفی علاقہ (Cognitive Domain)، کے Origional Terms میں درجہ بندی ہے۔New Terms

- Remembering
- Understanding
- Applying
- Analysing

- Knowledge
 - Comprehensive
 - Application
- Analysis
- Creating Synthesis

2.7 بلوم کے قلیمی درجہ بندی کاتعلیمی معیارات کے ساتھ رابطہ:

(Linking Bloom's Taxonomy with Acdemic Standards)

Bloom's	Academic Standards				
Taxonomy	مسكهكاحل	استدلائى ثبوت	اظهاركرنا	رابطہ	نمائندگی
	(Problem Solving)	(Reasoning)	(Communication)	(Connection)	(Representative)
معلومات	\checkmark	\checkmark		\checkmark	
(Knowledge)	•	•	~		
تفتيم		\checkmark	\checkmark	\checkmark	
(Comprehension)	¥	•	•	•	•
اطلاق				. /	
(Application)	¥			$\mathbf{\vee}$	
تحليل (مند ما يد ۵				\checkmark	
(Analysis)				-	
ترکيب					
(Synthesis)					•
ج اني ج					
(Evaluation)					

فرہنگ(Glossary)

Aims	اغراض
Utilitarian	افادى
Recreational	جمالياتي
Cognitive	وتوفى
Affective	جذباتي رتاثراتي
Psychomotor	حركياتي رنفسياتي حركي
Competency	استعداد

خلاصه: (Let Us Sum Up/Points to Remember)

- اغراض طویل مدتی ہوتے ہیں۔ان کوسلسل کرنے کے لئے بہت زیادہ وقت درکار ہوتا ہے۔
 - ا مقاصد بہت ہی مختصر مدت میں حاصل کر سکتے ہیں۔
- ار یاضی کے معلم کو اپنے مضمون کو پڑھانے کی وجوہات کاعلم ہونے پر ہی اسکی تد ریس مؤثر اور بہتر ہو سکتی ہے۔
- 🖈 ممريضي تهذيب کا آئينہ ہے (Mathematics is the mirror of civilisation-Hogeben)
 - الا 🗠 👘 🖈 🕹 اندرمتو قع نتائج کے مدنظر جومقاصد متعین کیے جاتے ہیں مدایتی مقاصد کہلاتے ہیں۔
 - الأاكٹر بنجامن الیس بلوم اوراس کے ساتھیوں نے تد ریسی مقاصد پرایک جامع کتاب کومرتب کیا تھا۔ 🛠 🚽 🖈
 - السی تدریسی نقطہ کے ذریعہ حاصل ہونے ولااکتسانی نتیجہ ہی استعداد (Competencies) کہلاتا ہے۔
 - اسکنڈری ایجو کیشن کمیشن کے مطابق ریاضی کواسکول کی ہرسطح پر نصاب میں شامل کیا جائے۔
- ا بہتر تد رایس کی رسائی کے لئے کوٹھاری ایجو کیشن کمیشن نے کلاس کی ساخت کی وضاحت کی کہ علم اورطلبہ کی تعداد کی نسبت میں ہونا چاہئے۔
 - Lower Primary-1:50Higher Primary-1:45
 - Lower Secondary- 1:40

اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Activities) طویل سوالات: ۱۔ CCE کے معنی اور تصور کو بیان کیجئے۔ ۲۔ ریاضی تد رئیس کے اغراض و مقاصد کے تحت مختلف تعلیمی سمیٹی اور سیشن کی سفار شات بیان کیجئے۔ ۳۔ ریاضی تد رئیس کے عام مقاصد بیان کیجئے۔

مختصر سوالات: ۱۔ اغراض ومقاصد کے درمیان کیا فرق ہے؟

- ۲۔ وقوفی اور جذباتی علاقہ بیان سیجئے۔ ۳۔ نفسیاتی حرکی علاقہ کیا ہے؟
- ۳ ۔ بلوم کی درجہ بندی اور ترمیم شدہ بلوم کی درجہ بندی کے فرق کو بیان سیجئے۔

ا۔ "Mathematics is the Mirror of Civilisation" سیکا قول ہے؟ ۲۔ بلوم نے تدریسی مقاصد کو کتنے حصوں میں تقسیم کیا ہے اور کون کون سے؟ ۳۔ کوٹھاری ایجو کیشن کمیشن کے مطابق معلم اور طلبہ کی تعداد کی نسبت کتنی ہونی چاہئے؟

مزيدمطالع كيك كتب (Suggested Readings)

- Aggarwal, S.M. : Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K : The Teaching of mathematics in New Education
- MANGAL, S.K. : Teaching of Mathematics
- -Siddhu, K.S. : The Teaching of Mathematics
- Madaholi, A.G. (1952). khel de Zaria Taalim Delhi: -Maktaba Jamia Limited Kumar, V. (Edit.)

(2012)Pedagory of Mathamnhzs new Delhi:-NCERT.

رياضي كے تصورات كے تدريسي اكتساب كے طرزِ رسائی، طريقے اور حکمت عملياں اكاني_۳

(Approaches, Methods & Strategies in Teaching & Learning of Mathematical Concepts)

تعارف (Introduction)

مقاصد (Objectives)

3.1 ریاضی کے درس وند ریس میں ریاضی کے تصور کو داضح کرنے کا طریقہ اس کے پیش کرنے کافن اور عمل درآ مد کاعلم

(Nature of concept, types of concepts, concept formation & concept assimilation, distinguishing & stating necessary & sufficient in the process of teaching concept, comparing & contrasting, Giving counter example & non example in teaching concepts, Planning & implementation strategies in teaching concept)

3.2 زیرتر بیت اساتذہ میں جماعت ششم تادہم کے ریاضی کے مختلف تصورات کافہم پیدا کرنا

(Creating awareness among student teachers on various concepts of Mathematics from casses VI to X)

3.3 در*تِ ریاضی کے طریقة متدریس* (Methods of Teachimg Mathematics) (استقرائی اورا شخر اجی طریقہ، تخلیلی اور ترکیبی طریقہ، تجربہ گاہی، انکثافی، منصوبائی طریقہ عمل پر بنی درس)

(Inductive & Deductive, Analytic & Synthetic, Laboratory, Heuristic, Project Method and Activity Based Teaching)

3.4 مستلم (Problem Solving)

3.5 جيروم برونركا CAM اوررياضى كى تدريس مين اسكااطلاق

(Concept Attainment Model of Jerome Bruner and its application in Teaching Mathematics)

فرہنگ(Glossary)

خلاصہ (Let Us Sum Up/Points to Remember) اکائی کے اختتام کی سرگرمیاں (Unit End Activities) مزید مطالعے کیلئے کتب(Suggested Readings)

تعارف: (Introduction)

مقاصد: (Objectives)

اس اکائی کے مطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجا ئیں گے کہ۔

- ا۔ ریاضی میں تصور (Concept) کے مفہوم، اس کی نوعیت اورا قسام پر روشنی ڈ ال سکیں گے۔
- ۲۔ ریاضی کی مختلف شاخوں میں تصورات کی تشکیل (Formation of Concepts)اوران کی تدر کیں کے لئے استاد کے اقدامات (Moves) بیان کر سکیں گے۔
- ۳۔ تدریسِ ریاضی کے لئے ماہرین کے تجویز کردہ مختلف طریقہ تدریس (Methods of Teaching)اوران کی خوبیوں اور خامیوں پر بحث کرسکیں گے۔اوراپنی تدریس میں انہیں کس طرح روبہ عمل لا سکتے ہیں مدلِل انداز میں بیان کرسکیں گے۔

3.1 ریاضی کے درس وند ریس میں ریاضی کے تصور کودا ضح کرنے کا طریقہ اس کے پیش کرنے کافن اور عمل درآ مدکاعلم

تصوری فطرت نصور کے اقسام نصور کی تشکیل یا بناوٹ اوراس کا استعال یعنی سکھائے جانے والے علم کو استعال میں لانے کے لائق بنانا، تصور کی تدریس کے دوران اس کی اہمیت کو واضح کرنا اور موزوں حالات میں (SUFICIENT (CONDITION) میں اس سے امتیاز برتنا، موازنہ کرنا اورا ختلاف ظاہر کرنا، تصور کی تدریس کے دوران مقابل مثال (CONDITION) اور غیر مقابل (NON COUNTER EXAMPLE) کا استعال کرنا۔ تصوّ رکی تدریس کے لئے منصوبہ تیار کرنا اور دیگر حکمت عملی کے ذریعہ مقصد کی تحمیل تک پہنچنا۔

تصور کی فطرت: (Notion)، عقیدہ (Idea) اور خیال کی جامدہ ہے جوہ ہم رخیال (Idea)، عقیدہ (Notion) اور خیال کے ہم معنی لیعنی متر اوف ہے۔ لغت کے مطابق لفظ "CONCEPT" کے معنی ہیں:-(i) ایک خیال (A thought)، ایک تجویز (An opinion) یا (ii) سی موضوع کی تعیم کے بعد ذہن ود ماغ کے پر دے پر اجھرنے والی وہ تصاویرا ور حقائق جو چیز وں کوواضح کرتے ہیں یا وہ خیال اور تصور جس میں چیزیں حقیقی طور پر ہوتی ہیں۔

تصور کسی چیز ،کوئی انسان کوئی کیفیت یا حالات کاتشلیم شدہ خیال ہے جو کسی مخصوص چیز فردیا حالات سے نہیں بلکہ عام درجہ(Particulor Objects) یا (events) کے لئے موزوں ہوتا ہے۔

پیاج (Piaget) نے تصورکولفظ "SCHEMA" (جس کے معنی خاکہ یا نقشہ ہے) قرار دیا ہے۔اس کی تعریف میں انہوں نے کہا ہے کی'' ہی بچوں کے اندرونی ذہنی کر داراور تاثر ہے'ا نکے مطابق شعا کمیں دنیا کو بیجھنے اور حواس کے ذریعی تلم یا آگاہی حاصل کرنے کااہم ذریعہ ہے۔

پیاج (Piaget) کے مطابق بنیادی طور پر تصورات کی صورت گری یار ڈمل بچوں کے ذبنی، د ماغی، قو کی، خیالی اور شعوری عقل کی ترقی کا ذریعہ ہوتا ہے۔ بچہ ہمیشہ اپنے عمل اورر ڈمل کواپنے ماحول سے حاصل شدہ تجربات کی بنا پر انجام دیتا ہے اوروہ خودکواستحالہ (Assimilation) کے ذریعہ موجودہ ماحول میں ڈھال لیتا ہے یا (Adopt) ہوجاتا ہے۔ پیاج کے مطابق ، وہ عمل جس کے ذریعہ Schema برلتا ہے اسے ''تطبیق''(Accomodation) کہتے ہیں۔ لیکن ٹھیک اسی وقت بچہ ینہیں چاہتا کہ اس کے اخلاقی تا ثیر میں پرانے خاکے ظاہر ہوں یا وہ خودکو پرانے طور طریقے کے مطابق ڈھال لیس اورایک یا دوغیر مشحکم تجربات اور خاکہ (schema) کے اختیار کی ترجمانی یا تشریح کریں اسکے تجربات کو پیاج نے اس عمل کو استحالہ (Assimication) کا نام دیا۔

> تصور کی تعریف: (Inferred) ذہنی عمل ہے۔ ﷺ تصورا یک قیاسی (Inferred) ذہنی عمل ہے۔ ﷺ کسی چیز، کیفیت، حالات یا عمل کا اہم جُر تصور ہی ہوتا ہے۔ ﷺ تصور ذہن ود ماغ کے ذریعہ تشکیل شدہ وہ ذہنی تصور ہے جسکے ذریعہ کوئی بھی بات عمل طور پر واضح ہوتی ہے۔ ﷺ تصور علم حاصل کرنے کا ذریعہ ہے یہ تجربات کا قیاسی استحر اج ہے۔

> > تصور کے اقسام: (Types of Concept) علم ریاضی میں تصور کی دوشتمیں ہیں۔ (i) تشکیلی تصور (C.F..(Concept formation). (ii) استحالی تصور (C.A..(Concept Assimication).

(i) تنظیلی تصور (C.F) ایک دریافتی اکتسابی طریقہ کارہے جس میں نفسیاتی عمل جیسے امتیازی تحلیل تشکیلی تصور (C.F) ایک دریافتی اکتسابی طریقہ کارہے جس میں نفسیاتی عمل جیسے امتیازی تحلیل (Discrimination Analysis)، علیحلہ گی، خیالی تصور، مفر وضہ نظر پید کا قائم کرنا اور نسل کے معیار کی جائج وغیرہ شامل ہیں ۔ نوعمر بچوں کے سیکھنے والے علوم میں سے تصور سب سے پہلاعلم ہے، وہ زیادہ تر تصور کو تحلیلی تصور (C.F) کے ذریعہ ہی سیکھتے ہیں ۔

C.F) تشکیلی تصور میں طلبہ وطالبات چیز وں سے متعلق کئی مسلوں اور پہلوؤں پرغور کرتے ہیں، وہ باتوں کو سمجھنے کے لئے تمام باتوں پرغور کرتے ہیں۔اتباع کرنااور دھیان دیناان کااہم کام ہوتا ہےاور آخر کاروہ باتوں کی تعیم کر لیتے ہیں اور اسے استعال کے لائق بنالیتے ہیں۔ یہی وجہ ہے کی طلبہ مختلف جانوروں جیسے بلی ، کتااور گھنٹی وغیرہ کے تصور سے واقف ہوجانے کے بعدان کوایک لمحہ میں پہچان لیتے ہیں اورانہیں ایک تر تیب دیتے ہیں جبکہ وہ زندگی میں صرف ایک بار ہی مشاہدہ کرتے ہیں اور مختلف چیز وں کے درمیان فرق کو سمجھ لیتے ہیں۔اسکول کے پرانے طلبہ اورنو بلوغ زیادہ تر نے تصور کو تکیلی تصور کے ذریعہ ہی سیکھتے ہیں۔

(ii) استحالی تصور (Concept Assimication)

تحليلى تصور (C.A) معنى خير اورفائده بخش علم حاصل كرن كاايك امتيازى (خاص) طريقه ہے يحليلى تصور ميں تصور كى تعريف كو مثالوں كے ذريعة اور تشريحى طريقے كے ذريعة بيان كياجا تا ہے۔اس كے علاوه اس ميں بہت سے وقوفى دائره (Cognitive domain) يعنى نفكر، جاننا، اور حل مسئله سے تعلق ركھنے والے عمل موجود ہوتے ہيں۔اس طريقه كے ذريعة طلبه مفروضه (Hypothesis) قائم كرتے ہيں اور فرق وامتيازكى سمجھ كا بھى فروغ كرتے ہيں۔ نبى باتوں نئے خيال كو نئے طريقے سے پیش كرتے ہيں۔

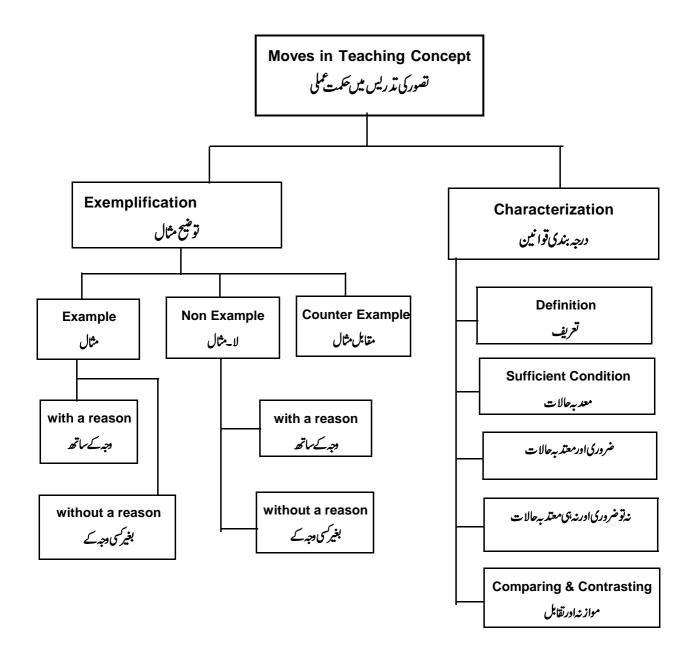
(Information) جا نکاری کی بنا پر تشکیلی تصور (Concept Formation) کا طریقہ طلبہ کو اپنے علم کے ذریعہ نگی چیز وں اور نے علم سے ہم رشتگی قائم کر نے میں مدددیتا ہے۔ بیطریقہ طلبۂ کی صلاحیتوں میں اضافہ کرتا ہے۔ عام اور خاص میں فرق، ایک بات سے دوسرے بات کا تعلق اور کسی بھی تصور کی تعیم اس طریقہ کے ذریعہ نہایت ہی بہتر ڈھنگ سے مل پاتا ہے۔ وہ جا نکاریوں کو اس کے ثبوت (Evidence) کے ساتھ پیش کرنے کی صلاحیت کو فروغ کر لیتے ہیں۔ پاتا ہے۔ وہ جا نکاریوں کو اس کے ثبوت (Evidence) کے ساتھ پیش کرنے کی صلاحیت کو فروغ کر لیتے ہیں۔ تشکیلی طریقہ (C.F) پر مینی اسباق (Lessons) نہا ہیت ہی محرک (Motivational) ہوتے ہیں اور یہی وجہ ہے کہ طلبہ تد ریس میں دلچیسی کے ساتھ ھتے ہیں اور انہیں اپنے طریقے سے نگی باتوں کو سیکھنے کا موقع بھی ملتا ہے۔ اس طریقہ میں استاد محض ایک دانشہ ندا نہ رہنما کے طور پر کار کر دہوتا ہے جو نگر اں ہوتا ہے اور دہ ہی مستلہ کو پیش کرتا ہے اس طریقہ لیے اکر چھوڑ دیتا ہے جہاں سے وہ اپنے ذہن و دماغ کا استعال شروع کر دیں۔

> Hilda Taba کے مطابق تخلیلی تصور میں تین عمل (Process) ہوتے ہیں۔ (i) با توں کو بچھنا اور اس سے جڑے مسلّے کی شناخت کرنا۔(لیعنی مشاہدہ کرنا "Observation") (ii) جا نکاری کو کیسانیت کی بنا پر یکجا کرنا (لیعنی زمرہ بندی''' Categorisation'') (iii) پھراس زمرے کی جا نکاریوں کے فروغ کے لئے نئے اقد امات اٹھاتے ہیں (لیعنی فیصلہ Conclusion)

Taba نے طلبہ کے حوصلے کی افزائش کے اقدامات Teaching moves یا steps (جو کہ سوالوں کی شکل میں ہوتا ہے) کو متعارف کر دایا۔ اس میں ایسے سوال ہوتے ہیں جو کسی مخصوص موضوع سے تعلق رکھتے ہیں۔

ریاضی کے تصور کی تعکیل: (Formation of Mathematical Concepts) مثال:-Prime numbers اسٹیپ1: مثاہدہ (Observation) معلم تختہ ساہ پر کچھ در (Numbers) معلم تختہ ساہ پر کچھ در (Numbers) معلم اعداد کودوالگ الگ کالم میں بھی لکھ سکتے ہیں جس سے کی طلبہ الگ الگ اعداد کی شناخت کرلیں گے۔ معلم اعداد کودوالگ الگ کالم میں بھی لکھ سکتے ہیں جس سے کی طلبہ الگ الگ اعداد کی شناخت کرلیں گے۔ اسٹیپ2 زمرہ بندی (Categorisation) اس مر طے میں طلبہ دیئے گئے نمبر میں سے ان کی خصوصیت کی بنا پر اے الگ کرلیں گے۔ طلبہ طاق عدد، جفت عدد اور مرک اعداد (Categorisation) تر کہ دور بندی (Categorisation) میں فرق کو تجھ سکیں گے۔ اس کے علاوہ وہ یہ بھی ہتلا کیں اسٹیپ نہر 3 نہ ہے (Prime number) کیوں نہیں ہے۔ اسٹیپ نمر 3 نہ میں ہے (Conclusion) کو بیان ہے کریں گے۔

تصور کی تدریس میں اقدام: (Moves in teaching Concepts) تصور کی تدریس میں امتیاز کی شناخت کرنا اورا ہم نکات اور ضرورت کے مطابق موز وں حالات کی شناخت کرنا ، مواز نہ یا تقابل کرنا۔ تصور کی تدریس میں (Counter Example) اور (Non Example) دینا۔ تصوّر کی تدریس کے دوران اگر ہم درجہ / جماعت (Classroom) کے حالات سے داقف ہوں اور بیان بازی کا ہنر سمجھر ہے ہوں تو دہاں پرزبان اور مواد کو کس طرح پیش کرنا ہے سی بچھ میں آجا تا ہے۔ وہ ہاں پر کس طرح کی زبان کا استعال کرنا ہوں سے الفاظ کا استعال کرنا ہے ، کس طرح سے تعریف اندر (definition) کو بیان کرنا ہے ، کون تی کون تی مثالیں دینی ہیں ، (asserting) یعنی دعوی سے کہنا ، (classifying) درجہ وار تر تیب دینا مواز نہ کرنا اور تقابل کرنا وغیرہ جیسی اہم حکمت عملی کی سمجھ آسانی سے آجائے گی۔ بیساری حکمت عملی جس کا استعال درس وند ریس کے دوران درجہ جماعت میں استعال ہوتا ہے اسے ہی ہم اقدام (Moves) کہتے ہیں۔Moves کا استعال معلم یاطلباءیا دونوں کرتے ہیں۔جیسا کہ لفظ مودس (Moves) کے معنی ہے راغب کرنایا آمادہ کرنا یعنی اس کا اصل مقصد ہوتا ہے طلباء کو سکھا نا اور کسی نصور کو بہتر ڈھنگ سے پیش کرنا اور سکھا نا۔



تصور کی تد ریس میں منصوبہ بندی اور حکمت عملی:

(Planning and Implementation Strategies in teaching Concepts) معلم ہمیشہ اس کوشش میں رہتا ہے کہ وہ تد ریس کے لئے اس طریقے کواپنائے جس سے طلباء بہترین ڈھنگ سے سیکھ سکیں اور وہ اثر آویز ہوں، اسکے لئے کئی طرح کی مہارتوں (Skills) کا استعال کرتا ہے ۔ جیسے شروع میں وہ مظاہرہ(Poblem - Solving) تحقیقی طریقہ کار اور مسلۂ حل (Skills) کا استعال کرتا ہے ۔ جیسے شروع میں وہ مظاہرہ(constration) تحقیقی طریقہ کار اور مسلۂ حل (Poblem - Solving) طریقہ کار وغیرہ کا استعال کرتے ہیں ۔ چونکہ معلم ہمیشہ اس بات کے لئے کوشاں ہوتا ہے کہ اس کا تدریسی عمل اثر آویز ہواس کے لئے وہ درجہ رجماعت میں تعمیریت (construictivism) پر زیادہ زور دیتے ہیں ۔ پہلے سے سیکھی ہوئی باتوں کو نظ مل سے جوڑ نا، طلباء میں تخلیقیت کی صلاحیت پیدا کرنا اور طلباء کو تحقیقی کر رہ ہموار کرنا معلم کی اہم ذمہ داریوں میں سے ایک ہے۔ اور سے کام اس کے لئے کسی (challange) سے کم نہیں ۔ آرٹ اور تخلیقیت کے لئاظ سے ریاضی کو سیکھنا اور سلمان پہلے سے پہلے ہوں کہ ہوئی باتوں کو نظ ملباء میں کام اس کے لئے کسی (challange) ہوئی ہوئی ۔ پہلے سے کیکھی ہوئی باتوں کو نظ میں ہوڑ نا، طلباء میں کام اس کے لئے کسی (challange) سے کم نہیں ۔ آرٹ اور تحلیق پر ایکھلم کی اہم ذمہ داریوں میں سے ایک ہے۔ اور سے کسی

ریاضی کی تدریس کی پچھ حکمتِ عملیاں(strategies) جس کی مدد سے طلباء میں علم نامی محک کی تعمیر میں مدد ہوتی ہے۔۔ (i) سرگرمی یاعمل پیبنی طریقہ کار (Activity Based Method) (ii) انکشافی طریقہ کار (Heuristic Method) (iii)استقرائی۔انتخرا جی طریقہ کار (Inductive - Deductive Method) (iv) مسلکہ طل طریقہ کار (Problem-Solving Method)

3.2 زیرتر بیت اساتذہ میں جماعت ششم تادہم کے ریاضی کے مختلف تصورات کافہم پیدا کرنا:

(Creating awareness among student teachers on various concepts of Arithmatic from casses VI to X) عدد کے تصوراور (Placevalue)، (Number System) کو سجھنا، اسکے معنی اور تعریف کو سجھنا، اور عدد سے متعلق علم کوروز مرہ کی زندگی میں استعال کرنا، ریاضی جو بنیادی اور ابتدائی خصوصیات کو ظاہر کرتا ہے جس کے ذریعہ عدد سے متعلق کام کرتے ہیں رجیسے جمع، تفریق، ضرب ہفتیم، نفع ونقصان، فیصد، تناسب نسبت اور وقت سے متعلق مسلوں کو صل روایتی علم حساب میں بنیادی طور پرجن ، تفریق ، ضرب اور تقسیم سے متعلق کام ہی کئے جاتے ہیں۔ جبکہ ترقی پذیر بااعلی درج کے operations میں فی صد (percentage) جذر المربع (squar-root)، جذر المربع (discount)، جذر المربع (discount) خود تسیمی عدد، جذر المربع (Exponentiations) اور Squar-root) جھوٹ (discount) کے معنی ہے کل قیمت میں کمی شیم بلع دیشتہونت کے معنی ہے کسی چیز پر چند فیصد کی چھوٹ دینا اسی طرح بینک وغیرہ میں سود مفر داور سود مرکب وغیرہ کے لئے اور روز مرہ کی زندگی میں اس کا استعال اس کے علاوہ دوری، وقت اور رفتار سے متعلق مسکوں کوحل کرنے کے لئے علم حساب کا استعال ہوتا ہے۔

الجبراء: (Algebra) علم ریاضی ایک زبان ہے۔ ریاضی ایک ایسی زبان ہے جس کے خود کے الفاظ ہیں اور خود کے نشانات اور قواعد اور پھر زبان انسانی ضروریات مطابق ترقی پاتی ہے۔ اگر ہم علم ریاضی کو ایک زبان کے طور پر دیکھیں تو الجبرا (Algebra) ہمیں ریاضی کے (Short Hand) کے طور پر نظر آئے گا۔ ریعلم حساب کو اور بھی آسان بنا دیتا ہے۔ ریداس وجہ سے ہے کہ الجبرا کو تعمیمی علم عدد (Short Hand) کے طور پر نظر آئے گا۔ ریعلم حساب کو اور بھی آسان بنا دیتا ہے۔ ریداس وجہ سے ہے کہ الجبرا کو دوسرے مضامین ہمیں بہتر ڈھنگ سے سمجھ میں آئیں گے۔ اس کی شروعات (Angebra کا مستقل مقد ار اور (Equations کا منتقبر کے تصور کے ساتھ ہوتی ہے۔ اس کی شروعات (Variables)

علم ہندسہ: (Geometry) علم ہندسہ یا جیومیٹری جگہ، تصوریا ور مکانی تعلقات (Spatial Relations) کا مطالعہ ہے۔ نقط، لکیر، جیومیٹری کی بنیاد ہے۔ جیومیٹری کی مدد سے سی چیز کی پیائش کی جاتی ہے۔ اس کے علاوہ اس کا رقبہ، جم اور دوسری پیائشؤں کو بہت ہی آ سانی سے دریافت کیا جاتا ہے۔ یہ دوتصاور میں رشتے اور تعلق کو بھی ظاہر کرتا ہے۔ جیسے متما ثلت (Congruence) اور مشابہت (Similarity) وغیرہ ۔ آج کل رقبہ اور جم وغیرہ سے متعان موضوع کوریاضی کی ایک الگ شاخ کے تحت مطالعہ کیا جاتا ہے۔ جسے مساحت (Mensuration) کہتے ہیں۔ اسی طرح جیومیٹری میں کسی نقطے کہ مقام کو بتا نے کے لئے اور مرکز سے اس نقطے کی دوری، وغیرہ چیسے مسلول کو (Co-Ordinate Geometry) میں سکھایا جاتا ہے۔ اس میں نقطہ جس مقام کر جو ہوتا ہے اسے '' Coodinate Plane '' کہلاتے ہیں۔ اس میں دو پیائش یا میزان ہوتے ہیں۔ ایک مقاردی جو بی

علم مثلث: (Trigonometry) علم مثلث ریاضی کی اہم شاخوں میں سرفہرست ہے۔ اس میں کسی مثلث Triangle کے (sides) اور (Angles)زاویہ کے درمیان رشتوں اور تعلقات کا مطالعہ کرتے ہیں۔تصور کی میسانیت کی پہچان علم مثلث میں اہمیت رکھتی ہے۔علم مثلث کے ذریعہ ہم ویسی اونچائی اور دوریاں معلوم کر سکتے ہیں جوآ سانی سے دریافت نہیں ہو کتی ہیں۔

علم اعدادو شار(شاریات): (Statistics) علم ریاضی کی ایک اہم صفت ہی بھی ھیکہ کسی بھی جا نکاری کو نمبر کی شکل میں خالم رکردینا ہے۔اسے ہم ڈاٹا (Data) کہتے ہیں۔ ڈاٹا کو تصویر کی شکل میں بھی پیش کر سکتے ہیں جو بارگراف، Pie-charts، Histograms وغیرہ کی شکل میں خالم رکیا جاسکتا ہے۔اوراسی کو عدد کے ذریعہ ہم Median Mean و مضیرہ کی شکل میں خالم رکرتے ہیں۔

علم امکان: (Probability)

یہ یعلم اعداد شار (Statistics) کی ہی ایک شاخ ہے۔ جوایک یقینی خاص وقوعہ (Certain event) کے لئے استعال کیاجاتا ہے۔اوراس کا استعال روز مرہ کی زندگی میں بہت سار مے ملی مقاصد کے لئے کیاجاتا ہے۔اس کے تحت غیریقین وقوعہ (uncertainties) کوخاص تدبیر کے ذریعہ ناپاجاتا ہے۔اورا سکے علاوہ علم امکان کے ذریعہ پیشن گوئی بھی کی جاسمت ہے جیسے موسم ،حساب کتاب ،ایل ۔ آئی۔سی وغیرہ میں بھی اس کا استعال ہوتا ہے۔

3.3 درس ریاضی کے طریقتہ نڈرلیس (Methods of Teachimg Mathematics) ریاضی کے سارے اساتذہ مؤثر نہیں ہوتے ہیں۔ ایسا معلم جو درس و تدریس میں مناسب تدریسی طریقے کا استعال کرتا ہے جس کے پاس اثر انداز کردینے والا اور فائدہ بخش مواد کاعلم موجود ہو، جس کی تدریس دلچسپ اور واضح ہوا ور جوایک سے زائد تدریسی طریقوں میں ماہر ہوا سے ہم اثر آویز معلم یا ستاد کہہ سکتے ہیں۔ ریاضی کی تدریس میں چند خاص تدریسی طریقے کو

استقرافی طریقہ: (Inductive Method) اس طریقے کے ذریعہ اصول استقرائی سے سائنس کی تعلیم عمد گی سے دی جاسکتی ہے۔ اس طریقہ تدریس میں سائنس یا ریاضی کے اصول، نتائج یا کلیات طلباء کو بتلا نے نہیں جاتے بلکہ خود طلباء اس طریقے سے اصول اور نتائج اخذ کرتے ہیں۔ جس سے ان کو مسرت حاصل ہوتی ہے اور وہ شوق سے پڑھتے اور سیمتے ہیں بیطریقہ تعلیم، جدید طریقہ تعلیم کے عین مطابق ہے۔ نفسیات اور فلسفہ تعلیم نے بھی اس کو اپنایا ہے۔ اس طریقہ کا بنیا داصول مخصوص مثالوں کے ذریعہ عام نتیجہ اخذ کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر طالب علم دھاتی سلاخ کو گرم کرنے کے بعد یہ نیچہ اخذ کرتا ہے کہ گرم کرنے پر دھا تیں تیمیلی ہیں۔ یہ طریقہ تعلیم اس کی تعلیم ہوتی ہے۔ مثال زیادہ موز دن اور بہتر ہے جبکہ عام اصول ، تعریفات کا کلیات اخذ کر نامقصود ہوتا ہے۔ اس طریقہ سے طلباء میں خواہ ش، دلچیں اور

اس طریقے میں معلم متعین سے مجرد کی طرف طوس یا مخصوص (Concreate) سے موم (abstract) کی طرف مثال سے ضابطے کی طرف بڑھتا ہے۔ بیہ وہ طریقہ تدریس ہے جس میں مناسب مقدار میں مخصوص اعداد کے ذریعہ ضابطے Formulas کی تنگیل کی جاتی ہے۔ بیہ قیاس پر مبنی ہوتا ہے۔ جو بیہ ظاہر کرتا ہے کہ شکیل شدہ ضابطہ ایک متعین کام کے لئے عالمی سطح پر درست ہے۔ اگر بنایا گیا ضابطہ سی خاص معاملہ کوحل کرنے میں صحیح ثابت ہوتا ہے۔ تو پھر اس کی مدد سے مشکل ترین بھی طلبہ حل کر لیتے ہیں۔ اور اس کی تعمیم بھی با آسانی کر سکتے ہیں۔

استقرافی طریقہ کی خوبیاں: (Merits) (۱) پیطریقہ تد ریس کے اصول کے عین مطابق ہے اس میں وقت ضائع نہیں ہوتا ہے۔ اس میں طلبہ کواپنی محنت کا نتیجہ مفید نظر آتا ہے۔ (2) موضوع کے لحاظ سے انکو کتابیں پڑھنے، انٹرویو لینے اور لعض اوقات دوسرے مقامات پر جانے کا موقع ملتا ہے۔ (3) اس طریقہ میں طالب علم خودا بین علم اور عمل سے سکھتا ہے جس سے اس میں دلچ چی اور خودا عتاد کی پیدا ہوتی ہے۔ (4) پیطریقہ مبتد یوں کے لئے بحد کار آمد ہے۔ (5) پیلم ریاضی میں پڑھ مثالوں کے ذریعہ ریاضی کے اصولوں کو تبحینے کا ایک آسان طریقہ ہے۔ پیطریقہ ''کیا'' اور'' کیوں'' (6) پین طریقہ (10) میں تک میں ایک راہوں ہے دریعہ ریاضی کے اصولوں کو تبحینے کا ایک آسان طریقہ ہے۔ پیطریقہ ''کیا' اور'' کیوں''

استقرائی طریقہ کی خامیاں: (Demerits)

استخراجی طریقہ: (Deductive Method) بیطریقہ استقرائی طریقے کے بالکل برعکس ہے۔اس طریقہ تد ریس میں معلوم سے نامعلوم کی طرف عمل ہوتا ہے۔اس طریقہ میں معلم ،طلباء کو سائنس کے عام اصول ۔نتائج اور کلیات سے واقف کروا تا ہے۔ پھران کی وضاحت مختلف مثالوں کے ذریعہ کی جاتی ہے۔

جوزف لنڈن (Joseph London) کے خیال کے مطابق انتخراجی طریقے میں پہلے سائنس کے اصول ، اور کلیات سکھائے جاتے ہیں۔ بعد میں احتیاط سے ان کے مفہوم کی وضاحت کی جاتی ہے۔ اس طریقہ مذریس میں مندرجہ ذیل مراحل (steps) کا خیال رکھا جاتا ہے۔

عمل درآمد: (Procedure) استاد سوال سے متعلق ضابطہ (Formula) بتانے کے بعد پچھ سوالات کوحل کرتا ہے۔طلباء تختہ سیاہ پر بغور دیکھتے ہیں اور میہ بچھ جاتے ہیں کی سوالوں کوحل کرنے میں ضابطہ کا استعمال کس طرح کیا جاتا ہے اس کے بعد استاد کچھ سوالات بچوں کو دیتا ہے تا کہ وہ بھی اسے حل کریں۔طلباءا پنے استاد کے بتائے ہوئے طریقے کو مدنظر رکھتے ہوئے سوال کوحل کرتے ہیں۔ جیسے.....

مثال1_Example

Find - a x a = ? Solution - صل General(عام): a x a = a

Particular (
$$(\psi^{0}\psi^{0})$$
: a x a = a = a
Therefore ($(\psi^{0}\psi^{0})$: a x a = a
Example -2 - $\psi^{0}\psi^{0}$
Find (102) = ?'
Solution -
General ($(\psi^{0}\psi^{0})$ = (a+b)² = a² + b² + 2ab
Particular ($(\psi^{0}\psi^{0})$: (100 + 2)² = 100² + 2² + (2 X 100 X 2)
= 10000 + 4 + 400
= 10404

Therefore (اس لخ) (102) = 10404

التخرابی طریقے کی خامیاں: (Demerits) ۔۔ نئی معلومات کے حصول کے لئے بیطریقہ موزوں نہیں ہے۔ ۔۔ بیتدر ایس کا فطری انداز نہیں ہے۔ کیونکہ اس کا انحصار کسی عملی کا م پر نحصر نہیں ہے۔ ۔۔ اس طریقہ تدر ایس سے طلباء میں رشے (craming) کا رتجان پیدا ہوتا ہے۔ بیسا ئنڈفک طریقہ نہیں ہے۔ اس طریقہ تدر ایس سے طلباء میں خود سوچنے اور نتائج اخذ کرنے کی صلاحیت پیدا نہیں ہوتی طلباء کو ابتداء میں بیہ بتایا جاتا ہے کہ تبخیر (Evaporation) کا نتیجہ تبرید (cooling) ہے۔ اس کے ساتھ مختلف مثالوں سے اس خاصیت کو اس طرح داختے کیا جاتا ہے۔

تخلیلی/ تجزیاتی طریقہ: (Analytic Method) اس طریقے میں کسی بیان اورمسّلہ کا سادہ تر حصوں میں تجربہ کیا جاتا ہے۔ یہاں معلم کوجس چیز کو ثابت کرنا ہوتا ہے وہیں ے شروع کرتے ہیںاور وہاں لوٹ جاتے ہیں جو چیز دی گئی ہوتی ہے۔اس طریقے میں سی منظم فکر کے ذریعہ مسلّہ کا ثبوت پاحل دریافت نہیں کیا جاتا یہاں حسابی اقدامات steps میں استدلال کے ساتھ ایک منظم تسلسل ہوتا ہے۔ بیطریقہ طلباء کی ذہنی صلاحیتوں کی نشونما میں مدد کرتا ہے۔اس میں حافظے پر زورنہیں دیا جاتا ہے بلکہ پہطریقہ اہم نفساتی اصولوں پر ہوتا ہے۔اس طريقے ميں طلباء تدريس اکتسابي عمل ميں سرگرمي سے حصہ ليتے ہيں۔ايک طويل اور محنت طلب طريقہ ہے۔ليکن اس طريقے ميں مسائل کے اور ثبوت کومناسب طور سے پیش نہیں کیا جاسکتا۔ پہلفظ Analysis سے اخذ کیا گیاہے۔جس کے معنی ہے حصّوں میں توڑنا پایانٹنا۔ -- بەنتىچەسەمفروضەكى طرف چلتا ب -- بینامعلوم سے معلوم کی طرف چلتا ہے۔ -- بی تج ید خلاصه (Abstract) سے مقرون (Concrete) کی طرف چکتا ہے۔ مثال.... $\sqrt{a} + b = 700$ prove that $12 \log (a+b)$ $= 2 \log 3 + \log a + \log b$ اسے کیلی طریقہ کے ذریعہ کرنے کے لئے نامعلوم سے شروع کرتے ہیں۔ نامعلوم ہے۔۔2 log (a+b)=2 log 3 + log a + log b صحیح ب 2 log (a+b) = 2 log 3 + log a + log b

می اور المرا الم

 $\sum_{a=2}^{2} \sum_{b=2}^{2} \sum_{c=2}^{2} \sum_{$

تحليلي طريقة کی خوبیان: (Merits) -- بيا يک منطق (Logical) طريقة تدريس ہے- بيطلباء ميں سيھنے کے دوران کوئی شک وشبهه نہيں رکھتا ہے--- بيت سيجھنے کی صلاحيت کو پروان چڑھا تا ہے-اور بيد يگرنئی معلومات کی کھوج کرنے کی بھی صلاحيت پيدا کرتا ہے--- اس کے مراحل عام ہوتے ہيں اور ہر مرحلے کی خودا يک وجہداور معقوليت ہوتی ہے--- بيطريقة حاصل کرنے والے اور صفحون کے لئے بہتر ہے--- اس طريقة ميں طلباء کے چہرے پر بيد سوال صاف نظر آتا ہے کی'' بيکيے ثابت' ہوسکتا ہے-اسے اور آسان طريقے سے سی

> تخلیلی طریقہ کی خامیاں: (Demerits) -- بیا یک لمباطریقہ تد ریس ہے--- اس طریقے کے ذریعہ رفتاراور در سی accuracy نہیں آپاتی ہے--- بیرارے عنوانات اور موضوعات کے لئے درست نہیں ہے-

تر کیپی طریقہ: (Synthetic Method) یہ طریقہ ایک طرح سے تحلیلی / تجزیاتی (Analytic) طریقے کی ضد ہے۔ اس طریقے میں پھھ اجزاء کوایک چیز حاصل کرنے کے لئے متحدہ کیا جاتا ہے۔ یہاں متعلم وہاں سے شروع کرتا ہے جو چیز کہ دی گئی ہے اور وہاں ختم کرتے ہیں جس کو کہ ثابت کرنا ہے۔ اس طریقہ میں طلباء کوکوئی نئی چیز دریافت کرنی ہوتی ہے۔ اس کے لئے طلباء کو ثبوت یاحل کو منظم طریقے سے پیش کرنا ہوتا ہے۔ یہاں حسابی اقدامات کے تسلسل میں کوئی استدلال نہیں ہوتا۔ بیطریقہ اکتساب میں زیادہ تر حفظ یاد کرنے پر زور دیتا ہے۔ بی^{نطق}ی طریقہ ہے بینفسیاتی اصولوں کی پر داہ نہیں کرتا۔ یہاں حافظے کو بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔ بی^خضرطریقہ ہے۔اس طریقہ میں مسائل کے ل اور ثبوت کو مناسب طور سے پیش کیا جا سکتا ہے۔

مثال ۔ (Example)

ثابت۔

lf a + b = 7ab توثابت كرين 2log(a+b)=2log+log a+ log b

 $2 \log (a+b) = 2 \log 3 + \log a + \log b$

تركيبى طريقه كى خاميان: (Demerits) -- بيطلباء بحذ تهن ميں بہت سارے شكوک وشبہات چھوڑ ديتا ہے اوراس كى تشريح بھى نہيں کرتا۔ -- بيكمل تشريح يا سجھ فرا ہم نہيں کرتا ہے۔ -- دماغى كام بحالاوہ گھر بحكام كا بوجھ بہت زيادہ ديتا ہے۔ -- اس طريقے بے ذريعہ سوچنے شبچھنے،فكركرنے اورا يجادكرنے يا كھوجنے وغيرہ كرنے كى صلاحيت كا فروغ نہيں ہو پا تا ہے۔

تحليلى رتجزياتى اورتركيبى طريقة تدريس كاموازنه:

(Comparison of Analytic and Synthetic Methods of Teaching)

ترکیبی طریقہ Synthetic Method	تخلیلی طریقہ Analytic Method
اس طریقہ میں پھھاجزاءکونٹی چیز حاصل کرنے کے لئے متحد کیا جاتا 😽	اس طریقه میں کسی بیان اور مسلّه کا سادہ تر حصّوں میں تجزیبہ 🖌
- <i>c</i> -	اور محلیل کیا جاتا ہے۔
ای استعلم وہاں سے شروع کرتا ہے جہاں کے ایک چیز دی گئی 🛧 ایک جاتا ہے جہاں کے ایک چیز دی گئی	ا میہاں متعلم جس چیز کوثابت کرتا ہے،ا سے شروع کرتا ہےاور 🖈
ہے وہاں ختم کرتا ہے جس کو کہ ثابت کرنا ہے۔	وہاں لوٹتا ہے جو چیز کہ دی گئی ہے۔
اس طریقہ میں طلباء کونٹی نٹی چیز دریافت کرنا ہوتا ہے۔اس کے لئے طلباء کو ثبوت یاحل کو منظم طریقے سے پیش کرنا ہوتا ہے۔ ایم یہاں حسابی اقدامات کے تسلسل میں کوئی استدلال نہیں ہوتا۔	۲۰ اس طریقہ میں کسی منظم فکر کے ذریعیہ مسلکہ کا ثبوت یا حل دریافت نہیں کیا جاتا۔ ۲۰ یہاں حسابی اقدامات (Steps) میں استدلال کے ساتھ ۲۰
 ۲ میرطریقه اکتساب میں زیادہ تر حفظ یاد کرنے پرز وردیتا ہے۔ ۲ مینطقی طریقہ ہے مید نفسیاتی اصولوں کی پرواہ نہیں کرتا۔ ۲ میں حافظ کو بڑی اہمیت دی جاتی ہے۔ ۲ میرطریقہ طلباء کو تد رایس اکتساب عمل میں حصّہ لینے کا موقع نہیں د یتا۔ میخ تصرطریقہ ہے۔ ۲ اس طریقہ میں مسائل کے طل اور ثبوت کو مناسب طور سے پیش کیا جا سکتا ہے۔ 	ایک منظم تشلسل ہوتا ہے۔ ۸ یہ طریقہ طلباء کی ذہانتی صلاحیتوں کی نشونما میں مدددیتا ہے۔ ۲ یہ طریقہ اہم نفسیاتی اصولوں پر مینی ہوتا ہے۔ ۲ یہاں حافظ پر زورنہیں دیاجا تا۔اس طریقے میں طلباء ۲ یہاں حافظ پر زورنہیں دیاجا تا۔اس طریقے میں طلباء ۲ یہاں کی اکتسابع کم میں سرگرمی سے حصّہ لیتے ہیں۔ ۲ یہ ایک طویل اور محنت طلب طریقہ ہے۔ ۲ اس طریقے میں مسائل کے طل اور ثبوت کو منا سب طور سے بیش نہیں کیا جا سکتا۔

تجربہگانی طریقہ: (Laboratory Method) عام طور سے تجربہ گاہی طریقہ کا استعال سائنس کی تدریس میں ہوتا ہے۔لیکن اب اس کا استعال ریاضی کی تدریس میں ہونے لگا ہے۔ تجربہ گاہ میں طلباء خود سے کر کے سیکھتے ہیں۔ وہ تجربہ میں شامل ہوتے ہیں، چیز وں کود یکھتے اور سجھتے ہیں اور انہیں خود اپنے ہاتھوں سے سجاتے ہیں، لگاتے ہیں اور بناتے ہیں۔ اس کے علاوہ دیگر آلات کا استعال بھی کرتے ہیں ریاضی میں بہت سارے ایسے حالات آتے ہیں جہاں تجرباتی طریقہ درس و تد ریس کو نہایت آسان بنادیتا ہے۔ تجربہ گاہ وہ جگہ ہوتی ہے جہاں طلباء کو تیں قار زندگی میں کام کرنے کی ترغیب ملتی ہے۔ جیسے Wallcharts models، ریاضی کے دیگر آلات Film Slides اور Video Tapes اور دیگر بہت سارے سازوسامان تجربہ گاہ میں موجود ہوتے ہیں ایساسامان جو باہر میں آ سانی سے ہیں مل پا تاوہ تجربہ گاہ میں آ سانی سے مل جا تا ہے یا بنایا جا سکتا ہے۔

ریاضی سے تجربگاہ سے لیے اہم ساز وسامان: (Essential Equipments for a Laboratory) ریاضی کے تر ایس میں ریاضی کا تجربگاہ اور قد ر لی کام میں تجرباتی طریقہ ای وقت کا میاب ہوگا جب تجربگاہ میں ریاضی کے سار بے ضروری ساز وسامان موہ جو دہوں ۔ ریاضی کے سار بے قد ر لیی آلات دستیاب ہوں ۔ تجربگاہ کے پھر خروری آلات مندر جو ذیل ہیں۔ ملہ کر ایضی کے آلات اور دوسر بے ساز وسامان (Maths Kits) ملہ علم ہند سہ کے متعاق آلات (Geometrical Instruments) ملہ کر ہو (Sphare)، مخروط (Cone)، منشور (Prism) ملہ کر استوانہ (Sphare)، مخروط (Cone)، منشور (Prism) ملہ ترازو، فیتا، لبائی کی پیائش کر نے والا شیپ، باٹ ، لیلکو لیڑ، زادیہ آئیں پی کرا، کارڈلورڈ، میٹریل ^قیبنی وغیرہ۔ ملہ کہ والر میں نقشہ، گراف پیریں فلیش کار ڈس فلیش لورڈ، ڈرائنگ پیریں و فیرہ۔ ملہ کار اور فیتا، لبائی کی پیائش کر نے والا شیپ، باٹ ، لیلکو لیڑ، زادیہ آئیں پر کار، کارڈلورڈ، میٹریل ^قیبنی</sup>ی و فیرہ۔ ملہ کہ استوانہ (Dirac)، مزول ہوں ہوں ہو ہوں۔

طریقہ کار: (Procedure) طلباء کو مندرجہ ذیل کام (Activity) کرنے کو کہیں۔ ۔۔ ایک ایک جوڑی مخر دط (cone) اوراستوانہ (Cylinder) جن کے جسامت (diameter) اوراد نچائی (height) یکسال (برابر ہو۔ ۔۔ اسکے قطر (diameter) اوراو نچائی کولکھ لیں۔ ۔۔ منب سے پہلے مخر وط کو ککڑی کے برادے سے تجریب ۔ ٹیمر پانی سے تجرلیس اور آخر میں ریت ، بالو سے تجردیں۔ ۔۔ اس تجربہ کو دوالگ الگ استوانہ میں ڈالا گیا ہے، اسے نوٹ کر لیں۔

يبائش	مخر وطاوراسطوانه کی اونچائی	مخر وطاوراستوانه كاقطر	نمبرىثار
3	5cm	3cm	1
3	7cm	5cm	2
3	10cm	6cm	3

نتائج اخذكرنا: (Drawing Conclusion)

مندرجه بالاتجربه سے ہم پیرید کیھتے ہیں کہ مخروط کا حجم=استوانہ کےجسم کا لیکن استوانه کاجسم h ہوتا ہے۔ اسلئے مخروط کا حجم = h

تجرب گاہی سے طریقے کی خوبیاں: (Merits) (1) اس سے سائٹلف اندازِ قکر پیدا ہوتا ہے اور سائٹلف طریقے کی تربیت ہوتی ہے۔ (2) طلباء کو غیر نصابی مطالعہ کی عادت پڑجاتی ہے۔زائداز نصابی مطالعے سے ان کے علم کے حدود میں وسعت پیدا ہوتی ہے۔ (3) اس طریقے کی بنیاد کمل کے ذریعہ سیھنے کے اصول پر ہے اس سے طلباء کو تجربہ گاہ میں کا م کرنے کا پورا موقع ملتا ہے۔ (4) تجربہ گاہ میں ایک ساتھ کا م کرنے سے طلباء میں مل جل کر کا م کرنے کی عادت پیدا ہوتی ہے۔ (5) اس میں مشکل تجربات کے مظاہر کا نظام بھی رہتا ہے۔ (6) ہر طالب علم اپنی صلاحیت کے لحاظ سے کا م کرتا ہے۔ (7) معلم کو طلباء کی انفرادی توجہ کا موقع میں آتا ہے۔ (8) ترتی کے چارٹ سے طلباء کے کام کے بارے میں فور اُندازہ ہوجا تا ہے۔

> تجربہگائی سے طریقے کی خامیاں: (Demerits) (1) اس طریقے میں دفت بہت زیادہ صرف ہوتا ہے۔ (2) ریاضی سے سارے سبق کواس طریقے کے ذریعیہ ہیں پڑھایا جا سکتا ہے۔ (3) زیادہ تر اسکولوں میں ریاضی کے لیب (Maths Lab) نہیں ہوتے ہیں۔ یہ بھی ایک بدشمتی ہے۔ (4) اس طریقے میں معلم کے لئے کام زیادہ ہوتا ہے۔

انکشافی طریقہ: (Heuristic Method) لفظ ہیور سٹک ایک یونانی لفط ہیور سکیا Huiriskein یور سکیان سے متعلق ہے جس کے معنی معلوم کرنا ہے۔ انیسویں صدی کے اواخر میں سائنس کی تعلیم کے ماہرین نے بید خیال کیا کہ سائنس ایک عملی مضمون ہے اس لئے اس کے سکھنے کا طریقہ کس کے ذریعہ ہی ہونا چا ہے اس طریقہ تد ریس کے بانی ایچ ۔ ای ۔ آرم ۔ اسٹرانگ (H.M.Armstrong) ہیں۔ اس طریقہ کل کے ذریعہ ہی ہونا چا ہے اس طریقہ تد ریس کے بانی ایچ ۔ ای ۔ آرم ۔ اسٹرانگ (H.M.Armstrong) ہیں۔ اس طریقہ کل کے ذریعہ ہی ہونا چا ہے اس طریقہ تد ریس کے بانی ایچ ۔ ای ۔ آرم ۔ اسٹرانگ (H.M.Armstrong) ہیں۔ اس طریقہ کا بنیا دی خیال ہیہ ہے کہ طالب علم صرف اپنی مشاہدات اور تج رات کے ذریعہ ہی سکھتا ہے ۔ معلم کا کام معلومات فراہ م کرنے کے بچائے سرگر میاں مہیا کرنا چاہیئے پروفیسر آرم اسٹرانگ کے الفاظ ہیں۔ ہیورسٹک یا انکشافی طریقہ ایک ایسا طریقہ تد ریس ہے جس میں ہم طلباء میں مکمنہ حدود کے اندر انکشاف کرنے والے کا انداز فکر پیدا کرتے ہیں۔ ایسا طریقہ جو طالب علم میں خودعمل کرنے اور سوچنے کا جذبہ پیدا کرے۔ ہیورسٹک طریقہ Heuristic Method کہلاتا ہے۔باالفاظ دیگر بیالیا طریقہ تد ریس ہے جو روایتی طریقوں سے مختلف ہے۔ جس میں طلباء خو داپنے طور پر کام کرتے اور سوچتے ہوں جس سے ان میں مشاہدہ اور استدلال کی صلاحیت پیدا ہوتی ہے۔ اسکے ساتھ ساتھان میں خوداعتمادی کا جذبہ نیشونما پاتا ہو۔ ہور سٹک طریقہ کہلاتا ہے۔ اس طریقہ تد ریس میں طالب علم کوایک مسلکہ دیا جاتا ہے اور وہ مختلف ذرائع سے اس کے بارے میں نتائج حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔ اسے اپنے ہم جماعتوں سے تبادلہ خیال کی آزادی بھی ہوتی ہے۔ ہرطالب علم کو مسلہ کے متعلق ہدایت تریں طور پر دی جاتی ہے۔ معلم سے طالب علم ایک حد تک رہنمائی بھی حاصل کر سکتا ہے۔ اس طریقہ تر ایس میں معلم کا کر دار بہت زیادہ اہمیت کا حامل ہوتا ہے۔

طريقة كار: (Procedure) اس طریقہ تد رایس میں طالب علم کوا یک مسلّہ دیاجا تا ہےاور وہ مختلف ذرائع سے اس کے بارے میں نتائج حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔اسےاپنے ہم جماعت طالب علموں سے تبادلہ خیال کی آ زادی بھی ہوتی ہے۔ ہرطالب علم کومسلئہ کے متعلق ہدایت تحریری طور بردے دیاجا تاہے۔۔معلم سے طالب علم ایک حد تک رہنمائی بھی حاصل کر سکتا ہے۔ مسلئة Problem: سی شہر کی آبادی 50,000 ہے۔اور دہاں کی آبادی pa %4 سے بڑھر ہی ہے تو 2 سال کے بعد دہاں کی آبادی کتنی ہوجائے گی۔ معلم :- اس سوال کے ذریعہ میں کیا معلوم کرنا ہے؟ طلباء :- دوسال کے بعد شہر کی آبادی معلم :- آبادی بڑھنے کی رفتار کیا ہے؟ طلباء :- p.a 4% معلم: ۔ پہلےسال کے آخرمیں آبادی کتنی ہوجائے گی؟ طلباء:- ایک سال کے بعد شہر کی آبادی $= 50,000 + 50,000 \times 4/100$ = 50,000 + 2000 = 52000معلم :- دوسرےسال کی شروعات میں شہر کی آبادی

ہیورسٹک مالکشافی طریقہ کی خامیاں: (Demerits) (i) یہ ایک ست طریقہ تدریس ہے جس کی وجہہ سے نصاب محدود وقت میں تکمل نہیں کیا جا سکتا ہے۔ (ii) اس طریقہ تدریس میں آلات سے لیس تج بہ گاہ اور انچھی قابلیت کے اسا تذہ درکار ہوتے ہیں۔ (iii) اس طریقہ تدریس سے معلم پرزیادہ کا م بوجھ پڑتا ہے۔ (iv) طلباء سے بیا میدرکھنا کہ وہ اپنے طور پر بات معلوم کر لیں گے زیادتی ہے۔ اسکول میں ایسے طلبہ بھی ہوتے ہیں جن کی فکری قوت اور معلومات محدود ہوتی ہے۔

منصوباتی طریقہ: (Project Method)

لفظ^ر Project'' کو Oxford dictionary میں ''کام کا منصوبہ'' بتایا گیا ہے۔ ہرکام کسی مقصد کے تحت کیا جاتا ہے جب کام کرنے کا خیال آتا ہے تو سب سے پہلے ہم اس کا قصد کر لیتے ہیں۔ اور پھر کام کوا پھے ڈھنگ یا طریقے انجام دینے کے طریقوں پرغور کرتے ہیں۔ پر اجکٹ کا لفظ سب سے پہلے رچرڈ نامی ایک امریکی ماہ تعلیم نے استعال کیا ہے۔ اس لفظ کواس نے گھر یلود سنگاری اور خاص طور پر زراعت کے کام کے سلسلے میں استعال کیا۔ اس کے بعد Stevenson نامی ماہ تعلیم نے اس کی وضاحت اس طرح کی کہ منصوبہ کی حل طلب مسلئہ کی نوعیت والا ایسا کام ہے جس کواس کے فطری ما حول میں پاہنی میں کو پہنچایا جاتا ہے۔ کلیڑ ک نے منصوبہ کی تعریف اس طرح ہوڈ نامی ایک امریکی میں ہوت کے میں استعال کیا۔ اس کے بعد Stevenson کا می ماہ تعلیم نے اس کی وضاحت اس طرح کی کہ منصوبہ کی حل طلب مسلئہ کی نوعیت والا ایسا کام ہے جس کواس کے فطری ما حول میں پاہنی میں کو پہنچایا جاتا ہے۔ کلیڑ ک نے منصوبہ کی تعریف اس طرح بیان کیا۔ منصوبی طریقہ بچوں کو معاونہ کی کہ منصوبہ کی تعریف اس طرح ریان کیا۔

> (Steps Involved in the Project method) 1- منصوبی طریقہ کے مدارج درج ذیل بی (Identification of Problem) 1- منصوبی کاانتخاب (Providing Purpose) 2- مقصد کانتین (Planing) 3- منصوبی بندی (Planing) 4- منصوبی پر کس آوری (Executing of Project work) 3- مشاہدات کو جریر کرنا (Recording of Obsevation)

 منصوب کاانتخاب (Identification of Problem)
 معلم طلباء کے سامنے پچھا یسے حالات پیدا کریں جس سے طلباء خود ہی اس سے متعلق سوالات کرنے لگیں۔ پھر معلم طلباء کوکت خانہ، تجربہ گاہ، کتابیں یا سیر وتفریح پر لے جا کران کے جوابات فراہم کریں گے۔
 مقصد کانعین (Providing Purpose)
 مقصد کانعین میں کا مکا مقصد اور اس کی نوعیت صاف طور سے ظاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتی ہے۔
 جاتے ہے۔ اس کے لئے پچھاہم کا مقصد اور اس کی نوعیت صاف طور سے ظاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتی ہے۔
 مقد کی بھی میں علی کا مکا مقصد اور اس کی نوعیت صاف طور سے ظاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتی ہے۔ اس کے لئے پچھاہم کا محمد اور اس کی نوعیت صاف طور سے ظاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتی ہے۔
 مقد کی بھی میں علی کا مکا مقصد اور اس کی نوعیت صاف طور سے خاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتی ہے۔ اس کے لئے پچھاہم کا محمد اور اس کی نوعیت حیاف محمد ہوں ہے۔
 میں بی اس کے لئے پچھاہم کا محمد اور اس کی نوعیت حماف طور سے خاہر کردی جاتی ہے۔ اور اس کے حدود بھی متعین کر لئے جاتے ہے۔ اس کے لئے پچھاہم کی محمد ہوں ہوں ہوں ہے۔ جاتی ہے۔ اس کے لئے پچھاہم کی محمد ہوں کی لئے جاتی ہے۔ جو مندر جہذیل میں بی ہے۔
 محمد ہوں ہوں کرنا ہوتا ہے۔ جو مندر جہذیل میں بی ہے۔

b) مسئلہ میں کچکیلے بن کی مقدار c) مسلئہ پا کام کوانجام تک لےجانے میں دیا گیاوقت d) سازوسامان اور ذرائع کی موجودگی۔ (Planing) د- منفوبه بندی a) استاد کی زیرنگرانی اوراس کی رہنمائی کے ذریعہ طلباء کوخود سے منصوبہ ہندی کرنے کی ترغیب دینی جاہئے۔ b) طلباء کے درمیان موضوع سے متعلق بحث ہونی چاہئے۔ c) چرچایا بحث ومباحثہ کے بعد سب سے بہتر نتیجہ کوما نناچا ہے۔ d) منصوبہ بندی کو پر وجبکٹ میں شامل کیا جائیگا۔ 4۔ منصوب يحمل آورى (Executing of Project work) استاد کرنے والے کام کے لئے طلباء کا گروپ بنائے گا اور ہر گروپ کی دلچیسی اور صلاحیت کے اعتبار سے انہیں کام کرنے کودیگا۔اورگروپ کے سارے ممبر کام کوانچام تک پہونچانے میں شامل ہوگا۔ a) وہ کام جسے معلم طلباء کے درمیان تقسیم کردیتا ہے اس کی اچھی طرح تکمیل کے واے معلم کوجا ہے کہا لگ الگ گروپ کواور الگ الگ طلباء کوخصوص کام اور ذمه داریاں دینا جاہئے تا کہ بھی کواپنی ذمہ داریوں کو پورا کرنا آجائے۔ b) طلباء کی ذمہ داری بنتی ہے کی وہ اپنے کا مکو بہتر ڈھنگ سے پورا کرنے کے لئے منصوبہ بندطریقے سے کا م کریں۔ 5۔ نتیجہ کی جانچ (Evaluating of Result) طلباء کواوراستاد کو بیرچاہئے کہ دئے گئے کام پر وقت بوقت نظر ثانی کرتے رہیں اوراس بات کا بھی خیال رکھا جائے کہ مقصد کاحصول ہور ہاہے یانہیں۔ 6_ مشاہدات کوتح برکرنا (Recording of Obsevation) طلباءا ینے کئے گئے کام اور مشاہدے کوتحریری شکل میں محفوظ رکھیں گے وہ سارے اجزاء جو کام کرنے کے دوران استعال ہوئے سب کا حوالہ Reference د غیرہ سبھی چیز وں کا ریکارڈ اپنی نوٹ بک میں رکھیں گے۔

(The format of the Project): منصوبه کاخاکه (فارمیٹ): (The format of the Project)

عنوان: (Title)

عنوان نه تو بهت زیادہ چھوٹا اور نہ ہی بہت بڑا ہونا چاہئے۔ بلکہ عنوان کو بیانیہ انداز میں (Statements) لکھنا

چاہئے۔ مختصرخلاصہ: (Abstract)

یہ وہ خاکہ ہوتا ہے جس میں Project کے اہم مقاصد کو نمایاں (Highlight) کیا جاتا ہے۔ اس کے علاوہ جو مہارت یا طریقہ استعال کیا گیا ہے اسے بھی لکھا جائے گا۔

تعارف: (Introduction)

جس موضوع پر کام کیا جار ہا ہے اس کے مقاصد، وسعت اور طریقے وغیرہ کی تشریح کرانا اور موضوع کے مواد کا تعارف کرانا اس کالم کا اہم کام ہوتا ہے۔ جس کی مدد سے پڑھنے کو پورا مواد پڑھے بغیر ، می سب پیۃ چل جاتا ہے۔ لیکن تفصیل سے جانکاری پانے کے لئے اسے پورے مواد کا مطالعہ کرنا ضروری ہوتا ہے۔

طريقة:(Methods)

اس کالم میں اس طریقے کا ذکر ہوتا ہے جو پروجیکٹ کو تیار کرنے میں استعال کیا جاتا ہے۔اس کےعلاوہ ساز وسامان، اورآلات وحکمت عملی وغیرہ کا ذکراسی کالم میں کیا جاتا ہے۔

مشامده:(Observation)

اس میں محفوظ کی گئی باتوں اور دیگر جا نکاریوں کا مشاہدہ کیا جاتا ہے۔

نتائج:(Results)

مطالعہ پر خور دفکر کرنے کے بعداس کا مواز نہ دوسرے کا موں سے کریں گے جواسی موضوع پر کئے گئے ہوں گے۔

ضميمہ: (Appendix)

اس کالم میں طلباءکسی دیگر جا نکاری کولکھ سکتے ہیں ۔جس کا ذکراو پڑہیں کیا گیا ہو۔

کتابیات:(Bibliography)

Project کو تیار کرنے کے لئے جو حوالہ (Refrence) لیا گیا ہے اسے کھنا ہوتا ہے۔تا کہ دوسرے بچے کو Follow کرنا آسان ہوجائے۔

مثال :

رضا کارطلبہ Volunteer Students کے ذریعہ اسکول کی عمارت کارنگ دروغن کا کام۔ اسproject کو کمل کرنے کے لئے درجہ ذیل کے چند باتوں کا خیال رکھنا ہوگا۔ اسکول کے دہ سارے کمر ےاوردیواروغیرہ کارقبہ (area) معلوم کرنا جن پررنگ کرنا ہے۔

المحمل طور سے رنگ کرنے میں لگنےوالے کل وقت کو معلوم کرنا۔ اس کام میں استعال ہونے والے تمام ساز وسامان کی لسٹ تیار کرنا۔ اس کام میں ہونے والے اخراجات کا ایک اندازہ قعین کرنا۔ 🖈 پېڅېنې کرنا که دیگر ضروری اشیاء دستیاب بې که نهیں۔ 🛠 Fund كاستعال صحيح د هنگ سے كرنا ـ اروسامان اورآلات کوئسی دوسر پے طریقے کے ذریعہ حاصل کرنا۔ ار بارے دخیا کاروں کے درمیان ذمہ داریوں کوشیم کرنا۔ 🛠 انہیں طئے گیا وقت بتادینا جس میں ان سب کواپنی اپنی ذمہ داریوں کا پورا کرنا ہے۔ المنصوبہ کے تحت کام کی شروعات کرنااور کام جاری رکھنا۔ 🖈 🛛 مکمل شدہ کام کی جانچ کرنامختلف زاویوں سے کام کی تیمیل کی تصدیق کرنا۔اور کمی یاخرابی کودور کرنا۔ ا محمل ہونے کے بعد بچے ہوئے ساز وسامان پاکرائے پرلائے گئے آلات وغیرہ کوواپس کرنا۔ ایک کام میں ہونے والے اخراجات کی ایک کمل کسٹ تیار کرنا۔ الم خریدے گئے سازوسامان کی ایک لسٹ بنانا تا کہ ستقبل میں اس کا استعال کیا جاسکے ۔ اگر سارے آلات کو حفاظتی 🛠 🖈 خریدے گئے سازوسامان کی ایک لسٹ بنانا تا کہ مستقبل میں اس کا استعال کیا جاسکے ۔ اگر سارے آلات کو حفاظتی روم (Store Room) میں رکھا گیا ہو۔ اس کام (Projrct) کی کمل (Report) تیار کرنا۔

مندرجہ بالا کا م کوکرنے کے دوران طلباء کی تجربات اور بہت سارے علوم سے آراستہ ہونے کیونکہ وہ خود سے سارے کا م کرر ہے ہیں اور دیکھ رہے ہیں۔ ریاضی کی درس وند ریس ٹھیک اسی طرح سے اگر طلباء خود سے ریاضی کو پڑھیں ، حل کریں تو انہیں بہت می با نیں سمجھ میں آئینگی اور ریاضی ان کے لئے آسان مضمون ہوجائے گا۔ مندرجہ بالانقطوں یا منصوبے کورنگ وروغن کے کا م کو کمل کرنے کے لئے تیار کیا تھا اور وہ کا مکمل ہوا بھی اور اس کو پورا کرنے میں کوئی خاص وقت بھی در پیش نے آئی کیونکہ سارے کا م کو کمل کرنے کے لئے تیار کیا تھا اور وہ کا مکمل ہوا بھی اور اس کو پورا کرنے میں کوئی خاص وقت بھی در پیش نہ آئی کیونکہ سارے کا م پہلے ہی منصوبہ بند طریقہ سے چل رہے تھے۔ اس لئے وہ پر وجیکٹ پایئے تھی سے تک پہنچے ہی گیا۔ اسی طرح ریاضی ک

ریاضی کے پچھنھوب:(Some Projects of Mathemetics)

عمل يمنى درس: (Activity Based Teaching)

زیادہ تر طلباء میں ریاضی کا خوف اور اس میں ناکامی کا احساس پایا جاتا ہے۔اور ریاضی انہیں مشکل ترین مضمون محسوں ہوتا ہے۔ایسا کیوں ہے۔ بیسو چنے کا مقام ہے۔اس کی کئی وجو ہات ہوسکتی ہیں ہوسکتا ہے کی طلباء کے او پر نصاب کا بوجھ بہت زیادہ ہو۔ یا بنیادی علم میں کمی ہوو غیرہ۔چونکہ ریاضی ہی ایک ایسامضمون ہے جس میں تصور (Concept) کے اندر بھی دوسرا تصور / دوسر یے تصورات موجود ہوتے ہیں۔

کٹی ایسے طریقے ہیں جن کے ذرایعہ ریاضی کی تد رایس کومؤنژ بنایا جاسکتا ہے۔اگر ریاضی کی سرگر میوں (Activities) کوایک منصوبہ بند طریقہ سے عمل میں لایا جائے تو طلباء ریاضی کو دلچ پسی سے سیکھیں گے۔اور ریاضی انکے لئے آسان بھی ہوجائے گی۔

آیئے دیکھتے ہیں کی کسر کی ضرب کوہم عملی طریقے سے کس طرح حل کر سکتے ہیں۔

مثال کے طور پردیکھا جائے تو کسر کا ضرب اسکولی سطح کے طلباء کے لئے مشکل ترین موضوع ہوتا ہے۔اور بیر ضرف طلباء کے لئے ہی نہیں بلکہ استاد کے لئے بھی مشکل ہوتا ہے۔اس مسلے کی ایک خاص وجہ یہ بھی ہوسکتی ہے کی ایسے سوالات کوحل کرن کے لئے چند پہاڑے (Multiplication Table) رٹوا دیا جاتا ہے۔جس کے وجہ سے طلباء ضرب کرنا سیکھنہیں پاتے ہیں۔اگرانہیں روز مرہ کی زندگی میں Fraction(کسر) کی اہمیت وافا دیت بتادی جائے تو باتوں کو تبحیل اسان ہوجائے گا۔

آیئے اس عمل کے ذریعہ ہم منصوبہ بند تدریس پرایک نظر ڈالتے ہیں۔

۔۔ جناب وکرم پٹیل کے پاس مربع (Square) کی شکل میں زمین کا ایک ٹکڑا (Plot of Land) ہے جس کے
Side کی لمبائی 1km ہے۔ غنی کے دالدنے ان سے (1*)1/3 زمین خرید لیا اور اس میں سے (2*)1/2 غنی کو دے دیا۔
میں غنی کو ملنے دالی زمین کی کسری شکل معلوم کرنا ہے۔
اس مسلئے کوحل کرنے کے لئے معلم ایک Activity کر داسکتا ہے۔ جو سلسلے وار طریقہ سے ہوگی۔ وہ آگے بیان کی
یار ہی ہے۔

خودسے سوالات کرنا Self Questioning	سہولیات فراہم کرنا Facilitating Earning
میں درجہ میں آج کون سی سرگرمی (activity) کرنے جارہا	کسی ایک کسر (Fraction) کودوسرے کسرسے
مو ل	ضرب کیا جار ہاہے۔
* اس عمل کے ذریعہ ہم کون سے تصوریا کون سے مقصد	* دو کسر کو ضرب کرنا،word/story والے مسلئے کو حل
objective کوسیکھ پائیں گے۔	کرنااور کسر کے ضرب کو سیکھیں گے۔
* اسے کرنے میں کتناوفت لگےگا۔	55 minutes *
* کیااس کام کو کلحد ہ کلحد ہ کیا جائے گایا میرے ساتھ۔	* طلباءات خود علحد وطور برکرینگے۔
* کون کون سی تیاری کرنی ہوگی۔	* شکلیں کاٹ کررکھنا ہوگا۔
* اس activity میں پہلے سیھی ہوئی باتوں کا کتنا استعال	* طلباء پہلے سے ہی آ دھا ، ایک چوتھائی ایک تہائی وغیرہ
זפא_	سے داقف ہیں۔
* ^س س مرحلے میں تصور پڑ کمل کیا جائے گا۔	* تصور پر discuss کرنے کے بعد یا دوران
* طلباءکو activity کرنے میں کس طرح مدد کر سکتا ہوں۔	step-1(3min) مربع کی شکل کا پیپرطلباءکودیا جائے
	گا۔جوزمین کے گھڑے کے مانند ماناجائے گا۔
found.	* step2(7min) میں طلباء سے اس کاغذ کوتین برابر
	حصّوں میں vertically موڑنے کے لئے کہوں گا۔
	اور پھراس کے ایک حصّے کو shade کیا جائے گا۔

C:\Users\user\Desktop\IMage-2.jpg not found.	* step3(1omin) داب کاغذ
	horizontally موڑنے کوکہا جائے گا۔جس سے وہ دو
	برابرحصوں میں تقسیم جائے گا۔
	* (step4(5min) طلباغنی کی زمین کو ہیچان لیں گے
	بو 1/2 کا 1/2 ہوگا۔
	* (smin) 5 step5_معلم اسی طرح کے دیگر مسلئے
	دیگا۔اوراس میں is (2*) & 3/4 & (1*)
	- <u>-</u> 2/3
:\Users\user\Desktop\IMage-3.jp not found.	نتائج : (conclusion(min
	*(10min) step6 طلباءدوسرے مسلئے کوحل کرنے
	کے لئے کاغذ کو پھر سے fold کرینگے۔
	* (step7 (10min) ہواب میں آنے والے
	شارکنند دادرنسب نما کو کہنے کو کہنگے ۔
Users\user\Desktop\IMage-4.jp not found.	🕁 طلباءاور معلم دونوں اس نتیج تک پہو نچ گئے ہیں کہ
	کسی طرح دوکسروں کوآیس میں ضرب کرتے ہیں۔
C:\Users\user\Desktop\IMage-5.jpg not found.	🛠 🛛 نہیں ۔چو نکہ صرف کاغذ کو فولڈ کرنا تھا۔کسی
notround.	Rectangle کے رقبہ کی پیائش کیسے کر سکتے ہیں۔ یا
	sq km کے مربع نماarea کارقبہ کیسے معلوم کرینگے۔
کیا کوئی احتیاتی پیائش کا بھی استعال ہوا، میں ان سے کیا	🖈 🛛 کوئی خاص نہیں ۔ پر کاغذ کوموڑ نے اور مربع کو گنے
سوالات کروں کہ وہ محرک ہوں۔	کے دوران تھوڑ ااحساس ہوا۔طلباءکو بیتو شمجھ میں آگیا ہے
	کہ دوسر کوضرب کرنے سے ایک سر ہی حاصل ہوتی
	ہے۔جس میں شار کنندہ کا حاصل ضرب شار کنندہ اور
	نصب نماؤں کا حاصل ضرب نصب نماہی ہوتا ہے۔

ت پورے درج کے مواد کو summerise کرک	🖈 کیامیں نے طلبہ کو activity کرنے کے دوران کوئی
ور بتائی گئی با توں کود و ہرا کر کے۔	د شواری کا سامنا کرتے ہوئے دیکھا۔اب میں نتائج کوطلبہ
-	کے سامنے س طرح واضح کروں۔
🛪 طلباء کچھتصاویر بنائیں گے۔جس کے لئے مندرجہ 🗧	🖈 طلبہ اپنے observation کے ریکارڈ کو کس طرح
دِيلِformatاستعال، موسكتا ہے۔	تیار کریں گے۔
	اب میں پورے ممل کو کس طرح ہمت افزائی کے ساتھ 🕅
	پیش کروں کہ طلباءخود نتائج کی طرف مائل ہوجا ئیں۔
🛧 جائداد کی تقسیم میں، زمین کی تقسیم وغیرہ میں۔	🖈 اس تصور کو میں روز مرہ کی زندگی سے کیسے جوڑ سکتا
	ہوں۔
3	🛠 میں طلباء کی فہم اور سمجھ کو کیسے مبچھ پاؤں گا۔
🖈 میںطلباءکوجا پخچ پر چہ دیکراس پرغور دفکر کروں گا۔اس 🖌	میں اسactivity کواختیا م پر کس طرح لے جاؤں گا۔
کے علاوہ طلباء کے ذریعہ تیار کئے جانے والے	
Record کوبھی میں درجہ میں گھوم گھوم کر دیکھوں گا۔ Record	
🖈 آج کے تصور کو Generatlise کر کے اور سیکھے 🖌 🛓	میں س طرح اسکے نصور کی طرف طلباء کی تو گہ مبذول
ہوئے تصور کو کسر کے دیگر کاموں جیسے decimal	كراة نگا-
ور percentages وغیرہ میں اس کا استعال بتا کر۔	

عمل پر مینی درس کی خوبیاں: (Merits) * بیطریقہ تدریس کمل طور سے نفسیاتی اصول پر مبنی ہوتا ہے۔ * بیطریقہ طلباء کو خور وفکر کرنے اور سوچنے کے لئے اکسا تا ہے۔ * طلباء تصور کوصاف طور سے سمجھ لیتے ہیں۔ * رم کر سیکھنے سے دور کرتا ہے۔ * طلباء کاعمل اورر دعمل اس طریقہ میں شامل ہوتا ہے۔

* اس طریقے کے ذریعہ طلباء میں ہمت افزائی ہوتی ہے۔اس کے علاوہ محنت کرنا، ایک دوسرے کا ساتھ دینا اور خوداعتمادی کا فروغ کرنا اس طریقے کا اصل مقصد ہوتا ہے۔ * بیطریقہ طلباء کو نئے حالات میں اپنے علم کو استعال کرنے کی صلاحیت عطا کرتا ہے۔

عمل پرمنی درس کی خامیاں: (Demerits) * ہیا یک طویل (lenghty)عمل ہے جس میں بہت زیادہ دفت درکار ہوتا ہے۔ * اس طریقے کے ذریعہ نصاب کا کلمل کرنا نہایت مشکل ہوتا ہے۔ * اس کے علاوہ بہت سارے ساز دسامان کی ضرورت ہوتی ہے۔

3.4 حل مسلم کا طریقہ: (Problem Solving Method)، چیو میٹری بلم ہندسہ، علم مثلث حل مسلم طریقے کے مراحل اوراقدامات ۔ الجبراء، اورعلم حساب (Arithmetic)، چیو میٹری بلم ہندسہ، علم مثلث (Trignometry)، امکانات (Probability) اور شاریات (Statistics) وغیرہ کے مسلؤں کو طرکر نے کے لئے دیگر طریقے کی تلاش کرنا۔ حل مسلم طریقہ کام کے ذریعہ سیکھنے کا طریقہ ہے ۔ اس طریقہ تد ریس میں روایتی انداز تد ریس کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ اس طریقے میں وقت اور تو انائی زیادہ صرف ہوتی ہے۔ ایک ناتجر بہ کار طالب علم اس طریقے سے غلط نتائج بھی اخذ کر سکتا

ہے۔ اس طریقے میں معلم کی صحیح سمت میں رہبری درکارہوتی ہے۔ بیطریقہ تد ریس ابتدائی جماعتوں کے لئے موزوں نہیں ہے۔ اس طریقہ تد ریس میں ایک مخصوص مسلئہ یا موضوع طلباء کو دے کر بیکھا جاتا ہے کہ اس کاحل کاغور دفکرا دراستدلال کے ذریعہ تلاش کرنے کی کوشش کریں۔مسلئہ موضوع عام طور پرتعلیمی اہمیت کا حامل اور حقیقی زندگی سے متعلق ہوتا ہے۔ حل مسئلہ طریقہ ریاضی کے لئے عمدہ ہے ۔ بیطلبہ میں ریاضی کے قسم کا فروغ کرتا ہے۔ بیطلباء کو ترغیب دیتا ہے کہ کسی دئے ہوئے سوال کو کسی طرح کی ایک ترکار ہوتی کے تاکہ مسلئہ کاحل ہوں کی سے متعلق ہوتا ہے۔

اس طریقۂ تدریس میں طلباء کی قوت برداشت میں اضافی ہوتا ہے۔موضوع یا مسلئہ کے حل کے دوران درج ذیل مرحلوں(steps) کا خیال رکھاجا تا ہے۔ صح

1) مس*لیہ کاضیح احساس اور شناخت*: (Recognising or Identifying the problem**)** مسلئے کا احساس اور شناخت کرنا نہایت ہی ضروری ہوتا ہے۔ بیکوئی ضروری نہیں ہے کہ دیا گیامسلئہ حقیقی ہو۔اصل میہ

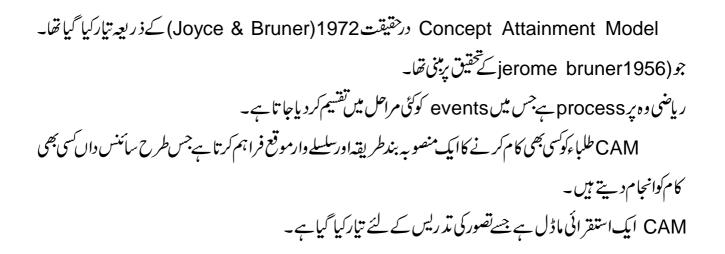
ہے کہ طلباءخود سے مسلئے کی شناخت کرلیں۔ 2) مستله کانجز به کرنا: (Analysing the Problem) مسلئه کا تجزیہ مسلئے کےعناصر کی شناخت کرنااور دیگر جا نکاریوں کو ظاہر کرناوغیر ہاس مہارت کے اجزاء ہیں 3) رماضی سے تعلق رکھنے والے رشتوں کی تلاش کرنا/ مفروضات کی تشکیل کرنا جواب کی تلاش کے لئے منصوبہ تیار کرنا، جس میں trial, terms & error کو define کرنا اور دیگر حکمت عملی اس مرحلے میں اینائے جاتے ہیں۔ 4) حل کی تلاش کرنا نتيجه کی جانچ کرنا 5) نتيجە كوقبول كرنا اوراس يرمل كرنا-اس مرحلے میں آنے والے Results کو قبول کر کے آگے کے مسلئے میں بھی اس کا استعال کیا جاتا ہے۔ مثال:- دوسیٹس کا(union) بتانے کے لئے۔-اور (A=(2,3,4,5,), B=(3,5,6,) اور C = (4, 6, 7, 8, 9) prove that AU (BUC) = (AUB) UC(Solution) اسٹیپ1: مسلئے کی شناخت طلباءدئے گئے مسلئے کودیکھ کر مطالعہ کرا سے تمجھ لیں گے اور اور پھرا سے اپنی زبان میں بیان کریں گے۔ 1) دوسیٹس Aاور B کایونین وہ سیٹ ہوتا ہےجس میں Aاور B کے سارے members آتے ہیں۔ 2) دوسیٹس Aاور B کے یونین کو AUB'سے دکھایا جاتا ہے اور اسے Symbolically دکھانے کے لئے AUB=(X,XEA or XEB) کااستعال کرتے ہیں۔ 3) مشتر کہ ارکان (common elements) کو سرف ایک ہی بارلیا جاتا ہے۔

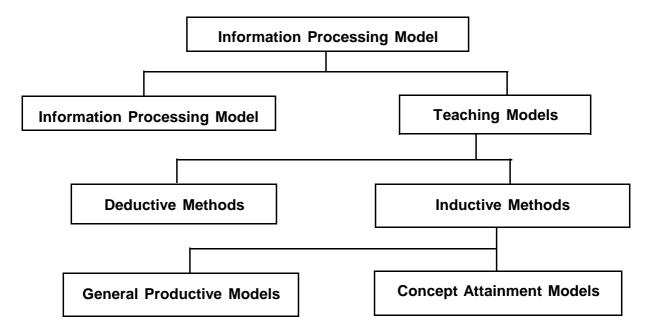
اسٹیپ2: مسلئے کاتجزیہ طلباء مسلئہ کی شناخت کر کے اور اسے اپنی زبان میں بیان کرنے کے بعد تجزید کرتے ہیں کہ اس مسلہ کاحل کس طرح کیا

حل مسلم طریقہ کی خامیاں: (Demerits) * یہ چھوٹی جماعت کے لئے موزوں طریقہ نہیں ہے۔ کیونکہ چھوٹی جماعت کے طلبہ میں سابقہ معلومات (previous (knowledge) کی کمی ہوتی ہے۔ * اس طریقہ کو سائر او دوقت درکار ہوتا ہے۔ * یہ طریقہ کو اندر تر یک یا دلچہ چی کی کمی رہی تو اس طریقے نے ذریعہ وہ زیادہ فائدہ حاصل نہیں کر سکتے۔

جیروم برونر کا تصور کے حاصل کرنے والا ماڈل اورعلم ریاضی کی تد ریس میں اس کی تحکیل 3.5

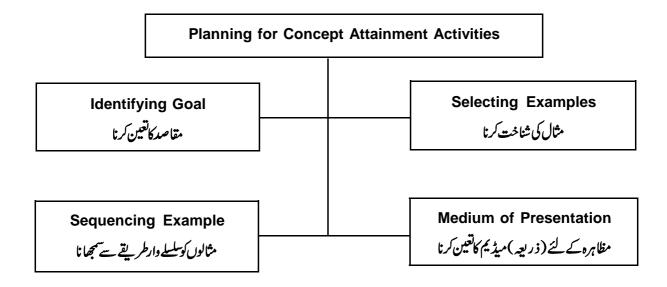
(Concept Attainment Model of Jerome Bruner and its application in پذیری) Mathematics Teaching)





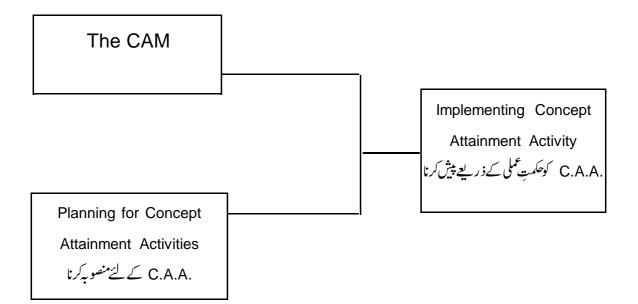
تضوري CAM جس میں معلم طلباء کومثال اور دوسرے ذرائع کے ذریعہ تصور کو تمجھا ئیں گے۔

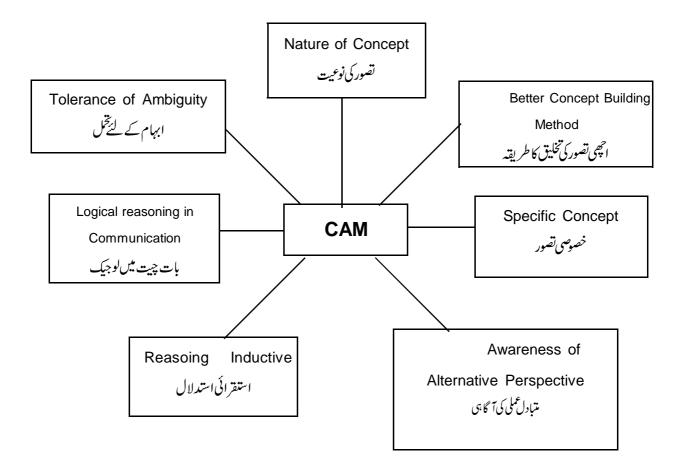
منصوبہ بند طریقے سے تصوری بخیل پذیری کرنا: (Planning of Concept Attainment Activity) معلم کوئسی خاص تصور کی تدریس سے پہلے موزوں مثالیس تیار رکھنا چاہئے جیسے۔مندرجہ ذیل طریقے کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ہے۔



Implimenting Concept Attainment Activities

C.A.A. کے کئے ضروری سامان یا آلات





Acquire : Concept Attainment Model

فرہنگ: (Glossary)

متوازی= Parallel

عمودی= Polygon کشید قزاق= Polygon امکان= Probability مقامی تعلقات= Spatial Relation اعدادوشار= Statistic حکمت عملی= Strategy علم مثلث= Triagnometry

خلاصه: (Let Us Sum Up/Points to Remember)

تدريس رياضی ميں مختلف رياضياتی تصورات (Mathematical Concepts) کو بالکل صحیح طريقے سے طلبہ کو سمجھا نا ایک بڑا چیلنج ہوتا ہے۔ اس کے لئے سب سے پہلے بي ضروری ہے کہ خود معلم ، إن تصورات کو اچھی طرح سمجھ لے۔ بالنصوص وہ عنوانات جو، ثانوی اسکولوں کی ریاضی کی کتابوں میں شامل ہیں ان کا بہت ہی گہرائی کو ساتھ مطالعہ کیا جانا چا ہے۔ تدريس رياضی کے لئے (Chalk & Talk Method) کو ترف آخر، سمجھتے ہوئے معلم نے ماہرین کے ذريعہ پيش کردہ مختلف طريقہ ہائے تدريس (Methods of Teaching) جیسے استقرائی طريقہ، استقرائی و ميش کردہ مختلف طريقہ ہوتا ہے تريس (Methods of Teaching) جیسے استقرائی طريقہ، استقرائی و پيش کردہ مختلف طريقہ ہوتے ہوئے ہوتا ہے ہوتے ہوئے ہوں کہ کا ہوں ہوتا تر ہوتے ہوئے معلم نے ماہرین کے ذريعہ پيش کردہ مختلف طريقہ ہوئے ایک طریقہ، تحريکا ہی طریقہ، منصوبا کی طریقہ، و فيرہ کو بھی حب ضرورت استعمال کرنا چا ہے۔ پيش کردہ مختلف طریقہ ہوئے ای پی خوبیاں اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چا ہے کی این معیار کی طریقہ، استقرائی حاصل کرتے ہوتے اپنے طلبہ کی دلچہی ، عرب ابقہ معلومات اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چا ہے کی این معیار کی طریقہ، سر ای حاصل کرتے موت اپنے طلبہ کی دلچیں ، عرب ابقہ معلومات اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چا ہے کی این معیار کی طریقہ، خود ای حکور کو ت کو مدنظر رکھتے ہوئے ایں ای پی خوریاں اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چا ہے کی این معیار کی طریقوں سے رہندائی حاصل کرتے ریاضی تدریس کی خان کی میں معلومات اور خامیاں ہیں اس لئے معلم کو چا ہے کی این معیار کی طریقوں سے دہندائی حاصل کرتے مور خارج میں جان کی می میں میں ہوئے ای بی خوریں اختلام کرتے ہوئے نیز عنوان کے تفاضوں اور خودا پن صلاحیتوں

> اکائی کے اختتام کی سر گرمیاں (Unit End Activities) طویل سوالات:

ا۔ تدریس تصورات میں اقدامات کے بارے میں بتائے۔ ۲۔ تصور کی تعریف لکھے اور اسکی اقسام بیان کیجئے۔ ۳۔ CAM کیا ہے؟ ریاضی کی تدریس میں کس طرح سے اطلاق کر سکتے ہیں؟ ۴۷۔ پروجیکٹ طریقہ کاراور ممل پر بنی درس (Activity Based Teaching) کو مثالوں کے ذریعے سمجھا ہے۔

مزيدمطالع كيك كتب (Suggested Readings)

- Aggarwal, S.M. : Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K : The Teaching of mathematics in New Education

- Kumar,K.L.(2001) Eductional Technology. New Delhi:-New Age International Publising Srinivasan,

- P.K.(2010)Resource Matrial for Mathematics Club Actirarue.
- Pedagogy of Mathematics, (2016). Volume I & II, Neel Kamal Pvt. Ltd, Hyderabad

اکائی- ایاضی کی درس و تدریس کے لئے منصوبہ بندی

(Planning for Teaching-Learning Mathematics)

تعارف: (Introduction)

مقاصد: (Objectives)

4.1 خورد تدریس: (Microteaching)

تصور، تعریف، اجزاء، تد ریس سائیکل، خوبیاں اور خامیاں

(Microteaching: Concept, Definition, Microteaching cycle, components of Microteaching, Merits & demerits)

4.2 خوردتدریس کی مہارتیں:(Microteaching Skill) سبق کا تعارف، تصور کی وضاحت کرنا، محرکات کی تبدیلی، مثالیں پیش کرنا، سوالات یو چھنا، تقویت عطا کرنا،

(Introducing a lesson, Explaining a concept, Stimulus variation, Illustrating with examples, Probing Questioning, Reinforcement, Structuring Classroom Questions, and Blackboard Writing)

> 4.3 تدریسی ہدایات کی منصوبہ بندی:(Planning of Instruction) اکائی منصوبہ بندی، بلوم درجہ بندی پربنی منصوبہ سبق

(Unit Plan, Period Plan based on Bloom's Taxonomy & Academic Standards -CCE)

4.4 تكنالو جي ضم تدريس: (Technology Integrated Lesson) فر جنگ (Glossary) خلاصه (Let Us Sum Up/Points to Remember) اكانى سے اختتام كى سرگرمياں (Unit End Activities) مزيد مطالعے کيلئے کتب (Suggested Readings)

تعارف: (Introduction)

ہر پیشے کاہنر ہوا کرتا ہے۔تدریس کا پیشہ ایک اہم پیشہ ہے جو قوموں کے شتقبل کا ضامن ہوا کرتا ہے۔ کسی بھی مضمون کی تدریس کو موثر بنانے کے لئے ضروری ہے کہ اساتذہ تدریس کی مہارت سے واقف اورآ راستہ ہونا چاہئے۔دوران تربیت اساتذہ کوان مہارتوں کی مثق کرنا چاہیے۔تدریس کی مہارت کے علاوہ تدریس کی منصوبہ بندی بھی انتہا تی اہم امر ہے۔آج درس وتد ریس کا ممل روز بروزا یجا دہونے والی ٹکنا لوجی سے متاثر ہور ہاہے۔ان نئے حالات کے تقاضے کے مطابق تدریس کو منظم کرنے کی ضرورت ہے۔موجودہ اکائی تدریس کی منصوبہ بندی پر شتمل ہے۔

مقاصد: (Objectives) اس اکائی کے مطالعے کے بعد آپ اس قابل ہوجا ئیں گے کہ۔ ہ خورد تدریس کی خصوصیات بیان کرسکیں گے۔ ہ خورد تدریس کی مہارت کے اجزاء کی خصوصیات بیان کرسکیں گے ہ تدریسی ہدایات کی منصوبہ بندی کے مختلف اقسام کا مواز نہ کرسکیں گ ہ تکنالوجی ضم تدریس (Technology Integrated Teaching) کے منصوبہ کی خصوصیات ہان کرسکیں گے

4.1 خورد تدریس: (MicroTeaching) نصور، تعریف، اجزاء، تد ریس سائیل ،خوبیاں اور خامیاں

(Microteaching: Concept, Definition, Microteaching cycle,

components of Microteaching, Merits & demerits)

سمسی بھی مضمون کی تدریس کو مؤثر بنانے کے لیے ضرور کی ہے کہ اسا تذہ تدریس کے ہنر سے آراستہ ہوں۔دورانِ تدریس پچھ خصوص تدریسی مہارتوں کی اگر مشق کی جا ئیں تو ریاضی کی تدریس مؤثر ثابت ہوگی کیوں کہ زیر تربیت اسا تذہ ان مخصوص مہارتوں سے صرف واقف ہی نہیں بلکہ ان کی مشق کر کے اپنے تدریسی عمل کو مزید بہتر ہنا سیلتے ہیں ۔ چونکہ ایک مخصوص مہارت پر مرکوز ہوکر مشق کر نے کے لیے ایک آئیڈیل (Ideal) کمرہ جماعت اور ہا حول کی ضرورت پڑتی ہے ۔ اس لیے تدریسی حالات کو دقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (Scale ماحول کی ضرورت پڑتی ہے ۔ اس لیے تدریسی حالات کو دقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (down ماحول کی ضرورت پڑتی ہے ۔ اس لیے تدریسی حالات کو دقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (down ماحول کی ضرورت پڑتی ہے ۔ اس لیے تدریسی حالات کو دقت ، عنوان ، مواد اور طلبا کی تعداد میں تخفیف (down اصور پیش کیا۔ خرد تدریس کا رسی طور پر آغاز سب سے پہلے امریکہ کی اسٹینڈ فور ڈیو نیور ٹی میں 1963 ء میں کیا تصور پیش کیا۔ خرد تدریس کا رسی طور پر آغاز سب سے پہلے امریکہ کی اسٹینڈ فور ڈیو نیور ٹی میں 1963 ء میں کیا اس ایے ہو کہ ایک میں تدہ کا رسی طور پر آغاز سب سے نہ دور کو ہو اسے ایک اسٹینڈ فور ڈیو نیور ٹی میں 1963 ء میں کیا داس ایجاد کا خاص مقصد تقا تعلیم اسا تذہ کے پروگرام کو بہتر بنا نا۔ ہندوستان میں 1965 ء میں کیا داس ایجاد کا خاص مقصد تقا تعلیم اسا تذہ کے پروگرام کو بہتر بنا نا۔ ہندوستان میں 1967 ء میں خورد تد رئیں کی میں اور ای ای ایک ایک اسٹینڈ فور ڈیو تیور ٹی میں خورد تد رئیں کی ایک ہو ہو ہو ہے ہوں ہیں خورد تد رئیں کی مہارتوں پر پر وجیک کے دریو پڑتی کو پر میں ایک ایک ہو کی ہوں ایک ہو ہو ہو ہو ہو ہو ہو کی گرا ہوں میں شامل کر لیا گیا۔

خوردندریس کا تصور: (Concept of Microteaching)

خورد تدریس ایک حکمت عملی ہے جس کے ذریعہ زیر تربیت اساتذہ میں تدریس کی مہارتوں کو پروان چڑھایا جاتا ہے۔اس غلط نہمی سے دورر ہنا چا ہیے کہ بیاصل تدریس ہے۔اس میں 10-5 منٹ کے وقفہ 10-5 سے طلبا اور ایک مختصر مواد کی تدریس ایک مخصوص تدریس مہارت کے ذریعہ کی جاتی ہے۔یہی وجہ ہے کہ خورد تدریس کو تحفیف شدہ (Scale down) تدریس کہا جاتا ہے۔ خلاصہ کلام بیرکہ اس تربیت کی حکمت عملی میں مندر جہ ذیل نکات کی تخفیف کی جاتی ہے۔

- 1. كلاس كادوران وقفه (Duration)
 - 2. كلاس سائز (Class Size)
- 3. سبق کی طوالت (Length of lesson)
- 4. تدریسی پیچیدگی (Teaching Complexity) چونکه خورد تدریس میں تدریسی مہمارت کو مرکزی حیثیت حاصل ہوتی ہے اس لیے تدریس کی پیچیدگی کم رکھی جاتی ہے۔زیادہ پیچیدہ تدریس سے پر ہیز کیا جاتا ہے۔اس میں ایک وقت میں صرف ایک مہمارت پر خصوصی توجہ دی جاتی ہے۔

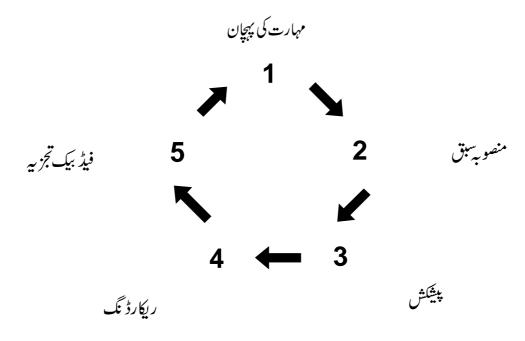
خورد تدریس کے اجزاء: (Components of Microteaching) خورد تدریس کے تین تخصوص اجزاء ہوتے ہیں۔ 1. زیرتر بیت اسما تذہ: خور دندر لیس کے ذریعہ انھیں لوگوں میں تدریس کی مہارتوں کو پیدا کی جاتی ہے۔ ان لوگوں کو تدریس کی مہارتوں کی مشق کرنے میں شامل کیا جاتا ہے۔ یہ دوطرح سے خور دند ریس کے عمل میں حصہ لے سکتے ہیں۔ الف۔ مشاق کے طور پر الف۔ فرضی طلبا کے طور پر ایک زیر تر بیت استاد تدریسی مہارتوں کی مشق اینے ہم جماعت ساتھیوں پر مشتل فرضی کمرہ جماعت میں کر سکتا ہے یا پھر اصل طلبا کی حیود ٹی تعداد کے ساتھ مش کر سکتا ہے۔

2. بازرسائی (فیڈیک) آلات: اس کے ذریعہ زیر تربیت استادا پنی مشق کانعین قدر کرسکتا ہے خصوصاً تشکیلی تعینِ قدر۔تا کہ وہ مزید مشق کرکے۔فیڈ بیک کے ذریعہ اپنی تدریسی پیشکش کو ویڈیو گرافی کے ذریعہ ریکارڈ کرتا ہے اور اس ریکارڈ کو پلے کرکے اپنی تدریس کے مثبت اور منفی پہلو کی بیچان کرتا ہے۔

3. مهارت(Skill):

خورد تدریس کا تیسراجزا ہے تدریس کی مہارت اس سے مراداسا تذہ کی برتا وُ کا وہ سیٹ جس کے ذریعہ طلبا میں مطلوبہ تبدیلی مؤثر طریقے سے لائی جاسکے ۔مثال کے طور پرتشر ج یا وضاحت ،تختہ سیاہ کا کام،سوالات یو چھنا وغیرہ ۔

خورد تدریس سائیکل (چکر): (Cycle of Microteaching) خورد تدریس کاعمل ایک سائیکل کی شکل میں کیاجا تاہے۔اس چکر میں تدریس مہارت کی پہچان تدریس کے لیے منصوبہ، تدریس سیشن، تدریس کی ریکارڈ نگ اور فیڈ بیک کے ذریعہ تجزیر کاعمل شامل ہوتے ہیں۔اس سائیکل کو مندرجہ ذیل تصویر سے مجھا جاسکتا ہے۔



تصوير1- خرد تدريس سائيكل

اول عمل میں 1,2,3,4,5 مسبق کے لیے جاتے ہیں اس کے 2,3,4,5 کاعمل بدستور جاری رکھا جاتا ہے جب تک مخصوص مہارت ایک مناسب سطح تک معلم طلبا کے برتا ؤمیں خلا ہز ہیں ہونے لگتی ہے۔

خورد تدریس کی خوبیاں اور خامیاں: چونکہ خورد تدریس تربیت کی ایک حتمی (Ultimate) حکمت عملی نہیں ۔ اس لیے اس کی پچھ خوبیاں ہیں اور پچھ خامیاں بھی اس میں پنہاں میں۔ خورد تدریس کی خوبیاں: یہ ایک منظم اور رسی طریقہ تربیت ہے ۔ اس میں تربیت دہندہ اور زیرتر بیت اساتذہ انتہائی منظم طریقہ سے ہرایک تدریسی مہارت کی مثق کرواتے اور کرتے ہیں۔ مشاق کواپنے تدریسی عمل کے متند شواہد حاصل ہوتے ہیں۔ وہ اپنی مشق کو بار بارریکارڈنگ کے مدسے دیکھ سکتا ہے خرد تدریس میں اساتذہ کے کمز ور اور منفی پہلو کا فیڈ بیک فور کی ملتا ہے ۔ جس کی روشنی میں وہ اپنی پیش کش کو دوبارہ بہتر طریقہ سے منظم کرتا ہے ۔ اس تندیس میں ارزیگ ہوتی ہے۔ استاد یک ہی مہارت کی بار بار مشق کرتا ہے زیرتر بیت اساتذہ محکوم کی میں او حض کر نگر ہوتی ہوجاتے ہیں

خورد تدریس کے لیے انتہائی تربیت یافتہ اور تجربہ کارتر بیت دہندہ کا ہونا ضروری ہے جو ہرجگہ دستیا بنہیں ہوتے ہیں۔ چونکہ چھوٹے سائز کے کمرہ جماعت یعنی 10-5 طلبا کو درس دینے میں زیرتر بیت اساتذہ کی دلچی کم رہنے کے خدشات بنتے رہتے ہیں۔ اس کی تربیت کے لیے بہت زیادہ دفت کی ضرورت پڑتی ہے۔ ایک زیرتر بیت معلم کو 35 منٹ چاہیے۔ اگر 50 افراد ہیں ان کے مطابق بہت دفت درکا رہے ۔ باوجود کہ اس میں کمرہ جماعت کی ساری شرائط پوری کی جاتی ہیں پھر بھی اصل کمرہ جماعت سے مختلف ہوجا تا ہے۔ اس کی مشق سے استاد چھوٹے کمرہ جماعت کو درس دینے کا جاتی ہیں پھر بھی اصل کمرہ جماعت سے مختلف ہوجا تا ہے۔ اس کی مشق سے استاد چھوٹے کمرہ جماعت کو درس دینے کا حادی ہو سکتا ہے۔ حالانکہ بڑے کمرہ جماعت کی نز اکتیں مختلف ہوا کر تی ہے۔ ایک کی کوئی تھی کو شن ایک طرفہ

4.2 خورد تدریس کی مہارتیں: (Microteaching Skill) سبق کا تعارف، تصور کی وضاحت کرنا، محرکات کی تبدیلی ، مثالیں پیش کرنا، سوالات یو چھنا، تقویت عطا کرنا،

(Introducing a lesson, Explaining a concept, Stimulus variation, Illustrating with examples, Probing Questioning, Reinforcement, Structuring Classroom

Questions, and Blackboard Writing) مختلف تدریسی مہارتوں کی مشق کی جاتی ہےتا کہاسا تذہ کے برتاؤ میں بیمہارت ظاہر ہو۔ان مہارتوں کی مدد ے اساتذہ اپنی اصل تد ریس کومزید مؤثر بنانے کی ک^{وش}ش کرتے ہیں ۔ یوں تو تد ریس کی بہت ساری مہارتیں ہیں مختلف ماہرین درسیات نے مختلف تعدا دبتائی ہیں محمومی طور پر 15-10 مہارتوں پر خصوصی زور دیا جاتا ہے۔ان مندرجہذیل مہارتوں کے بارے میں ہم سکھیں گے۔ 1. سبق كانعارف كرنا 2. کسی تصور کی وضاحت 3. محركات كى تېرىلى 4. مثاليں پیش کرنا 5. سوالات يو چھنا 6. تقويت دينا 7. كمره جماعت كسوالات بنانا 8. تخت ساد کاکام ہیآ ٹھ مہارتیں تقریباعلم ریاضی اور دیگر مضامین کی تدریس میں استعال کی جاتی ہیں ۔اسا تذہ کو ان مہارتوں سے آراستہ ہونے کی ضرورت ہوتی ہے۔

- 1. طلبا کی توجہ حاصل کرنا
 - 2. طلباكوتحرك كرنا
- 3. طلبا کی سابقہ معلومات سے نے سبق کے ساتھ مربوط کرنا

۲۔ تم تم تصور کی وضاحت: تدریس کے دوران مواد میں بہت سار نے تصورات کا فہم کرایا جاتا ہے۔ کبھی کبھی پچھ تصور طلبا کے لیے بالکل نئے اور کبھی مشکل ہوتے ہیں ایسے تصورات کی وضاحت کی ضرورت پڑتی ہے۔ مناسب وضاحت کی مدد سے مناسب اور حسب ضرورت آ موزش کرائی جاسکتی ہے۔ اس کی مہمارت کے ذریعہ طلبا میں تفہیم اور اعلیٰ درجہ کے سوچنے کی صلاحیت پیدا کی جاسکتی ہے۔ ایک مؤثر استاد میں بیہ مہمارت موجود ہونا لازمی عنصر ہے۔ اس کی مدد سے زیر بیت معلم کی دلچہیں اور تعمیر کی صلاحیت کو فراوغ ملتا ہے۔ اس مہمارت کے مندور ایر اور اعلیٰ میں تفہیم اور اعلیٰ درجہ کے سوچنے کی صلاحیت

- 1. تصورکی وضاحت
- 2. وضاحت ميں روانی
- 3. طلبا كي تفهيم كالغين
- 4. منظم طریقے سے دوہرانا
- 5. خاص نکات کا خلاصه بیان کرنا
- 6. طلبا كى سابقە معلومات سے ربط كرنا

۲۰ محرکات کی تبدیلی کی مہارت: کمرہ جماعت میں استاد کے بکساں برتاؤ سے طلبا میں بوریت پیدا ہوتی ہے۔ نیتجناً طلبا کی دلچی کم ہونے لگتی ہیں ۔ بھی بھی تو طلبا کمرہ جماعت میں اونگھنے لگتے ہیں۔ اس لیے استاد کو جا ہے کہ وہ حسب ضرورت کمرہ جماعت میں مختلف محرکات کا استعال کرکے ماحول میں تنوع (Variety) کو برقر ارر کھے۔ بیم کرکات مختلف شکلوں میں ہو سکتے ہیں ۔ استادا پنی وضع قطع سے حرکت سے ، سکوں سے کفظی اور غیر لفظی اشاروں سے تدریسی معاون اشیاء کی مدد سے محرکات میں تبدیلی لاسکتا ہے مختلف محرکات کے استعال کا ایک بڑافا کہ ہو یہ ہے کہ طلبا کے محترک ہوتے ہیں ۔ اس سے ان کی نفسی حرک مہارتیں ترقی پاتی رہتی ہیں۔ اس مہمارت کے مندرجہ ذیل اجزاء ہیں۔

- 1. استادکی حرکت
- 2. اعضاءکی حرکت
- 3. باہمی تعامل کی نوعیت
 - 4. تقریر کی نوعیت

- 5. منتقل حس 6. طلبا کی سرگرمی
- ۲۰ مثالوں کے ذریعہ استاد طلبا کی آموزش کی مزید توسیع عطا کرتا ہے۔طلبا کی آموزش مثالوں سے مربوط ہو جاتی ہے جس کی مدد سے طلبا میں انضامی صلاحیت پیدا کرنا آسان ہو جاتا ہے۔مشکل تصورات کو مختلف مثالوں سے سکھایا جاتا ہے۔اس کے مندر جہ ذیل اجزاء ہیں۔ 1. موزوں مثالیں 2. آسان مثالیں 3. مثال کی دلچہ چی کی نوعیت
 - 5. طرزرسائی(Approach) کی مناسبت

۵ سوالات پوچین کی مہارت:
 ۵ طلبا کی توجه حاصل کرنے ان کی سابقہ معلومات کی جائج کرنے، ان کی ذہنی سطح معلوم کرنے اور ان کے آموزش کا تعین کرنے کے لیے مناسب سوالات ان سے پوچھے جاتے ہیں ۔ سوالات کے ذریعہ طلبہ میں تحریک اور تحسس بھی پیدا ہوتا ہے ۔ اس کے ذریعہ طلبہ میں تحریک اور تحسس بھی پیدا ہوتا ہے ۔ اس کے ذریعہ طلبہ میں مدلل سوچ کی صلاحیت پیدا کی جاسکتی ہے ۔ سی تد رئیس کا ایک انہم حصد ہوتا ہے پیدا ہوتا ہے ۔ اس کے ذریعہ طلب میں تحریک اور تن سے لو چھے جاتے ہیں ۔ سوالات کے ذریعہ طلبہ میں تحریک اور تحس بھی پیدا ہوتا ہے ۔ اس کے ذریعہ طلب میں مدلل سوچ کی صلاحیت پیدا کی جاسکتی ہے ۔ سی تد رئیس کا ایک انہم حصد ہوتا ہے بید ایو ت ہوتا ہے ۔ اس کے ذریعہ طلب میں مدلل سوچ کی صلاحیت پیدا کی جاسکتی ہے ۔ سی تد رئیس کا ایک انہم حصد ہوتا ہے تد رئیس کے تیوں مراحل میں اس کا استعمال کیا جا تا ہے یعنی قبل در میان اور بعد تد رئیں ۔
 ۳ تد رئیس کے تیوں مراحل میں اس کا استعمال کیا جا تا ہے یعنی قبل در میان اور بعد تد رئیں ۔ جملہ بندی (Sentence Construction) ۔ معلم ہندی (Sentence Construction) ۔ میوں ۔

- 3. تقسيم (Distribution of Question).
 - 4. آمادگی سطح کے سوالات
- 5. مختف صلح کے سوالات (Different level of Question)
 - 6. سوالات ميں تنوع (variety in Question)

۲_ تقويت عطاكرنا:

ماہرین نفسات کے مطابق آموزش کے عمل میں تقویت ایک اہم رول اداکرتی ہے۔طلبا متحرک رہتے ہیں کمرہ جماعت میں دلچیسی لیتے ہیں اور مزید سیکھنے کے لئے کوشاں رہے ہیں تقویت کے ذریعہ آموزش کو پائیدار بنایا جاسکتا ہے۔ اس کے برعکس تقویت کی عدم موجودگی میں درس وتد ریس کا عمل خاطر خواہ مؤثر نہیں ہو پا تا ہے۔طلباد لچیسی کم لیتے ہیں ۔ کمرہ جماعت سے قطع تعلق کا رجحان طلبا میں بڑھنے لگتا ہے۔ تقویت لفظی اور غیر لفظی قسم کی ہوتی ہے۔ استاد کمرہ جماعت میں لفظوں مثلا شاباش، بہت اچھا، کیا خوب، جیسے الفاظ استعال کرتا ہے۔ وہ اگرا پی وضع قطع کے ذریعہ سکرا کر، غصے کا چہرا بنا کر طلبہ کے برتاؤ کپر دخل ظاہر کرتا ہے۔ ایسے عمل کو غیر لفظی تقویت عطاء کرنا کہلا تا ہے۔

پڑتی ہے ۔اس کے لیے بیم ورکار مہارتوں کو ایک ساتھ شامل کرنے کی ضرورت ہے ۔اجتماعی تدریس (Team پڑتی ہے ۔اس کے لیے بھی درکار مہارتوں کو ایک ساتھ شامل کرنے کی ضرورت ہے ۔اجتماعی تدریس (Teaching) کا موقع اس میں دستیاب نہیں ہوتا۔ایک وقت میں ایک استاد ایک ہی مہارت کی مشق کر سکتا ہے۔

4.3 تدریسی ہدایات کی منصوبہ بندی: (Planning of Instruction) اکائی منصوبہ بندی، بلوم درجہ بندی پرمینی منصوبہ سبق

(Unit Plan, Period Plan based on Bloom's Taxonomy & Academic Standards -CCE)

اکائی منصوبہ بندی: تدریس کاعمل ایک منظم عمل ہے۔جس میں استاد، طلبہء اور ساج کے وسائل وتوانائی خرچ ہوتی ہے۔اس لئے ضروری ہے کہ تدریس کی سرگرمیوں کے ذریعہ زیادہ سے زیادہ استفادہ کیا جائے۔ طلباء کی آموزش بہتر ہوجائے۔ اسکے لئے ضروری ہے کہ تدریسی ہدایات کو منصوبہ بند طریقہ سے برروئے کار لایا جائے۔ منصوبہ کے ذریعہ ہم فراہم وسائل کا بھر پوراستعال تدریسی مقاصد کے حصول میں کر سکتے ہیں۔چونکہ پورا مضمون کئی مدلل حصوں میں بنٹا ہوا

تدریس کے لئے اکائی منصوبہ بندی: تدریس سے منصوبہ میں ہرایک اکائی کا منصوبہ بھی تیار کیا جاتا ہے۔ اسکے ذریعہ استاد کو تدریسی مقاصد طئے کرنے کے ساتھ موثر طریقہ سے مضمون کو منظم کرنے میں مدد ملتی ہے۔ منصوبہ بنانے کا ایک وسیع طرز ہوتا ہے۔ یہ ایک گھنٹہ یا ایک دن کے لئے منصوبہ ہیں ہوتا ہے بلکہ ہفتہ دو ہفتے کے وقفے کا ہوسکتا ہے۔ اکائی منصوبہ کے مندر دجد ذیل مقاصد میں۔ ا۔ نئی سرگرمی یا تجربے کا افتتاح کرنا ۲۔ منفر دہدایات کے طریقوں کی پہچان کرنا ۳۔ مستقبل کی ضرورتوں، مثلاً تدریس معاون اشیاء، تدریس کے طریقے ، وغیرہ کی پیشن گوئی کرنا ۵۔ ایک محضوص اور کلیہ کی تصور کے ساتھ کیونیٹی کو جوڑ نا

اکائی منصوبہ کے اجزاء: اکائی منصوبہ کے معاملے میں ماہرین ^{تعلی}م ودرسیات کے نز دیک کوئی اتفاقی یا مشتر کہ نظریات نہیں ہیں۔ پھر بھی ایک

مندرجہ بالا اجزاء کولکو ظرا کھتے ہوئے سی مضمون کا اکائی منصوبہ بنایا جا سکتا ہے۔ نمونہ دیکھیں۔ مضمون بعلم ریاضی اکائی کا نام: مثلث درجہ: نہم اکائی کے مقاصد: اس اکائی کے سکھنے کے بعد آپ اس قابل ہوجا کیں گے کہ آپ۔ (i) مثلث کی خوبیوں کہ بیان کر سکس گے۔ (ii) مثلث کے مختلف اقسام کے در میان فرق واضح کر سکیں گے۔

(iv) مثلث کے مختلف کلیات کو ثابت کر سکیں گی۔

بلوم درجہ بندی پڑی منصوبہ بندی: کسی ایک گھنٹی/ پیریڈییں ایک مخصوص درجہ میں تد ریس کے لئے بھی منصوبہ بنایا جاتا ہے ۔ایسی منصوبہ بندی اکائی منصوبہ سے مختلف ہوتی ہے۔ سبق کی منصوبہ بندی انتہائی مخصوص ہواکرتی ہے چونکہ بیا یک گھنٹی کی مدت 45-35 منٹ ہواکرتی ہے اسلئے اسمیں عنوان ، ذیلی عنوان ، مضمون ، درجہ ، طلبہ کی جماعت مخصوص ہوتی ہے۔ اسلئے منصوبہ سبق کو مخصوص منصوبہ کہتے ہیں۔ ریاضی کی تدر ایس میں منصوبہ سبق انتہائی اہمیت کا حامل ہے۔ طریقہ تد ر ایس ، تد ر لیں اشیاء اور مثالوں کا انتخاب پیشگی قبل از وقت کرنے سے تد ر ایس صرف کلمل ، ی نہیں بلکہ مؤثر بھی ہوجاتی ہے بلوم درجہ بندی کے مطابق طلبہ کی آموزش کو تین وسیع علاقوں میں تفسیم کیا گیا ہے۔ وقوفی ، تاثر اتی ، اور نفس حرکی علاقے۔ اگر ان کا لحاظ رکھ کر منصوبہ سبق تیار کیا جائے تو درسی سبق کے تد ر یس معاومات ، تفسیم ، اطلاق ، تعین قدر ، تجز بیا اور کا لحاظ زمرے میں بیان کیا جانا چا ہیے جس کی تفصیل آپ نے اکائی دو میں مطالعہ کی ہوگی ایسے منصوبہ سبق کا سیاق وسباق مندر جوذیل ہوتا ہے۔

(1) تخت سیاه، درجه، مضمون، عنوان، زیلی عنوان، تاریخ گھنٹی وغیرہ کی معلومات۔

(۲) سبق کے خصوصی مقاصد ، مختلف ماہرین اور مصنفین نے اسے مختلف اصطلاح کے ساتھ ذکر کیا ہے۔ مثلاً تدریسی مقاصد، برتاوی نتیج، حتمی برتاو ، وغیرہ اس کے ذیل میں استادا پنی تدریس کے نتیج میں طلبہ کے رویہ میں متوقع تبدیلی کوانے برتاؤ کی اصطلاح میں بیان کرتا ہے۔ خصوصی مقاصد استاد کی کوششوں کومخصوص بناتے ہیں اور انحراف سے روکتے ہیں۔استاد کوان مقاصد کا استحضار دوران تد ریس برقر ارہونا چا ہیے۔

(۳) سابقة معلومات: منتخب عنوان/ ذیلی عنوان کی تدریس میں معاون وہ معلومات جو بنیادی طور پرطلبہ کے علم میں ہونالازمی ہوتا ہے کوسابقة معلومات سے موسوم کیا جاتا ہے مثلاً ذیلی عنوان'' مثلث کی خوبیاں'' کے لئے سابقة معلومات مثلث کی پہچان ،اقسام زاویہ، خط^{ستق}یم کی لمبائی کا اندازہ وغیرہ سابقة معلومات کو بعض ماہرین ابتدائی برتا وُ (Entry Behavior) بھی کہتے ہیں۔اس کی جانچ سبق کی تدریس یے قبل کی جاتی ہے۔

(۳) تدریسی امدادی وسائل: منصوبہ سبق میں تدریسی امدادی وسائل کا انتخاب تدریس کومؤ تر کرنے ی غرض سے کیا جاتا ہے اس کی تفصیل علیحدہ ہے آپ اکائی 5 میں مطالعہ کریں گے۔

(۵) تعارفی گفتگواورارتقائی سوالات: یسبق کی افتتاح طلبہ کی سابقہ معلومات کی جانچ اوران کی روزانہ کی زندگی کے وہ معلومات حادثات کے تبادلہ خیال جن کاتعلق عنوان سے ہوہی جانا چا ہے استاد کی کوشش ہوتی ہے کہ منتخب عنوان کو سیکھنے کے لئے طلبہ کو تحرک کرے اوران میں تجسس پیدا کرے۔ نیچ کے درجہ میں استاد انتہائی آسان اور مانوس سوال یو چھے۔ (۲) پیش کش : اس جعے میں استاد منتخب عنوان کے مواد کوتر تہیب سے طلبہ کو شامل کر کے کمرہ جماعت میں پیش کرتا ہے ۔اس کی کوشش طے شدہ خصوصی مقاصد کا حصول ہوتی ہے ۔اس جصے میں استعال میں لائے جانے والے تدریسی امدادی دسائل تختہ سیاہ کا کام اور معلم اور طالب علم کی سرگرمی کا اطلاقی منصوبہ بیان کیا جاتا ہے ۔ پیش کش میں طریقہ تدریس ،مناسب مثالوں کا انعکاس ہونا چا ہے تا کہ استاد پہلے ہی سے ذہنی طور تیار ہواوراپنی تدریس کے مل کو

(2) اعادہ سبق : بطئے شدہ مقاصد کے مطابق موادینی کرنے کے بعد استاد کل مواد کا خلاصہ بیان کرتا ہے تا کہ طلبہا پنی آموزش کا اعادہ کر سکیں ۔اس ذیل میں می^{تھ}ی بیان کرنا چاہیے کہ طلبہ کی آموزش کی سطح کا اندازہ لگ سکے۔اس کے لئے استاد تختہ سیاہ یا چارٹ بیبر پر سوالات لکھنے کا منصوبہ تیار کرتا ہے۔

(۸) سطح کا کام :۔ آخر میں پڑھائے گئے عنوان سے اخذ کرطلبہ کو گھر کا کام دیا جاتا ہے تا کہ کمرہ جماعت کی آموزش کامشق کر سکے یموماً گھر کا کام خصوصی مقاصد کے مطابق ہونا چاہیے۔ایک اچھے منصوبہ سبق نگراں سے رائے لینے کی گنجائش ہونی چاہیے تا کہ ٹیچینگ پریکٹس کے دوران زیرتر بیت استادا پنی کوششوں میں سدھارلا سکے۔

4.4 مُكْمَالُو جَيْمُم مَدْرِيس: (Technology Integrated Lesson) درس تدریس میں مختلف اقسام کی ٹکنالو جی کا استعال کیا جا سکتا ہے۔روز بر وز سائنس وٹکنالو جی کی ایجاد نے کمرہ جماعت کی سرگرمی کوبھی متاثر کیا ہے خصوصاً معلوماتی اطلاعاتی ٹکنالو جی (انفار میشن اینڈ کمیو کییشن ٹکنالو جی ارترک نے درس وتد ریس کے مل میں انقلاب پیدا کردیا ہے۔ جس کی تفصیل آپ علیحدہ پر چہ 103-B.Ed میں کر یں گے۔اگرکوئی استادا پنے درس وتد ریس میں ٹکنالو جی کواستعال کرتا ہے تو اس کے لئے منصوبہ سبق کومزید بار کی سے تیار کرنا چا ہے۔چونکہ ٹکنالو جی میں خو بیاں اور خامیاں دونوں پنہاں ہوتی ہیں اس لئے استاد کوچا ہے کہ منصوبہ سبق اس طرح تیار کرے کہ طلبہ خو بیوں سے استفادہ کریں اور خامیوں سے بچیں۔مواد مضمون تد ریسیات کے اصول اور ٹکنالو جی کی خصوصیات مینوں کو کو طرح کر منصوبہ سبق تیارہونا چا ہے۔ ڈیجیٹل ٹکنالوجی کااستعال کر کے تدریس کے لئے منصوبہ بندی:۔

ڈیجیٹل ٹکنالوجی جس میں کمپیوٹر اور انٹرنیٹ سب سے زیادہ کلیدی رول کا استعال درس و تد ریس کے عمل میں کیا جاسکتا ہے۔ایسے اسباق کو دوز مربے میں تقسیم کر سکتے ہیں۔ایک آف لائن اور دوسرا آن لائن ۔دونوں زمرے میں جماعتی ترسیل کی زبر دست صلاحیت موجود ہیں۔اس لئے استاد کو دوران تد ریس کا فی مختاط رہنے کی ضرورت رہتی ہے۔ایسے اسباق میں استاد دوطرح کے طلبہ سے روبر وہوتا ہے۔

ایک سامنے اور دوسرے دور کے مقامات پر مقیم ۔اس لئے منصوبہ بناتے وقت دونوں اقسام کے طلبہ کے پیش نظر خیال رہنا چاہیے ۔عام طور پرتعلیم میں استعال ہونے والی ڈیجیٹل ٹکنا لوجی کے ہارڈ وئیر اور سافٹ ویئر کی شکل میں مندرجہ ذیل اجزاء شامل کئے جاتے ہیں۔

H/W: ڈیسکٹاپ لیپٹاپ۔ اسمار طموبائل فون۔ شیب LCD پروجیکٹر وائٹ بورڈ آیڈیو ویڈور ایکارڈر S/W: ورڈ پروسیسر پاور پوائٹ اسپریڈشیٹ ویڈیو پلیئر ورچول لیب کے سافٹ ویئر۔(مجاز تدریس سیمولیشن ٹیچنگ) ایٹیمیشن ہائی اسپیڈا نٹرنیٹ کنیکشن LAN اور WAN می وغیرہ۔

ایسے اسباق میں کمرہ جماعت کے مناسب اور موافق میڈیا کا انتخاب بہت اہم ہوجاتا ہے۔طلبہ کو کلاس ورک یا ہوم ورک آن لائن یا آف لائن دیا جاسکتا ہے۔ان کے شکوک شبہات کی وضاحت بھی اسی وقت کی جاسکتی ۔ ایسے اسباق کی کا میابی استاد اور طلبہ دونوں کے ICT مہمارت پر پنحصر کرتی ہے ٹیکنا لوجی ضم سبتن کا منصوبہ تیار کرت وقت استاد کے ذہن میں یہ بات ہونی چا ہیے کہ ٹکنا لوجی کے پاس عام سوجھ ہو جھ (کا من سینس) نہیں ہوتی ہے۔ اسے جو بھی ہدایت دی جائے گی وہ اس کے مطابق فعل انجام دے گی ۔

فرہنگ: (Glossary) خورد تدريس

محركات كي تبديلي

Micro Teaching

Stimulus Various Skill

Reinforcement Skill

Unit Planning

Lesson Plan

تقويت عطاكرنے كى مہارت اكائى منصوبه بندى منصوبة بقن ^عكنالوجى ضم بدريس

Technology Integrated Teaching

خلاصه:(Let Us Sum Up/Points to Remember): خلاصه

خورد قدرلیں:۔ بیداسا تذہ کوتر بیت دینے کی حکمت عملی ہے جس میں اصل کمر ۂ جماعت کی قدر ایس میں تخفیف کر کے کسی ایک قدر ایس مہمارت کا مشق کی جاتی ہے۔ اکا کی منصوبہ بندی:۔ مسی ایک مضمون کو چند وسیع حصوں میں مدلل تفشیم کیا جاتا ہے ہر ایک حصے کو ایک اکا کی کے طور پر تفشیم کیا جاتا ہے۔ اس ماکا کی کی قدر ایس کے لئے جامع منصوبہ کو اکا کی منصوبہ کہتے ہیں۔ ماکا کی کی قدر ایس کے لئے جامع منصوبہ کو اکا کی منصوبہ کہتے ہیں۔ منصوبہ بیقی:۔ ایک اکا کی کو گئی چھوٹی اکا ئیوں میں بانٹ کر ایک پیر یڈ / تھنٹی میں قدر ایس کی جاسکے ایک سبق کہلاتا ہے اور اس کی منصوبہ بندی پیش میں کی جاتی ہے۔ تدر ایس کی کئی مہمارتیں ہیں جن میں محرکات کی تہدیلی ،سوالات یو چھنے ،تقویت عطا کرنے ،مثالیں پیش کرنے وغیرہ معروف مہارتیں ہیں۔

۲۔ ہندوستان میں خورد تدر لیس کا آغاز...... سن میں ہوا۔ ۱)1969 ۲) 1964 ۳) 1967 ۹) 1969 ۳۔ خورد تدر لیس کے مخصوص اجزاء ہوتے ہیں۔ ۱) تین ۲) پارٹچ ۳) دو ۴) چار

☆Kumar,K.L.(2001) Eductional TechnologyNew Delhi:-New Age International Publising Srinivasan,

 $\stackrel{\text{tr}}{\approx}$ P.K.(2010)Resource Matrial for Mathematics Club Actirarue.

☆Riedesel,C.A& Schwartz,J.K.(1994)Essentidls of Elenaentan Mathamatic(......)

Needhanu Heigls,MA(USA):

☆Allyn &Bacon.Sharua,D.N&Sharma,R.C.(2011)Science leiTadrces(Translated in Urdu).Nwe Delhi NCPUL.

☆Madaholi,A.G.(1952).khel de Zaria Taalim Delhi:-Maktaba Jamia Limited Kumar,V.(Edit.) (2012)Pedagory of Mathamnhzs new Delhi:-NCERT. \Rightarrow Bishop,P.&Daries,N.(2000)A Strategy for the use of Technology to Enhance Learning in Maths,Stats and OR.

اكائى 5: رياضى كاكتسابى وسائل

(Learning Resources in Mathematics)

تعارف (Introduction)

مقاصد (Objectives)

5.1 ریاضی کی درسیاتی کتاب۔اچھی کتاب کا معیاراوراہمیت

(Mathematics Textbook- importance and Criteria of good textbook)

5.2 ثانوی اسکول کے موجودہ ریاضی کی درسی کتاب کا تنقیدی جائزہ

(A Critical Analysis of Existing Secondary School Mathematics Text Book)

5.3 سمعی، بصری اور کثیر الابلاغ وسائل - سکھنے والے کی ضرورت کے مطابق انتخاب اور ڈیز ائن

(Audio, Visual and Multimedia Resources-Solution and design according to Learner needs)

5.4 آن لائن ريسور سيز-آئى سى- ٹى بيىد بيد اكوجيك ٹوكس

(Online Resources - ICT based Pedagogical tools)

5.5 ریاضی کے اکتساب کے لئے کمیونٹی وسائل کا استعال: وزیٹس، سیسیمٹیکل فیلڈ ٹرپ اور ایکس کرش

(Using community Resouces for Mathematics Learning: Visits, Mathematical field and Excursion)

فرہنگ(Glossary)

خلاصه (Let Us Sum Up/Points to Remember)

اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں (Unit End Activities)

مزيدمطالع كيك كتب (Suggested Readings)

تعارف: (Introduction)

نصابی کتاب کی بنیاد پراستادا پنامنصوبہ بین تیار کرتا ہے اس میں دی ہوئی مثالوں کو تختہ سیاہ پراستعال کرتا ہے اور گھر کے تفویض وشق کے لئے بھی اس درسی کتاب کو استعال میں لایا جاتا ہے۔ اسکول کے تمام مضامین میں نصابی کتاب ایک اہم تد ریسی شئے ہے۔ بیہ پچوں کے اکتساب میں اعلیٰ مقام رکھتی ہے۔ تد ریس واکتساب کو منظم طریقہ سے پیش کرنے میں نصابی کتاب مدد گار ہوتی ہے۔ مواد صفون کو سلسلہ وار اور مخصوص انداز میں نصابی کتاب میں پیش کیا جاتا ہے۔ کسی بھی تعلیمی نظام میں نصابی کتاب ایک اہم تد ریسی شئے ہے۔ بی بنانے کے لئے پچھا صولوں کو دھیان میں رکھنا چاہے۔

مقاصد: (Objectives)

اس اکائی کے مطالعہ کے بعد آپ اس قابل ہوجا ئیں گے کہ

- ا۔ نصابی درسی کتاب کے عنیٰ ومفہوم اوراہمیت وضرورت پر دوشنی ڈال سکیں۔
 - ۲۔ ریاضی کی نصابی کتاب کا معیارِ بیان کرسکیں۔
 - س۔ ریاضی کی موجودہ نصابی کتابوں کا تنقیدی جائزہ پیش کر سکیں۔
- ۳۔ ریاضی کی تدریس کومؤ ثر بنانے میں تدریسی امدادی وسائل کی اہمیت وافا دیت کی وضاحت کرسکیں اوران وسائل کے انتخاب اور تیاری کے اصول بیان کرسکیں۔
 - ۵۔ کتابِ ریاضی میں کمیونٹی وسائل کی مختلف اقسام اوران کا استعال بیان کر سکیں ۔
 - ۲۔ ریاضی کی تد ریس اور اکتساب کے لئے آن لائن وسائل کی تفصیلات بیان کر سکیں۔

5.1 ریاضی کی درسیاتی کتاب۔اچھی کتاب کامعیاراوراہمیت

(Mathematics Textbook- importance and Criteria of good textbook)

اسکول کے تمام مضامین میں نصابی کتاب ایک اہم تدریسی شئے ہے۔ یہ بچوں کے اکتساب میں اعلیٰ مقام رکھتی ہے۔ تدریس و اکتساب کو منظم طریقہ سے پیش کرنے میں نصابی کتاب مددگار ہوتی ہے۔مواد مضمون کو سلسلہ دارا در مخصوص انداز میں نصابی کتاب میں پیش کیا جاتا ہے۔طالب علموں کی نشونما کے فروغ کے ساتھ ساتھ یہ کمرہ جماعت کی تدریس کوایک سمت میں لے جانے کی رہنمائی کرتی ہے۔ عام طور پر نصابی کتاب ایک تعلیمی آلہ (Educational Instrument) کی حیثیت رکھتی ہے۔نصابی کتاب ایک خاص مقصد کو پورا کرنے کے لئے تیار کی جاتی ہے۔ اس میں موادِ مضمون کو منصوبہ بند طریقہ سے اجا گر کیا جاتا ہے۔ نصابی کتاب میں پیش کردہ مواد مخصوص جماعت کی ضروریات کے مطابق تیار کیا جاتا ہے۔ اس کے پہلی سطر کو پڑھا کر تعلیمی عمل شروع ہوتا ہے اور آخری سطر پر تعلیمی عمل اپنے اختشام کو ہو۔ نصابی کتاب کی بنیا د پر استادا پنا منصوبہ بنق تیار کرتا ہے اس میں دی ہوئی مثالوں کو تختہ سیاہ پر استعمال کرتا ہے اور گھر کے تفویض وشق کے لئے بھی اس درسی کتاب کو استعمال میں لایا جاتا ہے۔

نصابی کتاب مدرس کے قدر لیی عمل کے فیصلہ کے لئے بھی کارآ مد ہے، طالب علموں کے اکتساب کو بھی ظاہر کرتی اور آزمائش کام کے لئے بھی اس کا استعال کیا جاتا ہے۔ کمرہ جماعت میں پڑھائی جانے والی اور سیکھائی جانے والی ہر چیز نصابی کتاب میں موجود ہوتی ہے۔ معلم ، متعلم اور آزمائش کرنے والے تمام افراداس پر ہی انحصار کرتے ہیں۔ کسی بھی صورت میں نصابی کتاب قدر لیں واکتساب ک عمل سے الگنہیں ہے۔ یہی وجہ ہے کہ نصابی کتاب ایک ذریعہ معلومات ہے اور اسے اسکول کے برابر کا درجہ دیا جاتا ہے۔ یہ ضمون ک مواد اور درس وقد رئیس کی حکم کو پوری طرح سے جانے میں کامل مدد کرتی ہے۔ کو ٹھاری کمیشن کی رپورٹ کے مطابق "نصابی کتاب کا سوال ہمارے ملک کے لئے بہت اہم اور نہایت ضروری ہے۔ بیدار قوم اور ملک کے لئے بیا شد ضروری ہے کہ نہایت عمدہ کو الیٹی کی نصابی کتاب کا سوال

نصابی کتاب کے معنی: (Meaning of Text Book) کے لئے تیار کیا جاتا ہے اس طرح ہم کہہ نصابی کتاب مواد مضمون کا ایک معیاری مجموعہ ہے جو کہ ایک خصوص مرحلہ (Stage) کے لئے تیار کیا جاتا ہے اس طرح ہم کہہ سیتے ہیں کہ نصابی کتاب منصوبہ بند طریقہ سے اس مواد کا مجموعہ ہے جو کسی ایک خاص سطح یا عمر کے طلباء کی تد ر لیی ضرورت کے لئے لاز می ہے نصابی کتاب میں مواد کو خوبصورتی کے ساتھ اس طرح پیش کیا جاتا ہے کہ نگی اصطلاحات اور مہارتوں کو سکیصنے میں آسانی ہوتی ہے اور ساتھ ہی ساتھ پر انی معلومات کو تھی بہتر ڈھنگ سے پیش کیا جاتا ہے کہ نگی اصطلاحات اور مہارتوں کو سکیصنے میں آسانی ہوتی ہے اور ساتھ ہی ساتھ پر انی معلومات کو تھی بہتر ڈھنگ سے پیش کیا جاتا ہے کہ نگی اصطلاحات اور مہارتوں کو سکیصنے میں آسانی ہوتی ہے اور لانگ (Lang) کے مطابق "ایک نصابی کتاب کسی خاص مطالعہ کی شاخ کے لئے ایک معیاری کتاب ہوتی ہے " اور کی مکسی کی سیند میں ان سی پوٹ سے دواضح طور پر کہا ہے کہ ایک تی تھی تھی نہ میں اس میں کہ میں اس میں کہ معلومات کو تھا ہوں ہوتی ہے ہی کتا ہو تی ہے ہوتی ہے اور اور کی محکومات کو تھی بہتر ڈھنگ سے پیش کیا جاتا ہے۔ لانگ (Becon) کے مطابق "ایک نصابی کتاب کو کلاس روم میں استعمال کر نے والی کتاب کی حیثیت سے تیار کیا جاتا ہے "

نصابی کتاب کی ضرورت اوراہمیت: (Need and Importance of the Text Book) سی بھی تعلیمی نظام میں نصابی کتابیں کلیدی حیثیت رکھتی ہیں۔تعلیم ایک سہ رخی/عمل ہے جس میں مدرس ،طلباءاور مواداس کے

تین ستون ہیں ۔مواد درمیانی ستون ہے۔ بیرمدرس اور سیکھنے والوں کے درمیان رابطہ قائم کرتا ہے۔بغیر کمل مواد مدرس کامیابی کے ساتھ آ گے نہیں بڑ ھسکتا ہے۔

نصابی کتابوں کے اندرنصاب کے موادیا مضمون کے موادکواس مناسب طرح سے پیش کیا جاتا ہے کہ مدرس اور طالب علم دونوں کے لئے موزوں ہو۔ مدرس اس موادکوآ سانی کے ساتھ اپنی تفہیم میں لاکر کمرہ جماعت میں خوداعتمادی کے ساتھ پیش کرتا ہے طلباء بھی درس کتابوں کے موادکوآ سانی کے ساتھ ذاتی مطالعے سے سمجھ جاتے ہیں کیکن زیادہ تر طلباء کو مدرس کی مدد کی ضرورت ہوتی ہے۔ بحرکیف تد ریس واکتسابی عمل میں نصابی کتاب مدرس اور طالب علموں دونوں کے لئے مددگار ثابت ہوتی ہے۔ تدریسی واکتسابی عمل میں ہینہ صرف اہمیت رکھتی ہے بلکہ بیاس کا ایک لاز می حصہ ہے۔

> اسا تذہ کے لئے اس کی اہمیت: مدرس مندرجہ ذیل ضرور توں کو پورا کرنے کے لئے اس کا مناسب استعال کرتا ہے۔ ۱) مناسب مواد مضمون کے لئے:

مدرس ایک مخصوص جماعت کے لئے اس کے نصاب کے مطابق مناسب موادِ صِّمون کے لئے اس کا استعال کرتا ہے۔ایک تدریسی کتاب موز وں موادمہیا کرتی ہے اور مضمون کے نصاب کے مطابق رہنمائی کرتی ہے۔اس کے اندر مناسب مثالیں اور شق کے لئے بے شارسوالات ہوتے ہیں۔ بیدرس کا وفت ضائع نہ ہواس میں مدد کرتی ہے۔ ۲) منصوبہ بنداور منظم اکتساب کے لئے:

تدریسی کتاب میں اندر مختلف عنوانات کے تحت موادِ مضمون مرتب ہوتا ہے۔ یہ کتاب مدارس کے لئے منصوبہ بندی کے مراحل، مناسب طریقہ تد ریس اور موزوں مواد صنمون کی نشاند ہی کرتی ہے۔ مدرس کو منظم اور سلسلہ وارطریقہ سے پڑھانے میں مدد کرتی ہے جس کی وجہ سے اس کی تدیس موثر ہوتی ہے۔ **س)رہنمائی کے لئے**:

درسی کتابیں عنوان کی پیشکش میں مدرس کی رہنمائی کرتی ہے۔ بیہ مدرس کے لئے بہت ہی اچھی مثالیس پیش کرتی ہیں جو مدرس اور طلباء دونوں کے لئے رہنمائی کا کا مانجام دیتی ہےاور ساتھ ہی ساتھ اصلاح کرنے کی ممکن راہ دکھاتی ہے۔ **م) تعین قدر کے لئ**ے:

تعین قدرتعلیم کاایک حصہ ہے۔زیادہ تر مدرس ایک اچھی تحصیلی جائج تیار کرنے سے قاصر ہوتے ہیں۔تدریسی کتابیں مختلف قسم کے مسائل پر جائج کاانتخاب اور تیاری کرنے میں مددگار ہوتی ہیں۔

۵) مشق اور گھر کے تقویض کے لئے:

ریاضی مثق پر مبنی ایک مضمون ہے۔ بغیر مثق کے اس مضمون کونہیں سمجھا جاسکتا ہے۔ سیصفے والا جب تک اصول اور قانون کو استعال نہیں کرتا ہے تو اس کو سمجھ نہیں پاتا ہے۔ تدریسی کتابوں کے اندر بے شمارا چھے سوالات درج ہوتے ہیں جو مدرس اور طلباء کونفہیم کرنے کا مناسب موقع فراہم کرتے ہیں۔

طلباء کے لئے اس کی اہمیت:

طلباء کے لئے بھی اس کی بہت اہمیت ہے۔بغیر درتی کے کتاب کے طلباءا یک ایسے معمار کی طرح ہیں جو کہ بغیر کسی آلہ کے ہے۔ ہر قدم پرطلباء کواس کی ضرورت پڑتی ہے مندرجہ ذیل اہم نکات کے ذریعے آپ کواس کی افادیت کا اندازہ ہوجائیگا۔ 1. خود کا رمطالعہ **میں مددگار**:

طلباءنٹی چیزوں کوجاننے کے لئے ہمیشہ کوشاں رہتے ہیں۔اس وجہ سے طلباءنصابی کتاب کی مدد سے ہر عنوان کو پہلے ہی پڑھ لیتے ہیں تا کہ کمرہ جماعت میں ان کو بیعنوان اچھی طرح سے سمجھ میں آجائے۔اس کے علاوہ اگر کوئی بات واضح نہیں ہوتی ہے تو درسی کتاب کے مطالعہ سے وہ چیزیں بالکل صاف صاف نظر آنے گتی ہیں۔ 2.اصطلاحات کوفہم کرنے میں مدد کرتی ہے۔

اکثر کمرہ جماعت میں مدرس کے ذریعہ بتائی گئی اصطلاحات طلباء کی سمجھ میں نہیں آتی ہیں وہ ان اصطلاحات کونصابی کتابوں کی مدد سے بہتر سے بہتر سمجھ پاتے ہیں۔

3. اپنی مرضی اورخوا ہش کے مطابق طلباء کواستعال کرنے کے مواقع:

کلاس روم کے باہر درسی کتابیں ایک مدرس کی حیثیت سے کام آتی ہیں۔اگر کوئی طالب علم کسی چیز کو کمرہ کجا عت میں نہیں سمجھ پایا ہے تو نصابی کتاب کی مدد لے سکتا ہے۔نصابی کتابوں کی مدد سے وہ اپنی مرضی سے ان سوالات کوحل کر پاتا ہے۔ 4. ذہنی طور پر معذ وراور پسما ندہ بچوں کے لئے مدد گار:

نصابی کتابیں کمرہ جماعت کے باہران بچوں کے لئے نہایت کارگراوراہم ہیں جو بچے ذہنی طور پر معذوراور پسماندہ ہیں ایسے بچے کلاس روم کی رفتار کے مطابق اپنے آپ کونہیں ڈھال سکتے ہیں ۔اس وجہ سے بعد میں وہ نصابی کتابوں کی مدد سے اپنی خامیوں/ کمز دریوں کوسد ھار سکتے ہیں ۔

5. فطین بچوں کے لئے مددگار:

فطین بچاوسط بچوں کی بہنسبت زیادہ لکھنےاور پڑھنے کی صلاحیت کے مالک ہوتے ہیں۔ان کی زیادہ سے زیادہ سکھنےاور پڑھنے کی خواہش ہوتی ہے اس دجہ سے کمرہُ جماعت کی تد ریس ان کے لئے ناکافی ہوتی ہے۔ مدرس بھی ان کی زیادہ مدذہیں کر پاتے ہیں کیوں کہ وہ خود کام کے بوجھ سے دبے ہوتے ہیں۔ان حالات میں نصابی کتابیں ہی ان بچوں کی مدد کرتی ہیں اوران کی تعلیمی پیاس کو بچھا پاتی ہیں۔

ریاضی کی انچھی نصابی کتاب کے معیارات: (Criteria for a Good Mathematics Text Book) ریاضی کی درسی کتابوں کی نقید کٹی وجوہات کی بنیاد پر کی جاتی ہے۔ ان میں سے ایک وجہ ہیہ ہے کہ یہ کتابیں طلباء کے لئے کوئی چینج پیدانہیں کرتی ہیں۔ اگر کتاب میں آسان طریقوں کا استعال ہوا ور مواد بھی آسان ہوتو کتاب طلباء کو فور وفکر کرنے کے لئے مجبوز نہیں کرتی ہیں دوسری طرف پچھ کتابیں اتن پیچیدہ ہوتی ہیں کہ ان کو سمجھنا بہت ہی مشکل ہوتا ہے۔ ریاضی کی ایک اچھی کتاب کے معیارات کی حسب ذیل عنوانات کے تحت درجہ بندی کی جاسکتی ہے۔

مصنف: (The Author)

- المصنف سنديافته، تجربه کاراوررياضي کامنتند معلم ،وناچا ہے۔
- المصنف کو حقیقی اکتسابی حالات کی سمجھ ہونی چا ہیےاورطلباء کی دشواریوں کی جا نکاری بھی ہونی چا ہیے۔

زبان: (The Language)

- ار یاضی کی نصابی کتاب میں استعال کی جانے والی زبان آسان عام فہم، سادہ اور بچوں کی جاذبیت کے لحاظ سے ہونی چا ہیے۔
 - انصابی کتاب میں الفاظ کا استعال اور طرزان بچوں کی عمر کے لحاظ سے ہونا جا ہیے جن کے لئے کتاب کھی جارہی ہے۔
- 🛠 👘 ریاضی کی نصابی کتابوں میں استعال ہونے والی اصطلاحات اورعلامات عام شہوراور مین الاقوامی سطح پر قابل قبول ہونی جا ہے۔
- تمام اصطلاحات، تصوارات اوراصول جو کتاب میں استعمال کئے گئے ہیں واضح، صاف ستھرے اور دل نشین انداز میں بیان کئے جانے چاہیے۔
 - 🛠 🛛 مواد صفهون اوراس کی تنظیم و پیش کش (The content and its organisation)
 - انصابی کتاب مقررہ خاکہ نصاب کے لحاظ سے ہونی چا ہیےاور خاکہ نصاب کے ہر عنوان کا برابرا حاطہ ہونا چا ہیے۔
 - ا سس کسی جماعت کامواد مضمون اس جماعت کی ریاضی کو پڑھانے کے اغراض ومقاصد کے مطابق ہونا جا ہے۔
 - ہرا کائی (یونٹ) کے اختیام پردیئے جانے والا جواب صحیح ہونا چاہیے اور ساتھ ہی ساتھ اس سے امتحان کی ضرورت پوری ہونی حیا ہیے۔
- ار یاضی کی نصابی کتاب میں طلباء کے انفرادی فرق کالحاظ کرتے ہوئے اور مختلف طلباء کی ضرورت ، دلچیپی ، رجحانات ، معیارات کو

- مطمئن کرنے والی ہونی چاہیے۔ ﷺ نصابی کتاب میں اعادہ سبق اور شق کی مناسب گنجائش فراہم کی جانی چاہیے۔ ﷺ نصابی کتاب کاتعلق کمرہ جماعت کے اکتساب سے طلباء کی حقیقی زندگی کی ضروریات طبعی اور سماجی ماحول کے مطابق ہونی چاہیے۔
- الا المراجي الما المعاد منطقى اورنفسياتى لحاظ سے احتياط كے ساتھ منظم كيا جانا جا ہے۔جوموثر تدريسى ماحول كو پيش كر سكے۔

مشقیں اور مثالیں: (Exercises and Illustrations**)** مثالیں اور تشریحات واضح موزوں اور صحت کے ساتھ ہونے چاہیے۔ مواد صفمون کی پیش کش پر کشش، دلچ سپ اور موزوں مثالوں اور تشریحات کے ساتھ اشکال حسب صرورت اور خاکوں کے ساتھ ہونا چاہیے۔ جہ جواشکال نصابی کتاب میں استعال کی گئی ہیں ان کی شناخت آ سانی سے ہونی چاہیے اور علم ہند سہ (جیو میٹری) میں اشکال کی

- بر سیس بواشکان تصابی کمان کی اسلامان کی بین ان کی سناخت اسان سے ہوئی جا ہے اور سم ہمد سہر بیو سرک کی اشکان کی بناوٹ سوال میں دی ہوئی پیائش کی نسبت کے مطابق ہونی جا ہیے۔
 - انصابی کتاب میں ایسی مشقیں بھی شامل کرنا جا ہے جوریاضی میں فطین طلباء کے لئے چیلنج ہوں۔
 - ا ہم سر محنوان کے اختیام پر مختلف معیار کے سوالات کی مشق دی جانی چاہیے جس سے ہوشم کے طلباء کی ضرورت پوری ہو سکے۔

عمومی خصوصیات: (General Characteristics) سی نصابی کتاب میں جدید تبدیلیاں شامل کرتے ہوئے نئی اشاعت ہونی چاہیے۔ سی نصابی کتاب کی قیمت بھی موجودہ مہنگائی کے حساب سے مقرر کی جانی چاہیے اور ہر جگہ آسانی سے دستیاب ہونی چاہیے۔ سی سیاستقرائی ، استخراجی ، انکشافی اور مسائل کوحل کرنے کے طریقہ تد ریس پر مرکوز ہونی چاہیے۔

5.2 ثانوى اسكول كى موجودہ رياضى كى نصابى كتاب كا تنقيدى جائزہ:

(A Critical Analysis of Existing Secondary School Mathematics Text-Books) ریاضی کی نصابی کتاب معلم اور متعلم دونوں کے لئے ایک ناگریز آلد ہے ایک معلم کواس کواستعال کرنے میں خاص امتیاز اور احتیاط برتنا چاہیے درسی کتاب کو پر اثر طور پر استعال کرنا طلباء کی ذہانت اور ضرورت کے لحاظ سے استعال پر شخصر ہے۔ ایک اچھا معلم بمیشہ طلباء کی سابقہ معلومات، تخصیل کی سطح، سمجھنے کی طاقت اور قوت جذبہ، دلچیپی اور رجحان کے مطابق نصابی کتاب کی تدریسی اشیاء سوالات مشقیں وغیرہ اپنا تا ہے۔ درسی کتاب کو استعال کرت وقت معلم طلباء کو اپن خور وفکر کرنے کی ہدایت دیتا ہے اور رختی کی سابقہ سوالات مشقیں وغیرہ اپنا تا ہے۔ درسی کتاب کو استعال کرتے وقت معلم طلباء کو اپنے طور پرغور وفکر کرنے کی ہدایت دیتا ہے اور رضح ک کام سے پر ہیز کرنے کی ہدایت دیتا ہے۔ باز ار میں بیشار درسی کتابیں ایک ہی نصاب کی پائی جاتی ہیں معلم کو ان میں سے سی ایک اچھی کتاب کا انتخاب کرنا ہوتا ہے جو طلباء کے لئے کار آمد ہو۔ ریاضی کی ثانوی سطح کی موجودہ کسی کتاب کا تنقید کی جائزہ لینا ہے تو حسب ذیل

موادمضمون: (Subject Matters)

- ا) اس کی افادیت
 - ۲) صحيح تنظيم
- ۳) نصاب کو پورا کرنا
- ۲) منطقی اورنفسیاتی سلسله میں پیشکش
 - ۵) طلباء کے معیار کے مطابق ہو
 - ۲) تدریسی اصولوں کا استعال
 - ۲) آسان سے مشکل کی جانب
 - ۸) معلوم سے نامعلوم کی طرف
 - ۹) خاص سے عام کی جانب
 - ۱۰) مثال سے اصول کی جانب
- ۱۱) واضح اور پر کشش نقشه (Figure) اورگراف
 - ۱۲) مناسب تعداد میں مثالیں اورتشریحات
- ۱۳۰) مناسب تعداد میں حل کرنے کے لئے سوالات
 - ۱۴) ايٽو ڏيڻ مواد

زبان اوراندازبیان: (Language and Style)

- آسان اورساده زبان
- ۲) دلچیپاورقابل فنهم انداز بیان
 - ٣) سوالات کی آسان زبان
 - ۳⁾ سوالات کی قشمیں اور تعداد
- ۵) صاف شخری تکنیکی الفاظ کا استعال
 - ۲) غلطیوں اور نقائص سے پاک

شکل/خا کهاور قیمت: (Form and Price)

- 🖈 جاذب گيٺ اپ
- ا چھی اورغلطیوں سے آ زادطباعت 🕅
- الملباء تح مر کے کحاظ سے طباعت
 - ا چھے کاغذ کا استعال
 - اوسط قيمت 🕅

مصنف اوراشاعت: (Author and Publication)

- ۱) مصنف کی تعلیمی صلاحت، ر تبه اور تجربه ۲) ماہر صفمون اور مضمون پر خصوصی مہارت اورعبور
 - ۳) پېلىشركامقام
 - ۳) اشاعت کاسال

تدریسی اشیاء : (Teaching Aids)

- ا) تدریسی اشیاءاستعال کرنے کے لئے مواقع
 - ۲) مختلف قشم کی تدریسی اشیاء کا استعمال است محملہ سے ایمہ ہوتیں
 - ۳) ' معلم کے لئےمعتبر ہدایات ۴) حوالہ جاتی جدول
- ب عبب میں دیئے گئے معیارات کی بنیاد پرکوئی بھی شخص ریاضی کی کسی بھی تدریسی کتاب کا تنقیدی جائز ہ لے سکتا ہے۔اس نصابی کتاب کی اہمیت اورافادیت کے مطابق اس کا استعال کر سکتا ہے۔

5.3 سمعي، بصرى اوركثير البلاغ وسائل سيصف والے كى ضرورت كے مطابق انتخاب اور ڈيزائن :

(Audio, Visual and Multimedia Resources - Solution and design according to Learner need)

ہر معلم کی خواہش ہوتی ہے کہ اس کی تدریس موثر ہو۔ اس کی پڑھائی گئی چیزوں کوطلباء فہم کرلیں، حاصل کریں اور ذہن نشین کریں۔ ان مقاصد کو حاصل کرنے کے لئے مدرس بے شار اور مختلف تد ریسی مواد کا استعال کرتا ہے۔ چارٹ ، ماڈل، ٹھوس چیزیں، ساز وسامان، آلات اور دوسرے وسائل کا استعال کر کے ریاضی کا معلم اپنی تد ریس کوموثر بنانا چا ہتا ہے ان ہی وسائل کوریاضی کی اصطلاح میں تد ریسی موادیا تد ریسی اشیاء کہتے ہیں۔ ان تد ریسی وسائل کو معنی ، بھری اوک شریانا چا ہتا ہے ان ہی وسائل کوریاضی کی اصطلاح ریٹر یو، ٹیپ ریکا ڈر، گراموفون، تی ڈیز س کر سکھنے میں مدد کرتی ہیں۔ یہ معی آلات ہیں۔ بھری آلات ہیں۔ بھری اڈل، م

ر میر و به میں راید و بیپ راید و دن بن و دیر من کود کی کر یک مرد سری بی یہ بی میں میں ایس یہ سری ایس آلات ہیں جن میں ایک سے گراف ، تختہ سیاہ فلم اسٹریپ، پر وجیکٹر وغیرہ جن کود کی کراکتساب میں مدد لی جاتی ہے۔ سمعی ۔ بھری ایسے آلات ہیں جن میں ایک سے زیادہ حسی اعضاء کواکتسا بی ممل فروغ دینے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔ انہیں سمعی ۔ بھری آلات کہتے ہیں ٹیلی ویزن ، سنیما اورڈ رامہ جو دوحسی اعضاء کواکتسا بی ممل فروغ دینے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔ انہیں سمعی ۔ بھری آلات کہتے ہیں ٹیلی ویزن ، سنیما دوحسی اعضاء کواکتسا بی ممل فروغ دینے میں مدد کرتے ہیں۔ ہم سنا ہوا ہول جاتے ہیں ، پڑھا ہوا کم عرصہ تک ہی یا در ہتا ہے کی علی کر ذریعہ اکتساب کیا ملم دیر تک حافظ میں محفوظ رہتا ہے۔

کثیر الابلاغ (ملٹی میڈیا): کثیر الابلاغ دوالفاظ کثیر (Multi) اور ذرائع ابلاغ (Media) سے ل کر بنا ہے۔ Multi کے معنی کثیر یا ایک سے زائداور Media کے معنی ہے ایک وسیلہ جس کے ذریعہ ہم نظرات (Thoughts) یا اطلاعات کو ایک دوسر کو پیش کرتے ہیں۔ اس طرح کثیر الابلاغ دو سے زیادہ ذرائع ابلاغ کا مجموعہ ہے۔ جس کے ذریعہ ہم نظکرات یا اطلاعات کو ظاہر کرتے ہیں۔ کثیر الابلاغ کی تعریف یو ل کر سکتے ہیں کہ وہ سب کچھ جو ہم سیکھ یا سن سکتے ہیں مثلاً object معنی میں اور سالا عات کو خاہر کرتے ہیں۔ کثیر الابلاغ کی تعریف یو کثیر البلاغ ہیں۔ دوسر کے فطوں میں کہہ سکتے ہیں کہ کثیر الابلاغ کہیوڑ ہارڈ و میاور سافٹ و میڑ کا جوڑ ہے۔

سمعی، بصری اورکثیر الابلاغ وسائل کی اہمیت اور ضرورت:

(Need and importance of Audio, Visual and Multimedia Resources) سمعی، بھری اور کثیر الابلاغ وسائل کی اہمیت اور ضرورت مندرجہ ذیل ہیں۔ ۱۔ ان وسائل کا استعال کر کے معلم تدریس کے بنیادی اصولوں پڑمل کر پاتا ہے۔وہ مقرول کی مجرد(کی طرف) معلوم سے نا معلوم کی طرف اورا کتساب عمل کے اصولوں پڑمل کر کے آگے بڑھنا ہے۔

Teaching Resources کثیرالبلاغ(ملٹی میڈیا) Resources V i s u a l <u>Resources Audio</u> <u>المبن س</u>۔ ا۔ کمپیوٹرس بصرى وسائل سمعي وسائل تصاوير ، نقشه ر پڑیو ۲ - ٹیلی ویزن بليڻن بورڙ، فلم اسڻيب ش**يرريا** ڈر يروجبكطر ^گرامونون اوور، پیژیروجیکیر، ماڈل ليكويد كرسل دسيك ، جارك ان وسائل کااستعال کر کے طلباء ذہنی اور جسمانی دونوں طرح سے صحت مندر بتے ہیں۔ _11 بهطلباء کےاندرسائنسی رجحان پیدا کرتے ہیں۔ _11

متعلم کی ضرورتوں کے مطابق انتخاب اور ڈیز ائن کرنے کا اصول:

(Principle for selection and Design According to Learner needs)

ریاضی ایک مجردسائنس ہے اس کے اندر بے شمار مجردی مواد موجود ہے جس کوآسانی کے ساتھ تبھینا طلباء کے لئے مشکل ہے۔ان مجرداور پیچیدہ نصوارات کوآسان بنانے کے لئے ریاضی کے معلم کوکوششیں کرنی پڑتی ہے اس وقت ریاضی کے مدرس کوان تدریسی وسائل کی ضرورت پیش آتی ہے۔ بیتدریسی وسائل ریاضی کے معلم کومضمون کے مواد کوآسان ، دلچسپ اور موثر بنانے میں مدد کرتے ہیں زیادہ تر تدریسی عمل حسی سطح پر ہوتی ہے۔ اس وجہ سے معلی ، بھری اور ملٹی میڈیا وسائل طلباء کو بہت مدد کرتے ہیں زیادہ تر کے لئے معلم کو دوچیز وں کواپنے ذہن میں رکھنا چا ہے۔ ارموز وں سمعی ، بھری اور ملٹی میڈیا وسائل کا انتخاب ار موز وں سمعی ، بھری اور ملٹی میڈیا وسائل کا انتخاب

ان دسائل کومتعلم کی ضرورت کے مطابق منتخب کرنے کے لئے مندرجہ ذیل اصولوں پڑمل پیرا ہونے کی ضرورت ہے۔ 1. طفل مرکوزیت کا اصول: (Principle of Learner/Child Centerdness) ان دسائل کا انتخاب کرنے سے پہلے/قبل ہمیشہ معلم کواپنی ذہن میں بچوں کی عمر دلچیپی اورا ہلیت کا خیال کرنا جا ہے۔ان باتوں کے بعدان کا استعمال کرنا بہتر ہوگا۔اس طرح بیوسائل متعلم کوریاضی کی اصطلاحات یا مواد مضمون کی تفہیم کرنے میں مدد کا رثابت ہوتے ہیں۔

2. دلچیپی اور محرکہ کا اصول: (Principle of Interest and Motivation) کسی بھی تدریس۔ اکتسابی عمل کا مرکز ی نقطہ دلچیپی اور محر کہ ہوتا ہے۔ ہارڈ وییرَ اور سافٹ وییرَ دونوں ہی طرح کے وسائل کے استعال کا ایک مقصد ہوتا ہے کہ خوشگوار ماحول قائم کیا جا سکے جس سے طلباء کے اندر دلچیپی ہتجسس اور اہلیت پیدا کی جا سکے۔

3. مقاصد کے حاصل کرنے کا اصول: (Principle of Realization of Objectives)

ان اصول کے مطابق ان سمعی ، بھری اورملٹی میڈیا وسائل کا انتخاب اس طرح کیا جاتا ہے کہ طلباء کے ادار کی تفہیمی ، مہارتی اور مملی اہلیت کواجا گر کیا جا سکے۔ -

4. دسائل کے دست<mark>یاب ہونے کااصول</mark>: (Principle of Availability of Resources**)** ان اصولوں بے تحت یہ سارے دسائل آسانی سے دستیاب ہو سکیں جن کا استعال آسانی سے کیا جا سکے جن کوا بک جگہ سے دوسری

جگهآسانی سے منتقل کیا جا سکے اور ساتھ ہی ساتھ مقامی طلباء کی ضرورتوں کوبھی پورا کر سکے۔

سمعی، بصری اورملٹی میڈیا وسائل کے استعال میں احتیاط:

(Precautions for using Audio, Visual and Multimedia Resources)

- یہ انفرادی فرق کی بنیاد پر بی استعال کیا جائے۔
 ۱ اس کے استعال کی غرض بالکل صاف صاف ہونا چا ہے نا کہ صرف خانہ پوری کے لئے استعال کیا جائے۔
 ۲ معلم کو ہمیشہ اس بات کو یا درکھنا چا ہے کہ یہ ایک ذریعہ (Means) ہے نا کہ خاتمہ۔
 ۲ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۲ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو استعال کی خرض بالکل صاف کے حکہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو ہمیشہ منصوبہ بی میں ان کے لئے جگہ رکھنی چا ہے۔
 ۸ معلم کو طباء کے ساتھ ان کے استعال کرتے وقت تعاون اور تال میں بنا کے رکھنا چا ہے۔
 ۲ اس بات کا خیال رکھا جائے کہ ہی موثر تد رئیں میں مددگار ہو۔
 ۲ اس بات کا خیال رکھا جائے کہ ہی موثر تد رئیں میں مددگار ہو۔
 ۲ تد رئی حکمل کے خواب ہے کہ ہی موثر تد رئیں میں مددگار ہو۔
 ۲ تر رئی حکمل کی خواب ہے کہ ہی موثر تد رئیں میں مددگار ہو۔
 - ۸۔ اس کواستعال کرنے سے پہلے معلم کواچھی طرح سے اس کواستعال کرنا سیکھ لینا چاہیے۔

5.4 آن لائن ريسور سيز _ آئي سي ٹي بيسد پيد اگوجيک ٹولس:

(Online Resources - ICT Based Pedagogical Tools)

آئی۔ ی۔ ٹی کی تعریف: (Definition of ICT) آئی۔ ی۔ ٹی کی اصطلاح ٹیکنالوجی کی شکلوں کو خلاہر کرتی ہے۔ اس کا استعال معلومات کی تشکیل کرنے، جمع کرنے اور تبادلہ معلومات کے لئے کیا جاتا ہے۔ اس وسیع تعریف میں مندرجہ ذیل چیزیں شامل ہیں۔ ریڈیو، ٹیلی ویزن، ویڈیو، ڈی دی ڈی، ٹیلی فون، مصنوعی سیارہ نظام، کمپیوٹر اور کمپیوٹر نیٹ ورک، ہارڈ ویئر اور سافٹ ویئر اور ساتھ ہی ساتھ ان ٹکنالوجی سے متعلق آلات اور ساز وسامان وغیر ہا درخد مات مثلاً ویڈیو کا نفرنسنگ اور الکٹر ونک شامل ہیں۔ تعلیمی اعتبار سے انفار میشن اور کمیونیکیشن ٹیکنا لوجی کی تعریف یوں کی جاسکتی ہے وہ تمام ڈیجیٹل آلات ، اوز ار ، آلات اور وسائل جن کا استعال تد ریس واکتساب کے مقاصد کو حاصل کرنے کے لئے اور ساتھ ، پی ساتھ تعلیمی نظام کے انتظام کے لئے کیا جاتا ہے۔ تعلیم میں آئی سی ٹی کے استعال کا مطلب طلباء کو کمپیوٹر کے استعال اور اسکے کملی طور طریقوں سے واقفیت حاصل کروانا ہے۔ اس کے علاوہ سی جی اور اخلاقی مسائل سے بھی آشنا کروانا ہے۔ آئی سی ٹی کا استعال اکتسابی کمل کو دلچ سپ اور باعمل بنانا ہے اس کی سے زیادہ حواس شامل ہوتے ہیں۔

ترسیل کے آن لائن آلات: (Online Tools for Communication) ترسیل کے آن لائن آلات سے مرادان آلات /ٹولس ہے جس کے ذریعہ ہم انٹر نبیٹ کی مدد سے دنیا کے کسی بھی علاقہ میں بسے ہوئے شخص سے رابطہ قائم کر سکتے ہیں۔ریاضی سکھنے کے لئے یہ بہت ہی کارگر آلا ہے۔ بچے کوا گر کسی اصطلاح یا سوالات میں دشواری پیش آرہی ہے تو وہ ریاضی داہ سے رابطہ قائم کر کے ان اصطلاحات کو تجھ سکتا ہے یا اس سوالات کو کل کر سکتا ہے۔

ترسیل کے آن لائن آلات کے اقسام: (Types of Online Tools for Communication) یہ نوعیت کے لحاظ سے ان کی دوقسموں کے ہوتے ہیں۔ (i) ہم وقت آلات (Synchronous) (ii) غیر ہم وقت آلات (Asynchronous) حسب ذیل ترسیل کے آن لائن آلات۔ لہ ای میل (E-mail)

- (Blogs) بلاگس (Blogs
- 🖄 آن لائن كانفرنسنگ (Online Conferenceing)
 - e-library) برقیاتی کتب خانی (e-library)
 - (Wiki) وکچی (Wiki)
 - انٹرنیٹ مجلس (Internet Form)
 - (News Groups) نيوزگروپ 🛠

بلاگس: (Blogs)

بلاگ ایک ویب سائٹ ہوتی ہے۔ جس میں اشیاء (Items) کو پوسٹ کیا جاتا ہے۔ سب سے او پر حالیہ انٹرنیٹ کو بیش کیا جاتا ہے۔ دوس ے میڈیا کی طرح بلاک اکثر کسی خاص موضوع پر اپنی توجہ مرکوز کرتے ہیں۔ مثلاً غذا، سیاست ، مقامی خبریں یا تعلیم ، پچھ بلاک Online Diary کے طور پر کا م کرتے ہیں۔ کلال روم بلاگ کا استعال کس طرح کیا جائے (How to use Blogs in Classrooms): کمرہ جماعت میں بلاگ کا استعال کس طرح کیا جائے (How to use Blogs in Classrooms): ایسادہ اعلانات ، ہوم ورک تفویض اور بیرونی لنک کے ساتھ ایک کلال میں بلاگ شروع کریں۔ ۲۔ ہرطالب علم سے ایک اپنی دلچیں کا بلاگ شروع کرنے کے لئے معان میں بلاگ شروع کریں۔ ۲۔ مرطالب علم سے ایک اپنی دلچیں کا بلاگ شروع کرنے کے لئے مدرکرنا چا ہے۔ ۲۔ مرطالب علم سے ایک اپنی دلچیں کا بلاگ شروع کرنے کے لئے مدرکرنا چا ہے۔

اکی۔ میل: (E-mail) برقیاتی ڈاک کو مختصرای میل کہاجاتا ہے۔ای۔ میل کے ذریعے ہم اپنے پیغامات کو کمپیوٹرس کے ایک نیٹ ورک کی مدد سے اس ک منزل تک پہنچا سکتے ہیں۔ ای۔ میل کا آغاز 1960 میں ہوا۔ ای۔ میل نے انسانی زندگی کو بہت متاثر ہے اور یہی وجہ ہے کہ آئ بھی ای میل ترسیل کی سب سے زیادہ مشہوراور استعال ہونے والی خدمت ہے۔ تعلیم میں ای میل کو انکہ: ارایک ہی پیغا م کو ایک ساتھ ہز اروں لوگوں کو انجا کی میل پتوں پر بھیجا جا سکتا ہے۔ ارایک ہی پیغا م کو ایک ساتھ ہز اروں لوگوں کو انجا کی میل پتوں پر بھیجا جا سکتا ہے۔ سا ہے یہت ہی تیز رفتارہوتی ہے ۔ بچھ ہی وقفہ میں پیغا م کو ایک جگہ ہے دوسری جگہ پنچا دیتا ہے۔ سا ہے رہت ہی تیز رفتارہوتی ہے ۔ بچھ ہی وقفہ میں پیغا م کو ایک جگہ ہے دوسری جگہ پنچا دیتا ہے۔ میں ای میں ای میں ای میں ال میں ال ایا جا سکتا ہے۔

آن لائن کا نفرنسنگ: (Online Conferenceing) انٹرنیٹ کے ذریعے خیالات اور معلومات کا تبادلہ کرنے کا سب سے بہترین طریقہ آن لائن کا نفرنسنگ کہلاتا ہے۔ آن لائن کا نفرنسنگ کے ذریعے ہم ہراس شخص کے ساتھ رابطہ کر سکتے ہیں جو دنیا میں کسی بھی جگہ انٹرنیٹ سے جڑا ہے کا نفرنسنگ کے ذریعے ہم کسی واقعہ، چیزیا جگہ کا مطالعہ کر سکتے ہیں۔انٹرنیٹ کی خصوصیات زندگی کے ہر شعبے میں بے حدکار گر ثابت ہوتی ہے۔ویڈیوکا نفرنسنگ کے ذریعہ تعلیم کے میدان میں درس ونڈ رلیس اورا نظامی امور کے شعبوں میں کافی استفادہ ہوسکتا ہے۔اس کے ذریعہ ہم سی بھی ماہر تعلیم کے لیکچرکو براہ راست جگہاوروفت کی پابندی کی بغیر دکھا سکتے ہیں یاد کھے سکتے ہیں۔

فوائد (Advantages):

🖈 بېرم خرچىلى خدمت ہے 🛠 طلبہاور ہدایت کارآیس میں بتادلہ خیال کر سکتے ہیں۔ ایک دوسرے سے ترسیل کی جاسکتی ہے۔

برقیاتی کتب خانہ: (e-library) کتب خانہ میں برقیاتی آلہ کا استعال ہی e-library کہلاتا ہے۔ کتب خانہ میں برقیاتی آلہ کے استعال سے وقت اور محنت دونوں کی بچت ہوتی ہے اور اس کا معیار برقر ارر ہتا ہے خود کاری کتب خانہ (Library Automation) کا مطلب کتب خانہ میں کمپیوٹر کا استعال ہے۔ جو کہ ICT سے متاثر رہتا ہے۔ کتب خانہ کے روز انہ کے کا موں سے شروع ہو کر اطلاع کا حصول و تلاش کرتا ہے۔ برقیاتی کتب خانہ کا تعلیم میں استعال افرا کہ: ا۔ کتابوں کو آسانی سے تلاش کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ بیا یک بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ذریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا یک بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ذریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا یک بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ذریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ذریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ہے۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن دریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ہے۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن دریعہ ہم محتلف و سائل کو حاصل کر سکتے ہیں۔ ۲۔ بیا کہ بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ہے۔ ۲۔ بیا کہ بیا ہے بڑا ڈاٹا بیس ہے اور اسکن ہو تھا ہے۔ ۲۔ بیا کہ بین ہوں کہ کہ کی ودور کرتا ہے اور میں تال میں قائم کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ بیا کہ کی کو دور کرتا ہے اور ساتھ دی ساتھ تو کہ کی کو تھی معلومات فراہم کرتا ہے۔ ۲۔ استا ہو ہی دالی ساری معلومات ہو ہی ہوتی ہے۔ ۲۔ استا مول ہوں ایں ایں ای ساتھ تا کیا ہو کہ معلومات فراہ میں کی ہوں ہوں ہوں کی تیں آل

و کی : (Wiki) و کی ایک سرور پروگرام (Server Programme) ہوتا ہے جواپنے استعال کرنے والوں کواس قابل بنا تا ہے کہ وہ اس ویب سائٹ سے تعلق رکھنے والے مواد کو تیار کرنے میں اپنا تعاون کر سکتے ہیں۔و کی لفظ ہوائن زبان "Wiki Wiki" سے لیا گیا ہے جس کا مطلب "جلدی"۔ ایک و کی ایک ایسی آن لائن جگہ ہوتی ہے جو کہ مختلف مصنفین (Authors) کو انٹرنیٹ پر سلسلے دار دیب صفحات کے مجموعہ کی شکل میں تعادنی دستادیز کے وجود میں لانے، اسے شائع کرنے، پڑھنے، ادارت کرنے لکھنے کی سہولیات فراہم کرتی ہے۔ تعلیمی سیاق و سباق میں و کی اسا تذہ، طلبہ، ہدایت کار، منتظموں اور دوسر نعلیمی ماہرین کے لئے بہت عمدہ دوسیلہ ہوسکتا ہے۔ **تعلیمی فوائد**: ا۔ اسا تذہ دیکیز کو معلومات کے ایک ذخیرہ کے طور پر استعال کر سکتے ہیں۔

> ۲ کسی مسئلے پر متفقہ خور وخوص کرنے کے لئے ویکیز کا استعال کیا جا سکتا ہے۔ ۳ طلباءو یکیز پراپنے خیالات (Thought) کا خلاصہ (Summarise) کر سکتے ہیں۔ ۴ ویکیز کے ذریعے اساتذہ اپنی تدریس مسائل (Teaching Practice Problems) کی عکاسی (Reflections) اور سوچ کی شرکت داری کر سکتے ہیں۔ ۵ طلباءایے تدریسی پروجیکٹ کوویکیز کی مدد سے تیار کر سکتے ہیں۔

انٹرنیٹ مجلس: (Internet Forum) ویب سائٹ پر بحث ومباحثہ، تبادلہ خیال یا گفتگو کرنے کی جگہ انٹرنیٹ مجلس کہلاتی ہے۔ مجلس کے ممبران یا اس کے شرکت کردہ افراد کسی موضوع پر اپناڈ سکشن (رائے، سوچ، خیالات) پوسٹ کر سکتے ہیں اسلے ساتھ ماتھ دوسرے مبران کی پوسٹ کو پڑھ بھی سکتے ہیں۔ اور اس کا جواب بھی دے سکتے ہیں انٹرنیٹ مجلس کا مقصد صرف ایک مضمون یا موضوع پر تفصیل سے ڈسکشن کرنا ہوتا ہے۔ اور اس کا جواب بھی دے سکتے ہیں انٹرنیٹ مجلس کا مقصد صرف ایک مضمون یا موضوع پر تفصیل سے ڈسکشن کرنا ہوتا ہے۔ انٹرنیٹ فور م کو میں جبی ہورڈ (Messagr Board)، ڈسکشن گروپ (Discussion Group) یا ویب فارم کہا جا تا ہے۔ انٹر فور م عام طور پر اس کے بھی ممبران کو بیا جازت دیتی ہے کہ دو پوسٹ کر سکے اور نئے موضوع کا آغاز کر سکے۔ انٹرنیٹ فور م سے جڑے لیے بی اس کامبر بننے کے لئے استعمال کے لئے استعمال کندہ کو اس پر دہٹر کر نالاز می ہوتا ہے۔

لتعلیم میں انٹرنیٹ مجلسوں نے فوائد: بیل طلباءاسا تذہ بالمشافہ (فیس ٹوفیس) ایک دوسرے سے مل نہیں سکتے ہیں ان لوگوں کے درمیان ترسیل کے لئے انٹرنیٹ فورم ایک عمدہ جگہ ہے۔ بیل مید وقت کی قید کے بغیر ترسیل کا ایک بہت طاقتور ذریعہ ہے۔ بیل نٹرنیٹ فورس کمپیوٹر ترسیل (Computer Medicated Communication) کا ایک طریقہ ہے۔ بیطلبہ اسا تذہ اور تعلیم کے میدان سے جڑے دوسرے اشخاص کو بیہ مواقع فراہم کرتا ہے کہا پنے تصوارات کے ردوبدل کے لئے ایپ

پيغامات كولكھ كريوسٹ كرسكتے ہيں۔ الم منظم اور مناسب انٹر نیٹ فور مطلباء کوابیا اکتسابی موحول فراہم کرتا ہے جس کے ذریعے وہ کیچی گئی نٹی معلومات کا فوراً اپنی ذاتی 😽 اور پیشہ دارانہ زندگی میں استعال کر سکتے ہیں۔ 🛠 بیدروہ بین (Introvent) اور بردہ بین (Extrovent) دونوں طرح کے معلمین کوآن لائن ڈسکشن میں مصروف رکھتے ہیں۔

5.4 ریاضی کے اکتساب کے لئے کمیونیٹی وسائل کا استعال، وزیٹس، ریاضیاتی تعلیمی دورہ اور تعلیمی

(Using community Resouces for mathematics Learning: Visits, سير: Mathematical field and Excursion)

متعلم کے لئے کمرہ جماعت میں ریاضی کے ذریعہ ریاضی کی رسمی سرگرمیوں کے علاوہ غیر رسمی ریاضی کی سرگرمیاں / ہم نصابی سرگر میاں بھی منعقد کی جائیں۔ بیہ ہم نصابی سرگر میاں ریاضی کلب کے پرچم تلے منعقد کی جاتی ہے۔ان سرگر میوں میں والدیں ،طلباءاور سماج کے لوگوں کا تعاون لازمی ہے۔اس طرح سے ریاضی کی تدریس واکتساب کے مقاصد کو بہتر ڈھنگ سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔اس لئے ان کو غیر رسمی اور ہم نصابی سرگر میاں کہا جاتا ہے ان کو منظم کرنے کے لئے جگہ اور وسائل کی ضرورت پڑتی ہے۔ کیونکہ ان سرگر میوں کی سرگر میوں کے اس اسکول کے باہر منعقد کیا جاتا ہے۔

ریاضی کی وزیٹس اورا کیس کرشن: (Mathematic visits and Excursions دونوں ہی سرگرمیاں اسکول کے باہر کی سرگرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی مدایت ریاضی کی Visits اور Excursions دونوں ہی سرگرمیاں اسکول کے باہر کی سرگرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی مدایت اور رہنمائی میں اسکول کے احاطہ کے باہر منظم کیا جاتا ہے۔ پیطلباء والدین اور اسکول کے کارکنان کے سرگرم تعاون سے انجام دی جاتی ہے۔

منعقد کرنے اور اغراض کے لحاظ دونوں ہی ایک جیسے ہیں اور دونوں کوایک دوسرے سے ردوبدل کر سکتے ہیں۔ Visits کا وسعت اور ماحصل تنگ ہوتا ہے۔جبکہا کیس کرشن کی وسعت اور ماحصل بہت وسیع ہوتی ہے۔

جب بیکہا جاتا ہے کہ ہم لوگ ایک خاص جگہ / تاریخ جگہ / تنظیم /ادارہ جس کی ریاضی کے لحاظ سے اہمیت ہے اس کو دیکھنے کا منصوبہ بنار ہے ہیں تو اس کا مطلب صاف ظاہر ہوتا ہے اس جگہ ادارہ ادر تنظیم کی ریاضی میں ایک خاص اہمیت ہے۔لیکن جب ہم کسی ایک علاقہ یا جگہ یاکسی خاص جگہ ایکس کرشن یا فیلڈٹرپ کی بات کرتے ہیں تو ہم اس کے کسی مخصوص مقصد تک محدود نہیں ہوتے ہیں۔

Mathematics Visits اور فوائد: Excursions كااستعال اورفوائد:

(Uses and Advantages of Mathematics Visits and Excursions)

ار یاضی کی اصطلاحات مجرد ہوتی ہیں جس کواسکول میں زبانی سکھایا جاتا ہےان چیز وں کو مقرون (Concrete) شکل میں د یکھنے کو ملتا ہے۔ ۲۔ ریاضی کے مضامین کی تد رلیں واکتساب عمل میں دلیجی پیدا کرنے میں مد دکرتی ہیں۔ ۳۔ اکتسابی حدود کو ختم کرنے میں مد دکرتی ہیں اسکول کے حدود کے باہر ریاضی کو استعال کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ ریاضی کے مرود کو ختم کرنے میں مد دکرتی ہیں اسکول کے حدود کے باہر ریاضی کو استعال کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ اکتسابی حدود کو ختم کرنے میں مد دکرتی ہیں اسکول کے حدود کے باہر ریاضی کو استعال کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ ریاضی کے مرود کو ختم کرنے میں مد دکرتی ہیں اسکول کے حدود کے باہر ریاضی کو استعال کیا جا سکتا ہے۔ ۲۔ ریاضی کے کار گر مواد، دافعات ، تجربات اور مومیت کی صلاحیت کو فروغ دیتی ہیں کیوں کہ طلبا ء ریاضی کے ختلف اصولوں کو جی تی زندگی کے آئینہ میں دیکھتے ہیں اور آزماتے ہیں۔ ۲۔ ریاضی کے کارگر مواد، دافعات ، تجربات اور ریاضی کے محقف اصولوں کا ان ریاضی کلب ریاضی کی نمائش اور ریاضی میلہ سے جو تی زندگی کے آئیز ہیں دیکھتے ہیں اور آزماتے ہیں۔ ۲۔ ریاضی کے کارگر مواد، دافعات ، تجربات اور ریاضی کے محلا اور کی میں مد دکرتی ہیں۔ ۲۔ ریاضی کی انگر مواد، دافعات ، تجربات اور ریاضی کے محلاف اصولوں کا ان ریاضی کلب ریاضی کی نمائش اور ریاضی میلہ سے دی کہ کرنے کا موقع ملتا ہے۔ ۲۔ ریاضی کو رسائل کی مدد سے معلم اور طلباء در نوں کو ایکس کر ثن اور نمائش کا اہ میں مار کے میں مدد ملتی ہے۔ دی طلباء کے اندر سابقی اقد ار اور تال میں کی صلاحیت پیدا کر نے میں مد دکرتی ہیں۔ ۲۔ ریاضی کو ہر سائل کی مدد سے معلم اور طلباء در نوں کو ایکس کر ثن اور نمائش کا اہتما م کرنے میں مدد ملتی ہے۔ دی طلباء کے اندر سی میں ایک اور جانے کے لئے میہ و سائل کا فی مد دگر تی ہیں۔ مثال کے طور پر تا جنگل کو در کی کو تر بی سی کی کہ ملبق ہے۔

ویز کش اورا میس کرشن کی تنظیم: (Organization of Visits and Excursions) اور مناسب ویز کش اورا میس کرشن سے قابل قبول اور موثر ماحول کے لئے ضرور ہے کہ اس کو سسٹیمک (Systematic) اور مناسب ڈھنگ سے انجام دیا جائے۔ ریاضی کے مدرس کو اس بات پر توجہ دینی چاہیے کہ کس طرح ان ساری چیز وں سے تعلیمی فوائد حاصل کئے جایئ گے۔

ا۔ویزٹس اورا کیس کرٹن کے لئے انتخاب کی جانے والی جگہ: ویزٹس اورا کیس کرٹن کے لئے انتخاب کی جانے والی جگہ کوغظمندی کے ساتھ عمل میں لانا چاہے۔ان کا انتخاب موادِ ضمون اور عنوان کے مطابق کیا جانا چاہیے۔ان عنوانات کا اثر ہماری روز مرہ کی زندگی میں خصوصی طوراورعمومی طور پر کیا ہوسکتا ہے۔

۲_ویزش اورا کیس کرش کی تیاری: ایکس کرشن کی جگہ کومنتخب کرنے کے بعد مدرس کواس کی کمل تیاری اور منصوبہ بندی کرنی لا زمی ہے۔ان مقاصد کو پورا کرنے کے لئے مندرجہ ذیل باتوں برعمل درآ مدکر ناضر وری ہے۔ (الف) مدرس کوادارہ کے مہتم سے اجازت لینی جا ہے اور ساتھ ہی ساتھ طلباءاوران کے والدین کی رضامندی بھی حاصل کرنی جاہے۔ (ب)اگرد کیھنےوالی جگہ کی دوری بہت بنے تو اس کے لئے بس یاریلوے ریز رویشن بھی حاصل کر لینا چاہیے۔اگر متعلم کے لئے کوئی چھوٹ حاصل ہے تواس کا بھی فائدہ اٹھانا چا ہے۔ (ج)جس تاریخ جگہ کودیکھنے جارہے ہیں اس جگہ /ادارہ کے کارکنوں سے پہلے سے ہی اجازت حاصل کر لینے جاہئے۔اور ساتھ ہی ساتھ ہوٹل میں کمرہ بھی بک کر لینا چاہیے۔ (د) طلباءکوا یکس کرشن کے اغراض اور مقاصد کوصاف صاف داضح کردینا چاہیے۔ (ص) طلباءکو پہلے ہی سے ضروری ساز دسامان لے جانے کی ہدایت دینی جاہیے۔ بحر کیف ان کے کھانے کا مناسب طریقہ سے انتظام کیاجانا چاہے۔ (ہ)ایکس کرشن کے انتظام میں طلباء کی کمل شراکت ہونالا زمی ہے۔طلباء کومختلف ذمہ داریوں کے ذریعہ ان کی شمولیت حاصل ک جانی چاہیے۔مثلاً فو ڈسمیٹی،ٹریولنگ کمیٹی،فنانس کمیٹی،انٹرٹینمنٹ کمیٹی اور پرو پرٹی کمیٹی بنا کرطلباءکو شامل کرنا جا ہے۔ (ی) طلباء کوظم وضبط قائم رکھنے کے کمل ہدایت دے دین چاہیے۔

رياضى كے تعليمى سفر كامفہوم: تفريحى سفر كو تعليم سے جوڑ نے كاكام جناب رين (Rain) نے كيا اور اسے با قاعدہ نصاب ميں شامل كيا گيا۔ رين (Rain) نے اس تفريحى سفر كو 19 ويں صدى ميں تاريخ اور جغرافيہ كى تد ريس كو اور موثر دلچ پ بنانے كے ليے شامل كيا تھا، اور اس كانام Field Trips ركھا تھا۔ ان كاماننا تھا كداس مضمون كو پڑھانے كے لئے ايك Field Trip منعقد كرنا چاہيے تا كہ طلبہ اصل اور حقيقی شئے سے روشناس ہو كيس ۔ اگر معلم جغرافيہ ميں سمندر، پہاڑ، آبشار كو پڑھا رہا ہے تو اسے اس طرح كے تفريكی سفر كو منعقد كرنا چاہيے تا كہ طلبہ اصل اور حقيقی شئے سے راست مشاہدہ كر سيس ۔ اس طرح الحيم معندر، پہاڑ، آبشار كو پڑھا رہا ہے تو اسے اس طرح كے تفريكی سفر كو منعقد كرنا چا سے سماہدہ كر سيس ۔ اس طرح اگر معلم تاريخ پڑھا رہا ہے تو اسے اس طرح كے تفريكی سفر كو منعقد كرنا چاہتے تا كہ طلبہ براہ سے سماہدہ كر سيس ۔ اس طرح اگر معلم تاريخ پڑھا رہا ہے تو اسے اس طرح كے تفريكی سفر كو منعقد كرنا چاہتے تا كہ طلبہ براہ سے سماہدہ كر سيس ۔ اس طرح اگر معلم تاريخ پڑھا رہا ہے تو اسے اس طرح کے تفريكی سفر كو منعقد كرنا چاہتے تا كہ طلبہ براہ

تفریحی سفرے ذریعے طلبہ تمام اصل شئے کابراہ راست مشاہدہ کرتے ہیں اور معلم طلبہ کواسی جگہ پر تمام واقعات کو بیان کرتا ہے

تا کہ طلبہاسی زمانے کا تصور قائم کرنے لگے۔اس طرح طلبہ جو سیصتے ہیں وہ کممل ہوتا ہے اور طلبہ بھی بھی بھو لتے نہیں ہیں۔مصنف جغرافیہ کا طالب علم رہا ہے اس لئے اس طرح کے سفر کی اہمیت کواپنے لفظوں میں یوں بیان کرتا ہے کہ تفریحی سفر طلبہ کے حواس خمسہ کو تتحرک کرتا ہے اس لئے اس سفر میں سکھا جانے والاعلم دائمی ہوجا تا ہے۔

ریاضیاتی فیلڈٹرپ کے مقاصد: (Aims of the Mathematical Fieldtrip) ۱۔ذاتی تج بوں اور تجسس کے ذریعیدیاضی کی معلومات کو حاصل کرنا۔ ۲۔ اسکول کے روایتی تعلیمی ماحول کوتبدیل کر کے اور کمرہ جماعت کے باہر کے حرکیاتی (Dynamic) ماحول کو اسکول میں واپس لانا۔ ۳۔ طلباء کی اہلیت کوفر وغ دینا تا کہ وہ اس طرح کے مسائل کوحل کر پائیں ان چیز وں کی مدد سے جو طلباء کمرہ جماعت کے باہر سکھتے ہیں۔ ۸۔ ریاضی کا دوسرے مضامین جیسے جغرافیہ، تاریخ اور طبعیات وغیرہ سے تعلقات کا جائزہ لینا۔ ۵۔ ریاضی کے اکتساب سے پیدا ہونے والی بے چینی (Anxiety) کوکم کیا جاسکتا ہے۔

> ریاضی کے فیلڈٹرپ کی تیاری مندرجہذیل طریقوں سے کی جاسکتی ہے۔ ۲۰ ممکن Sites ریاضی کی سر گرمیوں کے لئے مناسب ہو۔ ۲۰ انتخاب کی گٹی site کا فوٹو لینا ضروری ہے۔ ۲۰ اس منتخب site کا تاریخی اور جغرافیا کی ماضی کی تحقیق کرنی چاہیے۔

تغلیمی دوره کی خصوصیات: **(Characteristics of Fieled Trips)** تعلیمی دوره یا فیلڈٹرپ (Field Trips)ایک تد ریسی طریقہ کارہے اوراس کی مندرجہ ذیل خصوصیات ہیں:

- ii) پیایک نفسیاتی طریقہ کار ہے جس میں سیکھنے والے کے حواس خمسہ سیکھنے کے مل میں متحرک ہوتے ہیں اس سے طلبہ کو مواد کو سیکھنے میں بہت آسانی ہوتی ہے۔
 - iii) اس طریقہ کاریے تد ریس کرنے میں ساجی علوم کے تمام موضوع دلچیپ اور عملی ہوجاتے ہیں۔
- iv) 🔰 پیطلبہکودرجہ جماعت کی چاردیواری سے باہر جا کر سکھنے کا موقع فراہم کرتا ہے تا کہطلبہ یوری آ زادی کے ساتھ خود سے مطالعہ

- ۷) سیتدریسی موادادرکسی بھی شئے کوجاننے کے لئے اصل اور سیح معلومات فراہم کرتا ہے۔
- vi) اس کے ذریعہ طلبہ اصل تجربے حاصل کرتے ہیں اور با آسانی مواد کو پوری طرح سمجھ پاتے ہیں اور ذہن میں لمبے وقت تک محفوظ رکھتے ہیں۔
- vii) پیر ایند کار بغیر سوچ سمجھے حفظ کرنے کے طریقہ کو کم کرتا ہے اور اپنے فہم واداراک سے مواد کو شمجھ کر سیکھنے کو فروغ دیتا ہے۔اس سے طلبہ جو بھی مواد سیکھیں گے دہ ان کے ذہن میں لمبے وقت تک محفوظ رہے گا۔

تفریخی سفر کے فائدے: (Advantages of Filed Trips) تفريحي سفركے ذريع طلبہ کوبراہ راست سيکھنے کاموقع ملتاہے۔ (i اس کے ذریعے طلبہ کی پیدائشی میلانات (innate urges) پورے ہوتے ہیں۔ (ii بهطلبه کوسماج کی عملی تربیت دیتا ہے۔ (iii تفريحي سفريا سيرطلبه كے نقطة نظر كووسيع كرتا ہے۔ (iv تفريحي سفرطلبه كوحقائق يرغور وخوض كاموقع فرابهم كرتا ہے۔ (v اس سے طلبہ کے اندر تحقیق صلاحیت کا فروغ ہوتا ہے۔ (vi بیساجی علوم میں دلچیسی پیدا کرتاہے۔ (vii اس سےطلبہ کے اندرایک ساتھ رہنے اورل کر کام کرنے کاجذبہ پیدا ہوتا ہے۔ (viii ایسے سفر میں طلبہ کے اندرخوداعتمادی پیدا ہوتی ہے۔ (ix اس سے طلبہ کے اندر ساجی اقد ار کا فروغ ہوتا ہے۔ **(**X

تحديدي: (Limitations)

- i) اس طریقه کار میں وقت ، قوت اور پیسہ بہت خرچ ہوتا ہے۔
 - ii) اس میں طلبہ کے والدین کا تعاون بہت کم ہوتا ہے۔
 - iii) اسے منظم کرنے کے لئے رہنمائی کی کمی پائی جاتی ہے۔
 - iv) بدایخ آپ میں مکمل طریقہ کارنہیں ہے۔
- ۷) اس طریقہ کارکے استعال سے اسکول کے دوسرے مضامین کا وقت ہریا دہوتا ہے۔

فرہنگ: (Glossary)

تنقيدي جائزه	Critical Analysis
اشاعت	Publication
لسمعى	Audio
بصرى	Visual
تعليمي سير	Excursion
تعليمي دور	Field Trip

خلاصه: (Let Us Sum Up/Points to Remember)

نصابی کتاب ایک خاص مقصد کو پورا کرنے کے لئے تیار کی جاتی ہے۔ اس میں موادِ صفود ن کو منصوبہ بند طریقہ سے اجا گر کیا جاتا $\overset{\frown}{a}$ ہے۔ سی بھی تغلیمی نظام میں نصابی کتابیں کلیدی حیثیت رکھتی ہیں۔ ☆ تعلیم ایک سہ رخی اعمل ہے جس میں مدرس ،طلباءاورموا داس کے تین ستون ہیں۔ ☆ تدریس واکتسابی ممل میں نصابی کتاب مدرس اور طالب علموں دونوں کے لئے مددگار ثابت ہوتی ہے۔ ☆ ریاضی کی نصابی کتاب میں استعال کی جانے والی زبان آسان عام فہم، سادہ اور بچوں کی جاذبیت کے لحاظ سے ہونی جا ہے۔ $\overrightarrow{\Delta}$ درس کتاب کامواد مضمون، منطقی اور نفسیاتی لحاظ سے احتیاط کے ساتھ منظم کیا جانا جا ہے۔ جوموثر تد ریسی ماحول کو پیش کر سکے۔ $\overset{\frown}{a}$ جارٹ، ماڈل،ٹھوس چیزیں،ساز وسامان،آلات اور دوسرے وسائل کا استعال کر کے ریاضی کامعلم اپنی تد ریس کوموثر بنانا جا ہتا $\overset{\frown}{a}$ ہےان ہی دسائل کوریاضی کی اصطلاح میں تد ریسی موادیا تد ریسی اشیاء کہتے ہیں۔ان تد ریسی دسائل کوسمعی ، بصری اوکشر البلاغ تدريسي وسائل کہتے ہیں۔ ترسیل نوعیت کے لحاظ سے دوشم کے ہوتی ہے۔ ☆ (i) ہم وقت آلات (ii) غير ہم وقت آلات

سر یاضی کی Visitsاور Excursions دونوں ہی سر گرمیاں اسکول کے باہر کی سر گرمیاں ہیں ان کوریاضی کے معلم کی ہدایت

اوررہنمائی میں اسکول کے احاطہ کے باہرمنظم کی جاتی ہے۔

اکائی کے اختیام کی سرگرمیاں: (Unit End Activities) طويل سوالات: ایک استاد کے لئے نصابی کتاب کی ضرورت واہمیت جاننا کیوں ضروری ہے؟ _1 اچھی نصابی کتاب کی تیاری کے کئے کن باتوں کو مدنظر رکھنا جا ہے؟ _٢ کن معیارات کی بناء پرہم ایک نصابی کتاب کواچھا کہہ سکتے ہیں؟ _٣ سمعی، بصری اورکثیر الابلاغ دسائل کے فرق کوداضح سیجئے۔ ۴_ ریاضی کی Visits اور Excursion سے کیا مرادب؟ استعالات اور نوائد ہیان کیجئے۔ _0 آن لائن ذرائع کیا ہیں؟اقسام کے ساتھ بیان کیچئے۔ ۲_ استاد کس طرح آن لائن وسائل کا استعال کر کے اپنی تد ریس کومؤثر بناسکتا ہے؟ _4

مزيدمطالع كيك كتب: (Suggested Readings)

- Aggarwal, S.M. : Teaching of Modern Mathematics
- Ayangar, N.K : The Teaching of mathematics in New Education
- Bell, E.T: The Development of Mathematics
- Bhatia and Bhatia : The Principles and Methods of Teaching
- Chadha, B.N. : The Teaching of Mathematics
- NCERT, New Delhi : Multi Sensory Aids in Teaching of Mathematics
- MANGAL, S.K. : Teaching of Mathematics
- Siddhu, K.S. : The Teaching of Mathematics
- Husain, Noushad : Information and Communication Technology in Education and Instructional System
- Kulshrestha, A.K. : The Teaching of Mathematics